

Nuevas ideas en criptografía simétrica

Autor: Damián Mateos Ramos (damymr@gmail.com)

Este es el texto que corresponde al trabajo de fin de carrera presentado a fin de obtener el título de Ingeniero Informático por la Universidad de León.

Deseo agradecer a Francisco Javier Cabida Fernández (strapping@gmail.com) por soportarme tanto tiempo con mis locas ideas y por animarme a publicar este trabajo.

Deseo asimismo agradecer a Kriptopolis (www.kriptopolis.com) la posibilidad de publicarlo.

El presente trabajo se acoge a la licencia Creative Commons Reconocimiento – No Comercial – Compartir Igual



Reconocimiento. Debe reconocer los créditos de la obra de la manera especificada por el autor o el licenciadore.



No comercial. No puede utilizar esta obra para fines comerciales.



Compartir bajo la misma licencia. Si altera o transforma esta obra, o genera una obra derivada, sólo puede distribuir la obra generada bajo una licencia idéntica a ésta.

Dicha licencia puede ser consultada en la siguiente dirección:

<http://creativecommons.org/licenses/by-nc-sa/2.5/es/>

1 Índice

| | | |
|-------|---|----|
| 1 | Índice | 2 |
| 2 | Introducción | 4 |
| 3 | Red de Feistel | 6 |
| 4 | Red de Feistel extendida | 9 |
| 4.1 | Notación | 9 |
| 4.2 | El problema de la decodificación | 10 |
| 4.3 | Reversibilidad del algoritmo | 14 |
| 4.4 | Asimetría aparente | 17 |
| 4.5 | Funciones interconectadas | 20 |
| 4.6 | Funciones inversibles | 21 |
| 4.7 | Construcción de redes | 22 |
| 4.7.1 | Herramientas de trabajo | 22 |
| 4.7.2 | Construcción de redes completas | 23 |
| 4.7.3 | Construcción mediante eslabones | 27 |
| 4.7.4 | Ejemplo de red construida mediante eslabones | 31 |
| 3.8 | Subclaves | 34 |
| 5 | Funciones | 35 |
| 5.1 | Ataques para la obtención de la clave | 36 |
| 5.2 | Ejemplos de funciones | 37 |
| 5.2.1 | Funciones con una entrada que afectan a una salida | 38 |
| 5.2.2 | Funciones de dos entradas que afectan a dos salidas | 40 |
| 5.2.3 | Conseguir proteger las subclaves | 42 |
| 5.2.4 | Resistencia al criptoanálisis | 43 |
| 5.2.5 | Modificación del flujo de datos según determinen los propios datos | 43 |
| 5.2.6 | Criptosistema aleatorio | 44 |
| 6 | Claves | 47 |
| 6.1 | Claves débiles y semidébiles | 47 |
| 6.2 | Algoritmo para detectar claves débiles y semidébiles | 49 |
| 6.3 | Ejemplo de búsqueda de claves débiles y semidébiles | 53 |
| 6.4 | Evitando codificaciones débiles | 58 |
| 7 | Propuesta de algoritmo simétrico de cifrado | 60 |
| 7.1 | Estructura | 60 |
| 7.2 | Las funciones | 61 |
| 7.3 | Filtros | 71 |
| 7.4 | Detalle de la distribución de claves | 71 |
| 7.5 | Detalle de los filtros | 72 |

| | | |
|-----|--|----|
| 7.6 | Análisis realizados..... | 73 |
| 7.7 | Codificación, esquema de relleno | 78 |
| 8 | Implementación del algoritmo (NICS)..... | 80 |
| 8.1 | Optimizaciones aplicadas | 80 |
| 8.2 | Código | 82 |
| 8.3 | Ejecución | 85 |
| 8.4 | Resultados obtenidos | 85 |
| 9 | Conclusiones..... | 87 |
| 10 | Bibliografía..... | 88 |

2 Introducción

La seguridad informática es un aspecto muy importante en nuestra vida cotidiana, no siempre nos percatamos de ello, pero cada vez que utilizamos el móvil o la tarjeta de crédito, cada vez que nos comunicamos con nuestro banco por Internet, estamos haciendo uso de ella. Se nos presenta como algo transparente, buscando siempre una sencillez que contrasta con la tremenda complejidad que supone lograrla.

Actualmente existen dos vertientes en criptografía (cifrado de datos) que representan dos formas de resolver el problema: criptografía de clave pública y criptografía de clave privada, cada una con sus ventajas e inconvenientes.

Los últimos avances y estudios permiten ver la despiadada carrera existente para crear y desbaratar los algoritmos utilizados. Recientemente se ha logrado romper una clave RSA de 1024 bits, cuando se esperaba que pudieran utilizarse hasta 10 años más; se han encontrado deficiencias en los conocidos algoritmos de hashing SHA-1 y MD5, los más utilizados del mundo, con especial severidad en el MD5 en el que se ha conseguido que el hash de dos conjuntos de datos cualesquiera y totalmente diferentes coincidan. Tampoco se libran los criptosistemas de clave privada: la aparición del criptoanálisis imposible ha supuesto una tremenda revolución y algoritmos que antes se consideraban inmunes a ataques más eficientes que la fuerza bruta ya no lo sean. Otra amenaza importante es la aparición de la futura computación cuántica, mucho más poderosa que la computación actual.

En este panorama la única forma que existe actualmente para lograr mantener la seguridad es el aumento del tamaño de las claves utilizadas, y el desarrollo de nuevos algoritmos.

La intención del presente trabajo es obtener un criptosistema simétrico que pueda ofrecer un alto grado de seguridad, trabajando con claves mayores de las utilizadas actualmente y con una característica muy

interesante: el mismo algoritmo será capaz de cifrar y descifrar, y utilizará operaciones sencillas y será muy sencillo de implementar.

Sin embargo hoy día no existe ninguna *receta* que permita abordar el diseño de este tipo de criptosistemas, es más bien un proceso creativo, así pues otro de los objetivos es mostrar un conjunto de ideas y razonamientos de aplicación directa en el diseño de los mismos, proveyendo así de unas directrices y una metodología que simplifique ese diseño, junto a unas herramientas que permitan analizar posibles debilidades.

Para ello se estudiará la *Red de Feistel* y se propondrá una generalización de la misma y un método sencillo de construcción de redes que sean capaces de cifrar y descifrar los datos sin ser necesaria ninguna modificación. También se tratarán las operaciones a realizar en esa red, cuales son aconsejables y cuales no según los objetivos que nos marquemos; y por último se hablará del tratamiento y la forma de utilización de la clave para maximizar la seguridad y eliminar algunos de los riesgos conocidos.

En la segunda parte del trabajo será en la que se desarrolle el diseño del algoritmo ya mencionado, basándose en parte de las ideas de la primera parte y efectuándole una serie de test con el objetivo de determinar las características que posea. También le serán aplicadas algunas herramientas expuestas en la primera parte cuyo objetivo es detectar debilidades comunes.

Es necesario mencionar la escasez de recursos computacionales con los que se ha abordado la tarea y la gran amplitud del trabajo, lo que ha llevado a hacer mayor hincapié en las bases teóricas que en la puesta en práctica. Además es importante reseñar que no se ha encontrado bibliografía que trate el tema del diseño de criptosistemas, así pues, salvo la descripción de la red de Feistel todas las demás ideas y herramientas han sido creadas en exclusiva para el presente trabajo y se pretende que varias de ellas sean realmente innovaciones.

Sin más, disfruten de la lectura.

3 Red de Feistel

Se conoce como red de Feistel a una estructura descrita por Horst Feistel, criptógrafo de IBM, y utilizada frecuentemente en algoritmos de encriptación de datos como Lucifer, DES, FEAL, Blowfish y otros. Esta estructura presenta unas características muy interesantes entre las que destaca que la codificación y la decodificación sean muy similares o en ciertos casos idénticas (autoreversibilidad). A la hora de implementar los sistemas en hardware, esta propiedad consigue reducir la complejidad y el coste de los circuitos, siendo sólo necesario modificar la clave.

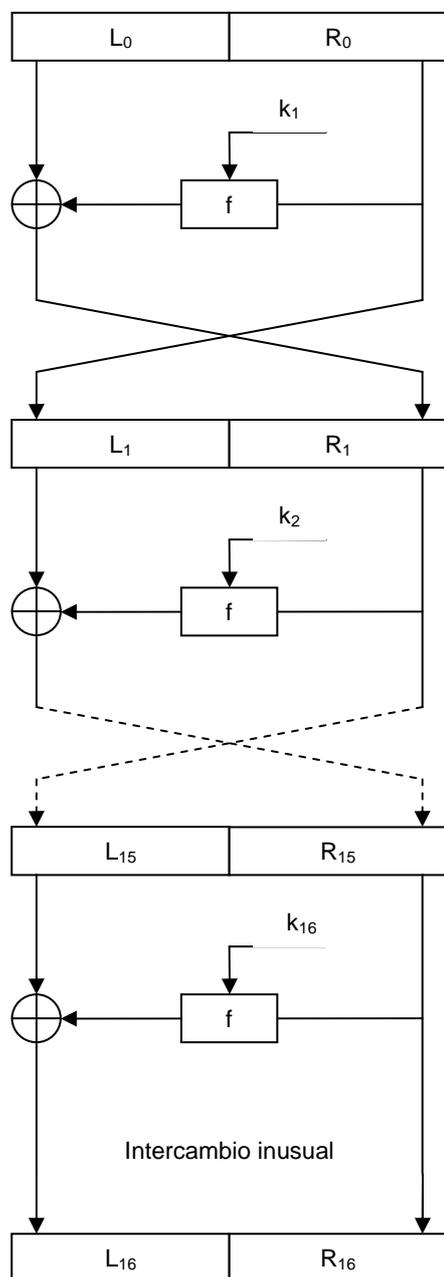


Fig. 2.1

El funcionamiento de una red de Feistel es el siguiente:

1. Se divide el bloque inicial en dos partes: izquierda (L) y derecha (R).
2. A la parte derecha se le aplica una función f que aporte la confusión y la difusión adecuada. En esta función un lugar importante lo ocupa la clave (k_i), ésta debe permanecer en secreto y sólo la deben conocer el emisor y el receptor del mensaje.
3. El resultado de esta función es aplicado a la parte izquierda del bloque mediante un XOR
4. Se intercambian las dos partes y se itera el proceso, esta vez con los papeles cambiados.

Otra de las características que hacen de la red de Feistel muy utilizada es que la función f no tiene por qué ser inversible. De hecho, para el proceso de decodificación basta con cambiar el orden de las claves y volver a aplicar el algoritmo:

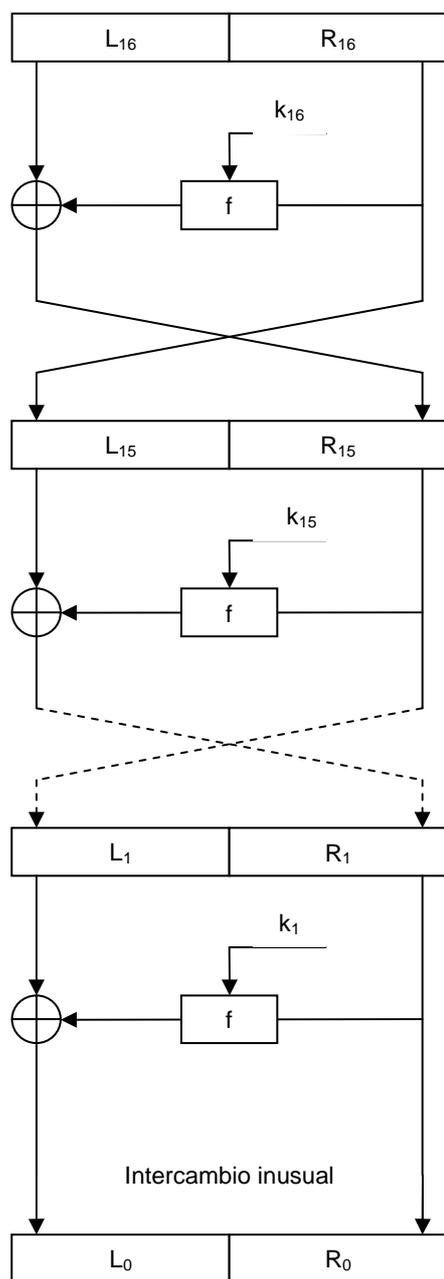


Fig. 2.2 Red de Feistel para descriptar

La estructura de la decodificación es exactamente la misma que la de la codificación. Comprobamos que simplemente con cambiar las claves de orden podemos obtener el bloque original y en ningún momento se ha necesitado la inversa de la función f .

Con el uso de k_{16} aplicado a R_{16} podemos obtener R_{15} (y L_{15} sin hacer nada); si seguimos hacia atrás en la estructura de la encriptación se observa que se consigue la misma información (aunque los registros están intercambiados). Llegados al final de la cadena, se aplica f al registro R (siguiendo hacia atrás en la codificación, sería aplicar f al registro L) y el resultado aplicado a la otra mitad. En la decodificación no se produce un intercambio pero en la codificación hacia atrás sí: el resultado es que se invertiría el intercambio del principio del proceso

de decodificación y el resultado es el mismo: se ha conseguido codificar y decodificar con la misma estructura, solamente hemos cambiado las claves.

Matemáticamente se expresa así:

$$L_i = R_{i-1}$$

$$R_i = L_{i-1} \mathbf{XOR} f(R_{i-1}, k_i)$$

El último intercambio no se suele hacer, o si se hace (por ejemplo con una implementación mediante iteración) se deshace. Normalmente se toma un número de rondas mayor o igual a tres y suele ser par. La red de 16 rondas mostrada corresponde a la utilizada por el sistema DES, también es la que utiliza Blowfish.

El pseudocódigo para una red de Feistel de 16 rondas es el siguiente:

1. Separar el bloque en dos mitades: L y R
2. Para $i=0$ hasta $i=15$
3. $L = L \mathbf{XOR} f(R, k_i)$
4. Intercambiar L y R
5. Fin_bucle
6. Intercambiar L y R (deshacer el último intercambio)
7. Recombinar L y R

La mayoría de los algoritmos que utilizan como corazón la red de Feistel, emplean alguna forma de modificación de la misma que ayude a los propósitos para los que fue diseñado: así en DES se realizan dos permutaciones (una a la entrada de la red y otra a la salida). En Blowfish se aplica en cada ronda un XOR a R con unos valores precalculados, antes de la línea 3, y después del bucle se aplica tanto en la parte R como en la L.

4 Red de Feistel extendida

A continuación se propone una forma de crear diferentes redes con las mismas propiedades que las poseídas por las redes de Feistel: estructura idéntica para la encriptación y la desencriptación, y posibilidad de emplear funciones no inversibles pero que permitan a la red sí ser inversible.

4.1 Notación

El diseño de la red se hará mediante diagramas similares a los mostrados anteriormente. Las flechas indican por dónde circula la información, la función (que hace uso de una supuesta clave k , aunque no se represente) necesita conocer su entrada para poder calcular su salida y los intercambios se hacen mutuamente entre registros. Un registro es un conjunto de bits (por ejemplo 32 bits) en los que se divide el bloque original. Las funciones suelen tener una entrada adicional, una subclave calculada a partir de la clave secreta, que será obviada en algunos ejemplos.

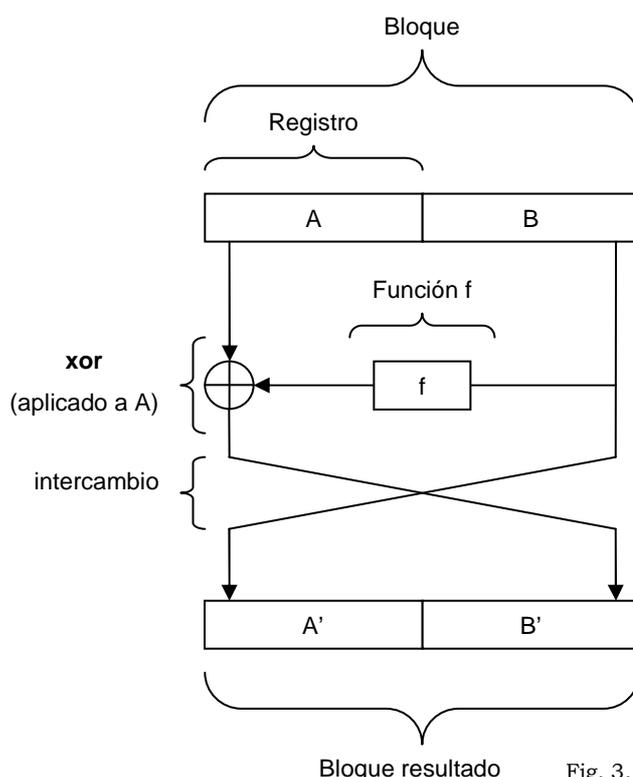


Fig. 3.1 Notación

Vamos a considerar que las claves se utilizan siempre de forma adecuada para la codificación y la decodificación, más adelante estableceremos qué orden se debe seguir.

4.2 El problema de la decodificación

La información que almacenan los registros de destino, junto con la clave) debe ser suficiente para reconstruir los registros iniciales. Las funciones no requerirán inversa, con lo cual será necesario siempre tener la información de la entrada de la función para calcular la de la salida. El camino que recorre la información en el diagrama es lo que denominamos **flujo**, se puede pensar que este flujo circula en paralelo, pero hay que diseñar el diagrama de forma que se puedan ejecutar las operaciones de forma secuencial. Esto es muy importante para que sea posible la decodificación, por ejemplo:

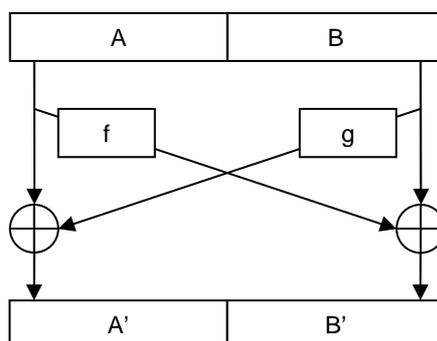


Fig. 3.2

Para poder decodificar A necesitamos conocer $g(B)$ y por lo tanto B, y para poder decodificar B necesitamos $f(A)$ y por lo tanto A: se entra en una situación verdaderamente difícil incluso para el receptor legítimo del mensaje. El flujo en el diagrama va en paralelo: las funciones g y f son calculadas antes de ser aplicadas mediante la operación xor a los bloques A y B. Si intentásemos secuencializar las funciones f y g de alguna forma, veríamos que es imposible puesto que cuando una es aplicada, se pierde la información de entrada para la otra. Las funciones tienen que poder ser secuencializadas, es decir, ser ejecutadas en un orden que permita disponer de los datos de entrada

necesarios para cada una cuando van a ser ejecutadas de forma atómica.

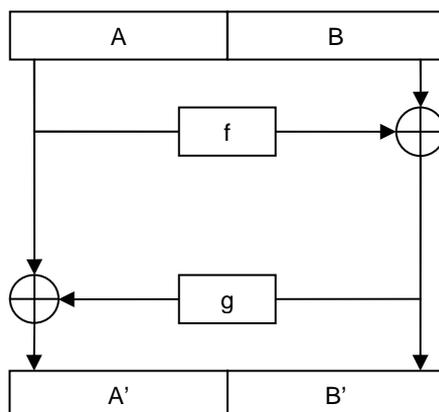


Fig. 3.3

En esta situación las funciones f y g tienen un orden de ejecución: es necesario calcular $f(A)$ para conocer la salida del primer xor y de este modo poder calcular $g(b)$. Existen ciertos casos en los que se pueden calcular funciones en paralelo y no interfieren con las demás: se da cuando podemos hacer la combinación mediante xor de más de dos caminos, por ejemplo:

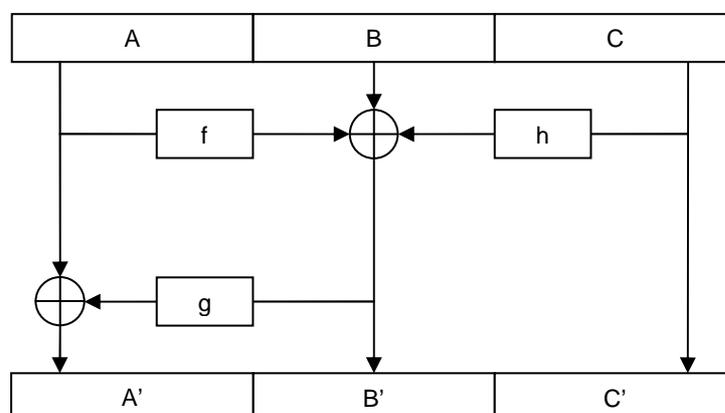


Fig. 3.4

En este caso la ejecución de f y h ha de ser en paralelo, y sin embargo la decodificación sería posible. La regla general es: **cuando a un registro se le va a aplicar una función, el valor anterior de ese registro no puede utilizarse para otras funciones incluida la actual**, porque quedará oculto tras la aplicación de la función. De todos modos, esto no viola el principio mencionado anteriormente de la seriabilidad de las funciones, ya que h y f se pueden aplicar en cualquier orden a B y el resultado es el mismo.

Otra de las posibles dificultades a la hora de decodificar puede ser la pérdida de información: si en algún lugar del diagrama se pierde el valor de un registro, aunque se cumpla la regla anterior no se podrá decodificar el bloque original.

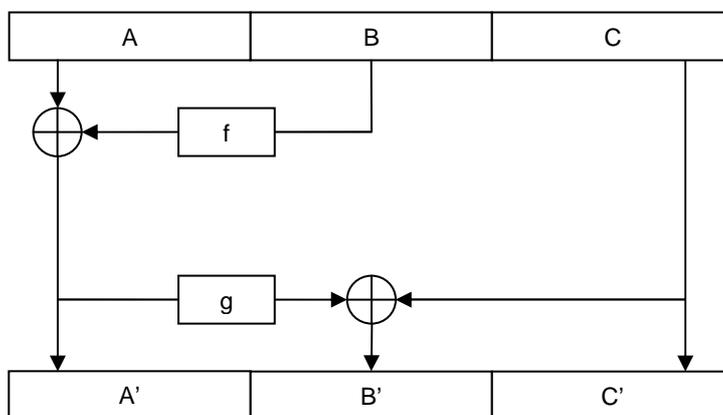


Fig. 3.5

En este caso es imposible reconstruir el valor del bloque original puesto que no hay forma de conocer el valor de B. Se puede deducir fácilmente la segunda regla: **debe de haber un camino que una de forma unívoca un registro origen y uno destino, por el cual no se atraviese ninguna función no reversible.**

Se puede comprobar fácilmente que estas dos reglas son suficientes para que un codificador de este tipo, por complicado que sea, funcione. El registro de destino al que está ligado un registro origen es el que tiene la información para descifrar este registro origen, en el camino no hay funciones no inversibles, únicamente pueden haber intercambios, xors (ambas inversibles) y funciones inversibles. El hecho de que las funciones sean serializables, nos garantiza que siempre podremos calcular la última (por la segunda condición, los datos de origen de la última función irán a un registro destino directamente) y deshacer el último xor; en este punto repetimos con la última función que no haya sido recalculada.

Una forma sencilla de comprobar que un diagrama es válido se expone a continuación.

Se crea una tabla con tantas filas como registros haya y tantas columnas como funciones e intercambios entre registros haya, más una para los registros iniciales. Ahora en cada columna se va apuntando el efecto de una función o un intercambio, teniendo siempre presente dos datos: de una fila sólo conocemos el último valor del registro apuntado y en una función se hace XOR (representado con una x) siempre con el dato presente en ese momento en la fila:

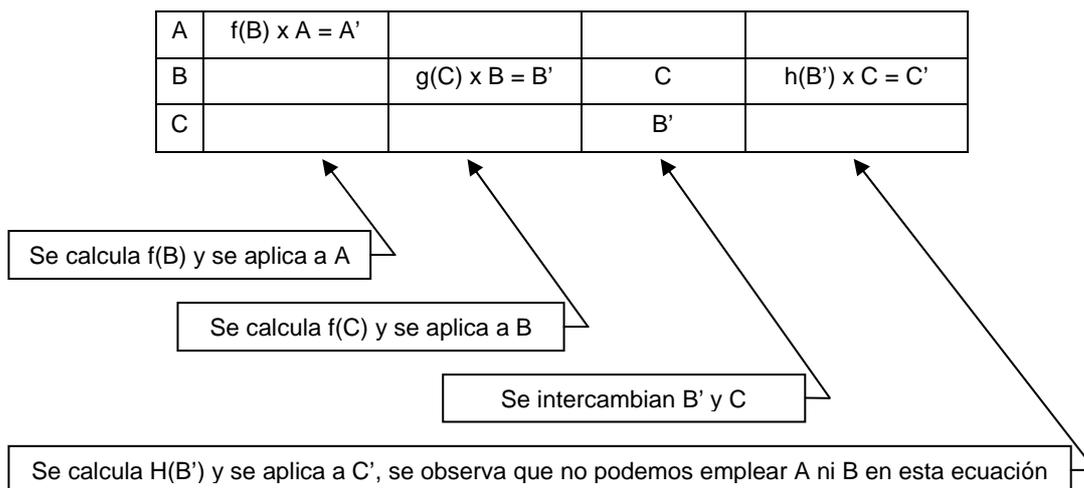


Fig. 3.6 Algoritmo para comprobar que una red está bien diseñada

Esta tabla corresponde al diagrama:

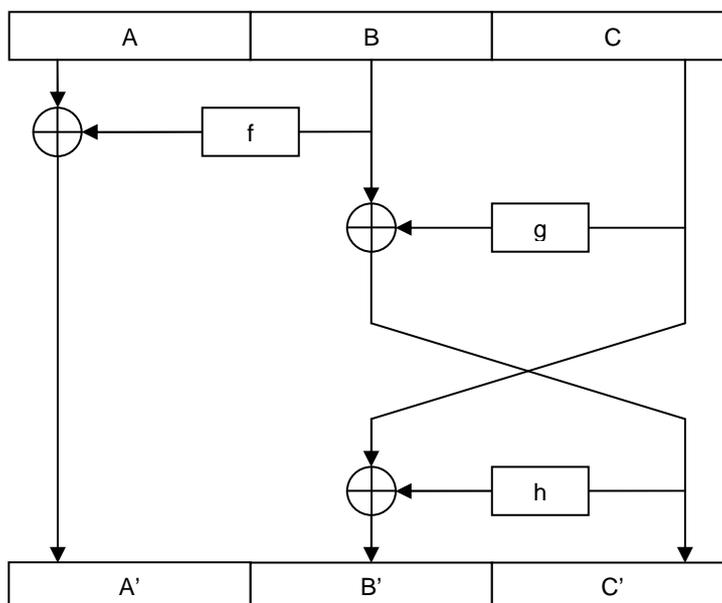


Fig. 3.7 Ejemplo de la red analizada

4.3 Reversibilidad del algoritmo

El algoritmo debe ser reversible: supongamos que se trata de una caja negra que tiene como entrada un bloque y como salida el bloque codificado. Tiene que ser posible enlazar ese bloque codificado con una caja negra idéntica en estructura (cambiando las claves lógicamente) que aplicado al bloque codificado nos devuelva el bloque original.

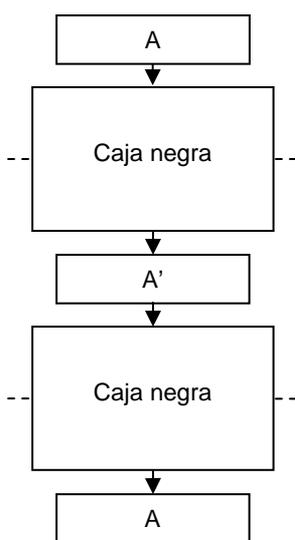


Fig. 3.8

Si nos fijamos en el flujo, es fácil adivinar que en la segunda caja se debe seguir un flujo inverso al de la primera caja, pero como son iguales, el flujo de toda caja debe ser simétrico o isomorfo a una simetría. A su vez, la composición de las dos cajas tendrá una estructura simétrica.

Por ejemplo: la red de Feistel de una ronda (en la cual no se produce intercambio, como hemos visto) sería así:

Vemos el eje que de simetría mencionado, al dar la vuelta por ese eje al diagrama (ajustando las flechas) obtenemos el esquema de decodificación que es idéntico al de codificación.

La codificación-decodificación quedaría:

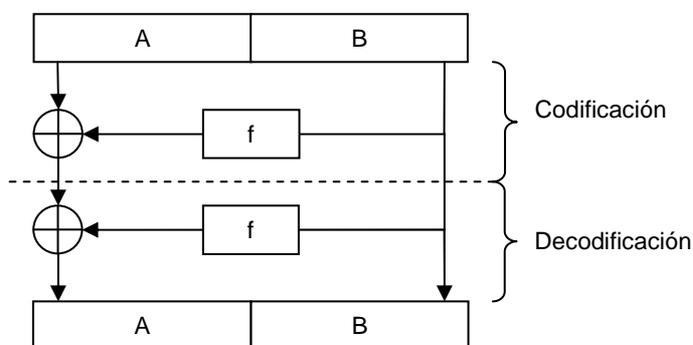


Fig. 3.10

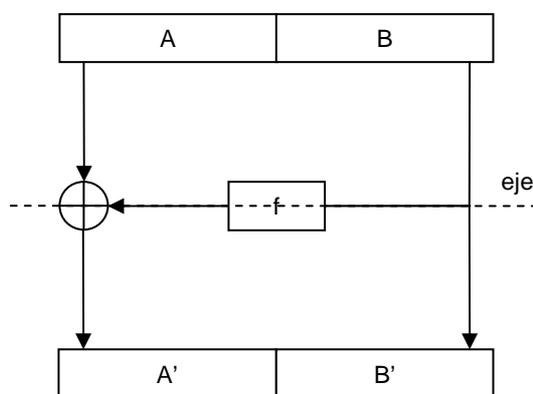


Fig. 3.9

Que como vemos, la función f al ser la misma, dará el mismo valor. Trivialmente se puede apreciar cómo al aplicar dos XOR con el mismo valor al registro A , se recupera el valor que tenía inicialmente.

Veamos cómo sería el esquema de una red de Feistel de un número par de rondas (las que se suelen utilizar). Sabemos que se efectúan $n-1$ intercambios de registros, si contemplamos de manera global la cadena de Feistel...

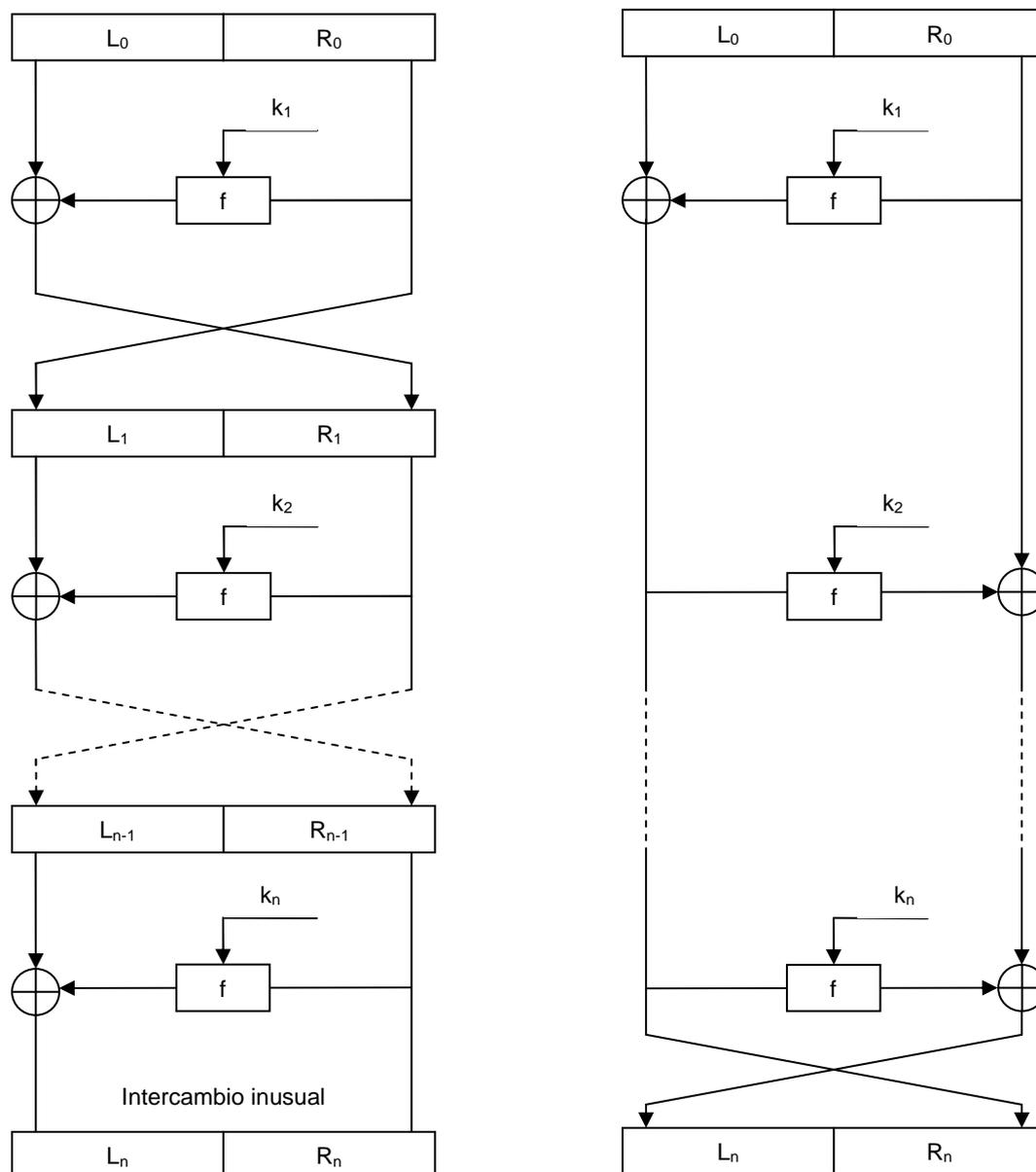


Fig. 3.11 Red de Feistel tradicional y desdoblada

Vemos que con hacer sólo un cambio al final e ir alternando las funciones llegamos a un resultado similar y computacionalmente más rápido. Sin embargo ninguna de las dos estructuras se ajusta a la condición de ser simétricas, sin embargo... ¿podemos convertirla en simétrica? Como veremos sí, estas estructuras son isomorfas a una simétrica equivalente:

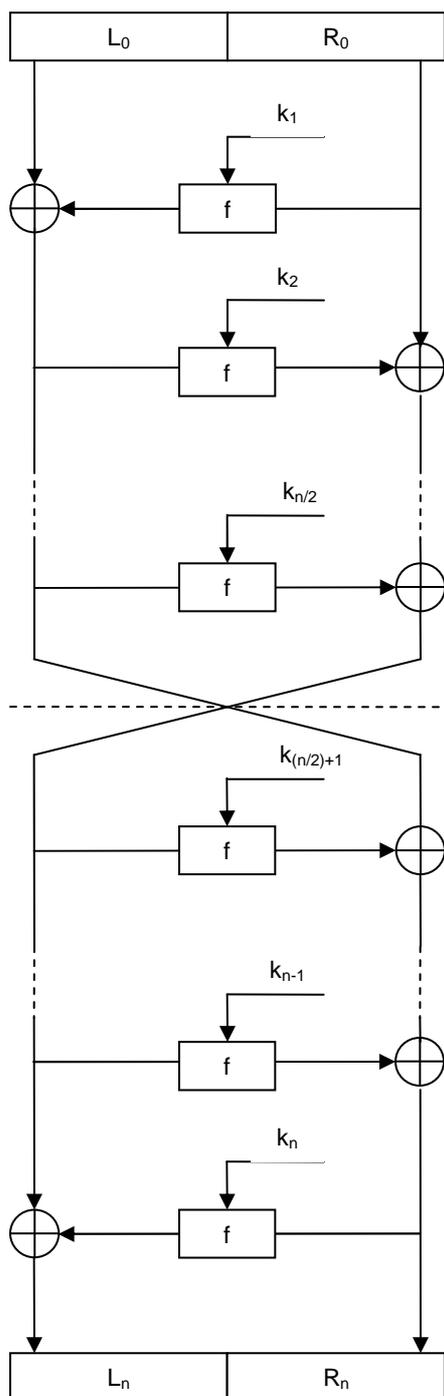


Fig. 3.12 Red de Feistel simétrica par

Aunque estas reglas definen las características que debe poseer una estructura de cifrado con las peculiaridades que deseamos, no son las únicas estructuras posibles. Con la regla de la simetría nos aseguramos que el algoritmo codificador es idéntico al decodificador y para construir una nueva red basta con diseñar la mitad de ella.

He aquí la red de Feistel, con número de rondas par, como ejemplo de red con un punto de simetría central, y que sirve para codificar y decodificar. Una red de Feistel con un número impar de rondas presentará una estructura similar sin el intercambio central, y, puesto que cumple la condición indicada, es también autoinversible.

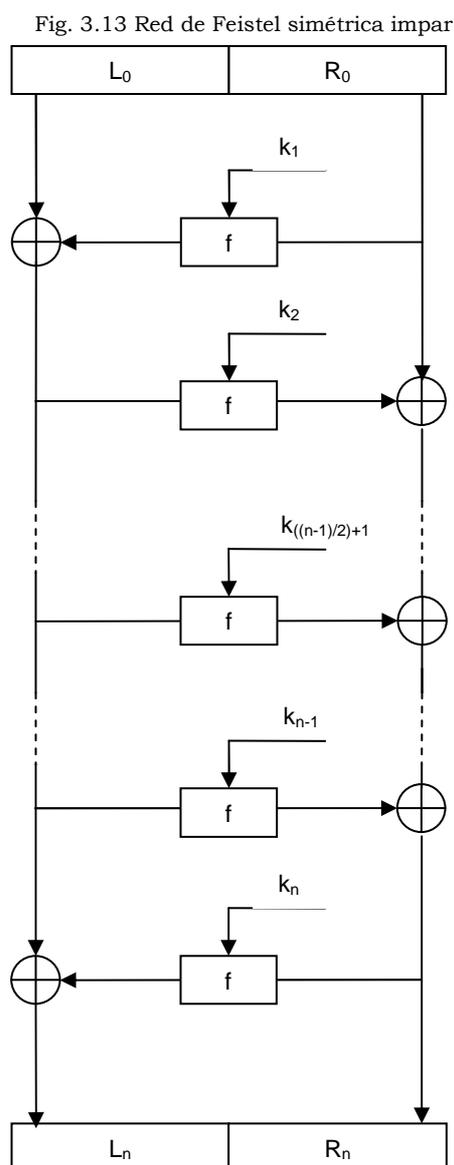


Fig. 3.13 Red de Feistel simétrica impar

4.4 Asimetría aparente

Hasta ahora las funciones utilizadas tenían dos entradas (una para un registro y una para la clave que obviábamos) y una salida que era aplicada mediante la operación XOR a un registro que no formase parte de la entrada. Sin embargo la operación XOR es asociativa, tiene elemento neutro ($0\dots\dots 0_n$) y elemento inverso (todo elemento es inverso de sí mismo). Esto nos va a permitir la construcción de funciones diferentes a las consideradas:

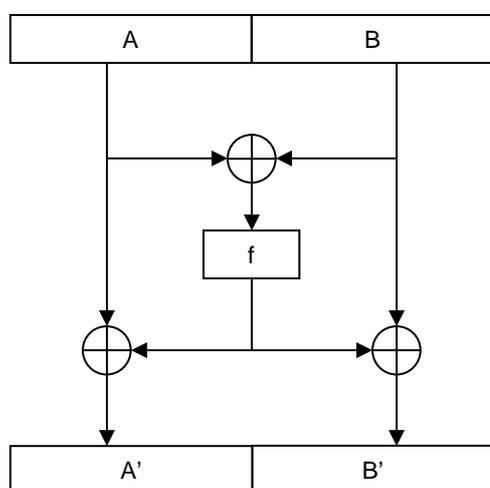


Fig. 3.14 Asimetría aparente

Analícemos con un poco de detalle la estructura mostrada: no tiene simetría vertical (aparentemente) y no se sigue la regla de que el cálculo de una función no puede ser aplicado a una de sus entradas. Sin embargo se puede codificar y decodificar con el mismo algoritmo.

¿Cómo es posible que funcione? La

respuesta está en las propiedades de la operación XOR. El resultado de la ejecución de este algoritmo será:

$$A' = f(A \times B) \times A$$

$$B' = f(A \times B) \times B$$

Siendo \times la operación XOR. Ahora si volvemos a introducir la salida nuevamente:

$$A'' = f(A' \times B') \times A' = f((f(A \times B) \times A) \times (f(A \times B) \times B)) \times f(A \times B) \times A \quad (1)$$

$$B'' = f(A' \times B') \times B' = f((f(A \times B) \times A) \times (f(A \times B) \times B)) \times f(A \times B) \times B \quad (2)$$

Considerando la asociatividad del XOR y el elemento inverso $XOR(Y, Y) = 0$, nos queda:

$$1) f(f(A \times B) \times f(A \times B) \times A \times B) \times f(A \times B) \times A = f(A \times B) \times f(A \times B) \times A = A$$

$$2) f(f(A \times B) \times f(A \times B) \times A \times B) \times f(A \times B) \times B = f(A \times B) \times f(A \times B) \times B = B$$

Ya vemos que funciona, la clave está en que al hacer $A \text{ xor } B$ se obtiene el mismo resultado que con $A' \text{ xor } B'$. Si llamamos X al resultado de la función, $A' \text{ xor } B' = (A \text{ xor } X) \text{ xor } (B \text{ xor } X) = (A \text{ xor } B) \text{ xor } (X \text{ xor } X) = (A \text{ xor } B) \text{ xor } 0 = A \text{ xor } B$. Es decir, del bloque inicial y del bloque final, al hacer XOR se obtiene el mismo resultado, que es la entrada de la función; la función lógicamente devolverá el mismo resultado X y al aplicárselo a A' queda: $A'' = A' \text{ xor } X = A \text{ xor } X \text{ xor } X = A$, con B' ocurre exactamente lo mismo. La función f puede ser inversible o no, eso no tiene importancia.

A este tipo especial de función se le asigna el siguiente gráfico:

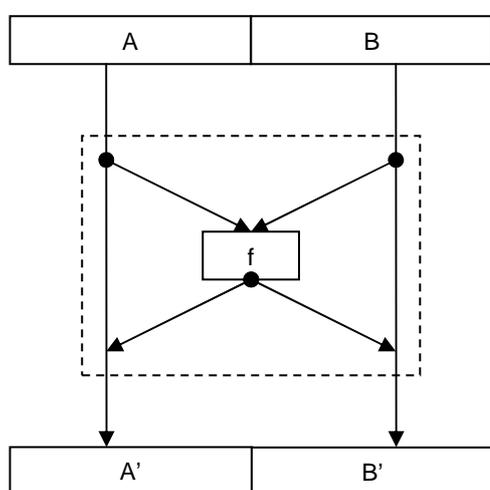


Fig. 3.15 Asimetría aparente

En este caso las consideraciones de los registros a los que puede o no afectar no es importante, ya que las entradas de la función pueden calcularse a partir de los registros de salida. Se le ha dado esta forma simétrica a propósito para que corresponda con la simetría apuntada anteriormente. Es importante tener en cuenta que la salida de la función puede ser perfectamente aplicada a cualquier otro par de registros, no necesariamente los de origen. En ocasiones pueden entrelazarse varias funciones de este estilo (el criptosistema IDEA hace uso de ello como veremos).

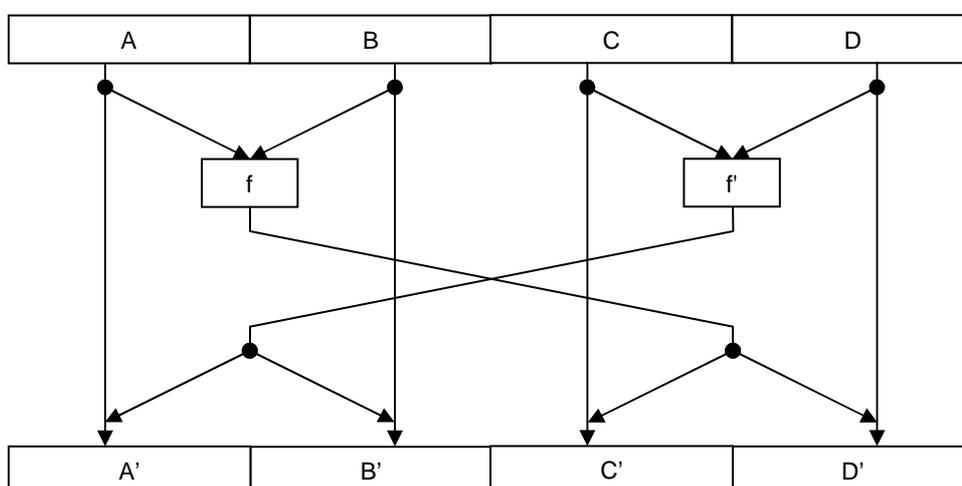


Fig. 3.16

la salida de la función puede ser perfectamente aplicada a cualquier otro par de registros, no necesariamente los de origen. En ocasiones pueden entrelazarse varias funciones de este estilo (el criptosistema IDEA hace uso de ello como veremos).

Este ejemplo representa una red inversible y autodecodificable. A diferencia de los vistos anteriormente, en éste ninguno de los registros de salida es un dato que permita calcular una función directamente, sin embargo por lo visto anteriormente, sabemos que al aplicar $C' \text{ xor } D'$ el resultado es el mismo que la entrada de la función f' sin considerar el valor utilizado de la función f . Lo mismo se puede aplicar a A' y B' . Conociendo las entradas de las funciones podemos calcular su valor y consecuentemente decodificar los registros. En este ejemplo se han combinado dos redes más sencillas, se puede demostrar que cualquier combinación en paralelo de cualquier número de estas redes sencillas genera una red autodecodificable siempre que se cumpla:

- No se producen intercambios entre registros, la información de A pasa a A', la de B a B' y así sucesivamente.
- El resultado de una función sólo puede ser aplicado a un par de registros de forma que: o bien los dos son entrada de una función o ninguno lo es.

En este caso nos podemos saltar la regla de la simetría para las líneas que van desde el XOR antes de una función a la bifurcación del resultado de calcularla. También nos podemos saltar la regla de la secuencialidad por las características de la operación XOR.

En la forma de representación mediante tablas, esta asimetría aparente es representada de la siguiente forma:

| | |
|---|------------------------------|
| A | $A \text{ x } f'(B, C) = A'$ |
| B | $B \text{ x } f'(B, C) = B'$ |
| C | $C \text{ x } f(A, B) = C'$ |
| D | $D \text{ x } f(A, B) = D'$ |

Fig. 3.17

4.5 Funciones interconectadas

Los diagramas vistos hasta ahora muestran a las funciones como entes que reciben un dato de los registros y, con una o más claves obtenidas de algún modo, devuelven un resultado. Sin embargo se podría dar el caso de existir funciones que reciban más de un dato de los registros y devuelvan más de un dato de salida. Estas funciones se pueden considerar funciones simples que reciben y devuelven un solo dato, pero que entre medias pueden intercambiar información. Como es lógico, para que se puedan utilizar funciones interconectadas es necesario poder disponer de las entradas originales en el momento de la decodificación. Veamos un ejemplo:

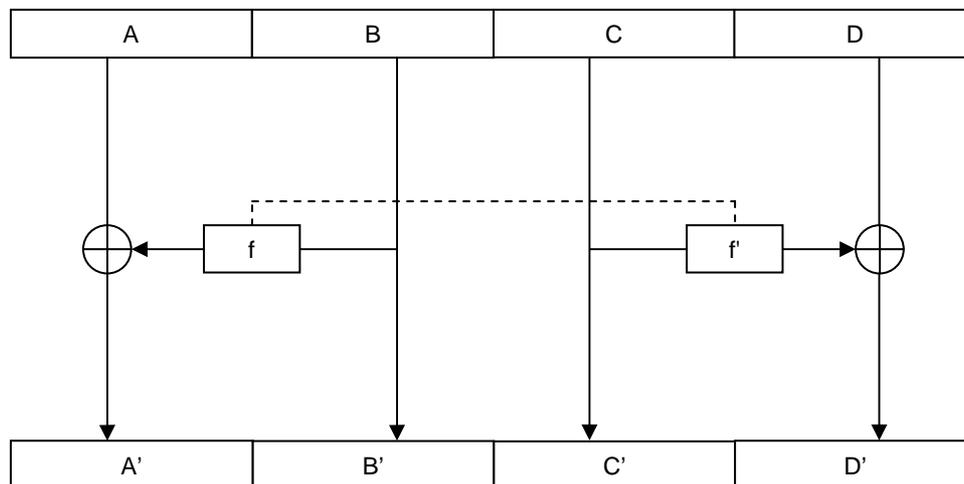


Fig. 3.18 Funciones interconectadas

La línea discontinua representa el intercambio de información pero no dice nada acerca de la información exacta que se intercambia o de la cantidad. Las funciones interconectadas son solamente un recurso gráfico para simplificar el diseño de los diagramas.

4.6 Funciones inversibles

En los diagramas anteriores nos hemos centrado en el uso de funciones sin inversa como método para crear confusión y difusión, pero es posible utilizar funciones fácilmente inversibles como la *suma módulo n* o el *producto módulo n* para ayudar a estos fines. Se da por descontado que una red no puede basarse solamente en funciones inversibles pero combinadas con los métodos ya descritos puede conferir a esa red una resistencia mucho mayor frente a ataques.

Entre las principales funciones inversibles ya se han nombrado algunas como la suma y el producto modulares, hay otras muy importantes como xor o permutaciones. Éstas funciones, salvo las permutaciones, cuentan con una entrada y una salida, y se insertan en los caminos principales que van de un registro origen a uno de destino. Han de ser involutivas porque al igual que del mensaje en claro devuelven uno cifrado, han de funcionar al revés para decodificar. Y por último deben situarse en lugares que permitan efectivamente la simetría en la que estamos insistiendo. Veamos un ejemplo:

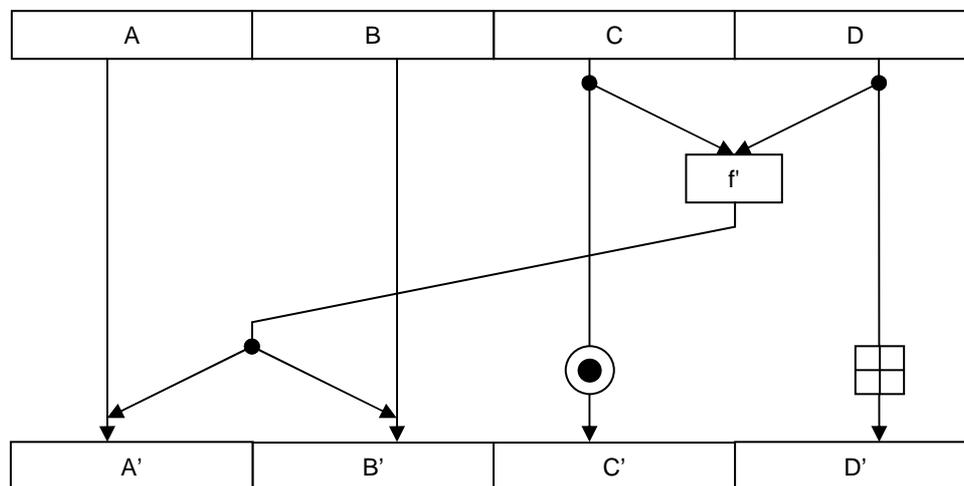


Fig. 3.12 Funciones inversibles

Esta red no es autoinversible, ello se debe a que las dos nuevas funciones inversibles añadidas no tienen simétrica. Una forma de arreglar esto pasaría por añadir las simétricas antes de la función f . Existe otra forma para redes más grandes y complejas que veremos más adelante.

4.7 Construcción de redes

Hemos visto hasta ahora las ideas principales que deben cumplir las redes creadas para hacer uso de las dos características que hemos mencionado: autodecodificación y utilización de funciones sin inversa. Ahora se procederá a describir una forma de construcción de dichas redes.

4.7.1 Herramientas de trabajo

Las herramientas de trabajo van a ser bloques básicos que representen subredes con las características mencionadas anteriormente. Las más sencillas ya las hemos visto:

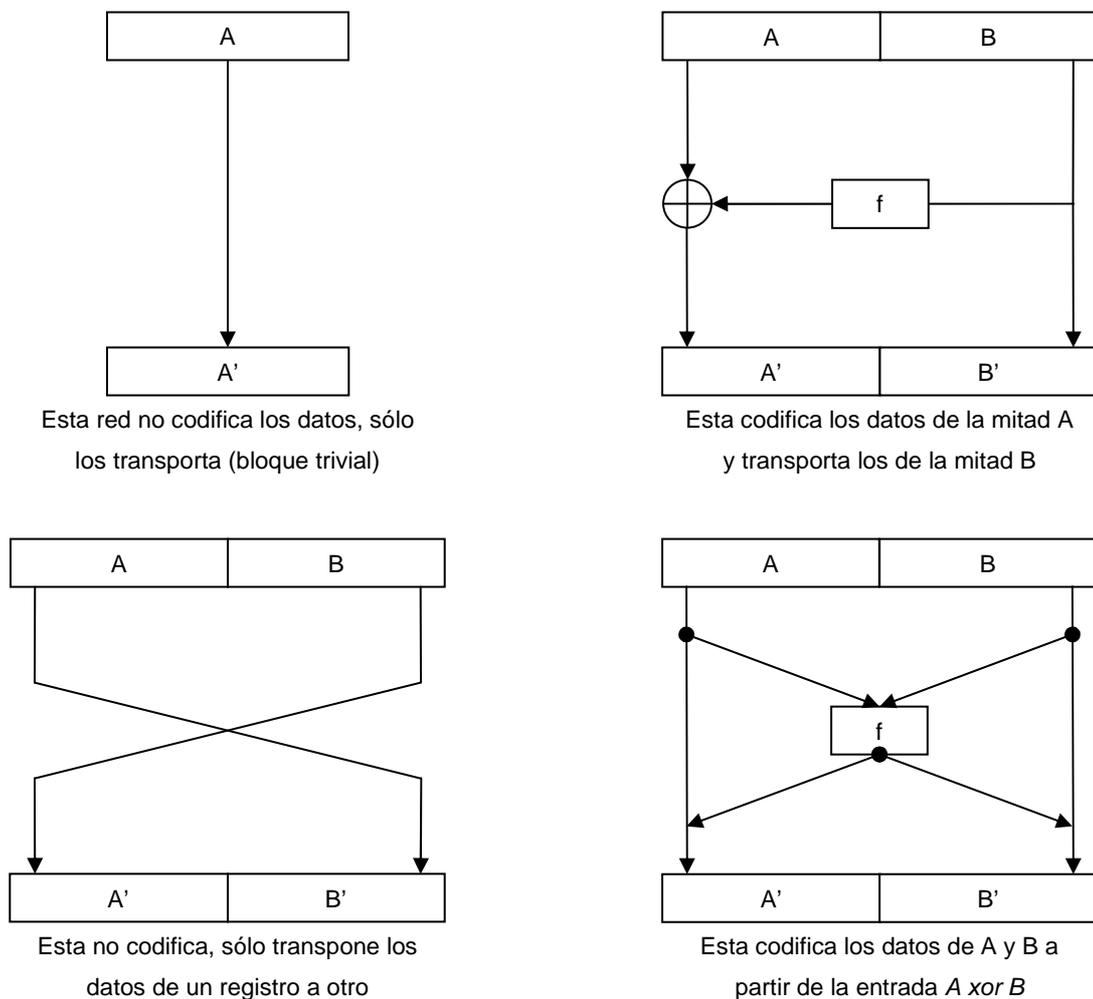


Fig. 3.20 Herramientas de trabajo

El flujo de información se supondrá que corre hacia abajo. Se van a dar unas reglas para poder combinar bloques.

Debe quedar claro que los bloques indicados no son los únicos. Se pueden crear otros bloques básicos nuevos. Los bloques que cumplan los objetivos serán bloques válidos; los válidos que no puedan derivarse de los básicos serán a su vez bloques básicos.

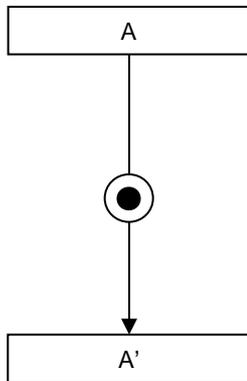


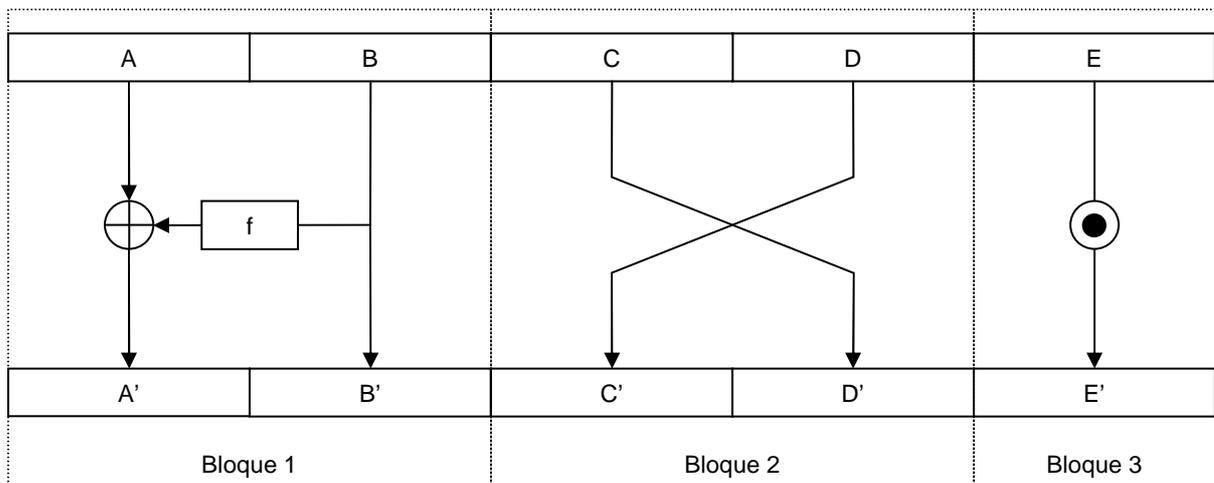
Fig. 3.21 Red que aplica una función inversible a un registro

Éste bloque en particular se utiliza para aplicar una función reversible a un registro. Esta función puede ser cualquiera, y puede intervenir clave o no. Lo más importante a tener en cuenta cuando se utilice, es que los datos al decodificarse deben seguir el mismo camino y atravesar las funciones exactamente en orden inverso al que fueron aplicadas la primera vez, esto nos permitirá salir de ciertas situaciones.

4.7.2 Construcción de redes completas

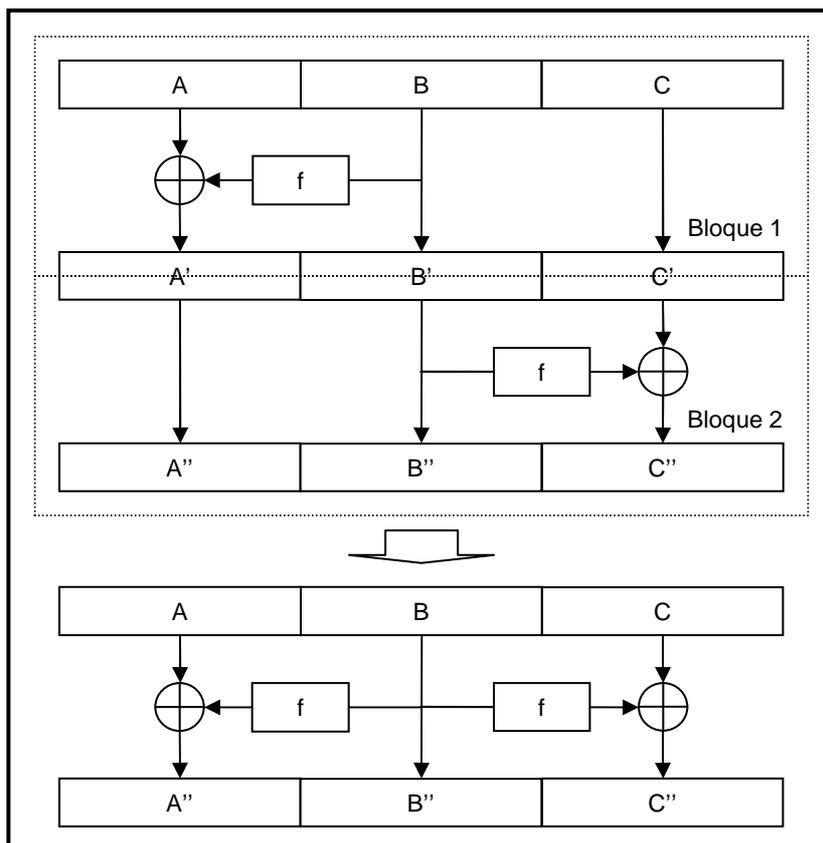
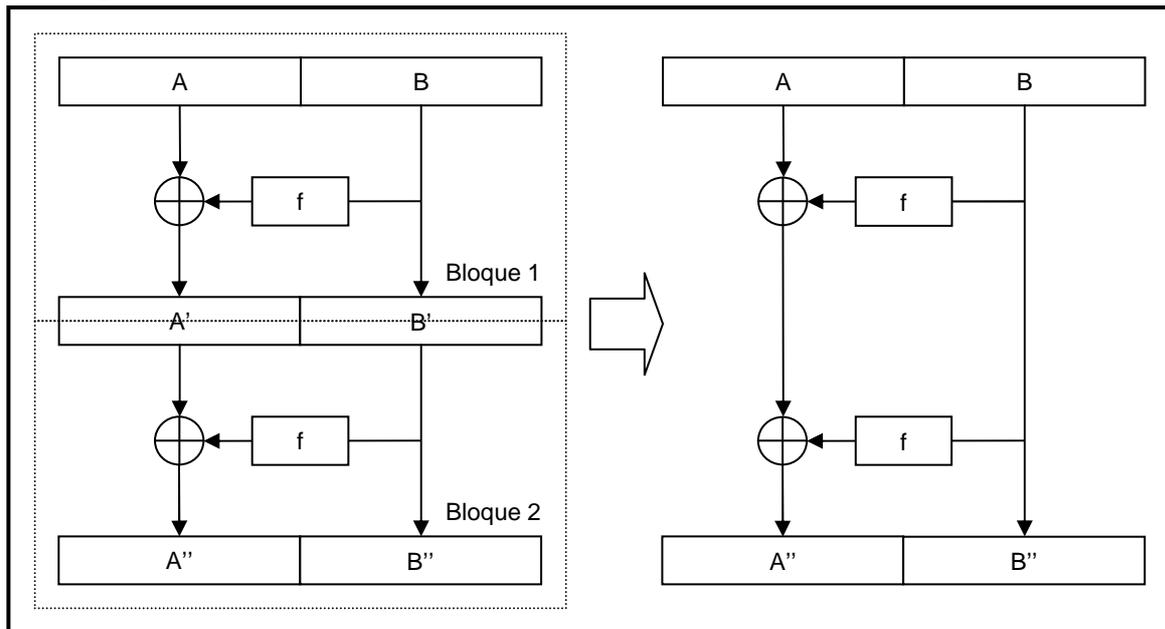
La primera regla es que cualquier combinación en horizontal de los bloques básicos es un bloque válido. Veamos un ejemplo:

Fig. 3.22



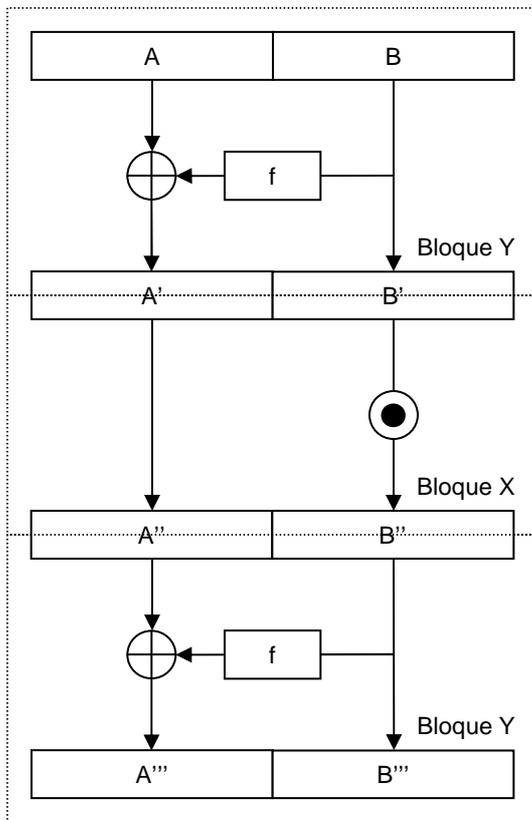
Esta regla, que se comprueba muy fácilmente, permitirá utilizar más de uno o dos registros cuando sea necesario y consigue que no sea necesario definir todas las posibles variaciones para n registros de los bloques válidos.

La segunda regla hace referencia a la combinación vertical cuando no se modifican los caminos principales (no hay permutaciones entre registros y no se aplica una función reversible a un registro). Se permite la combinación vertical de bloques cuando los caminos principales no son modificados y no hay interacción entre las entradas de un bloque y las salidas de otro. Es importante darse cuenta de que sí pueden compartir una entrada o afectar a una salida a la vez.

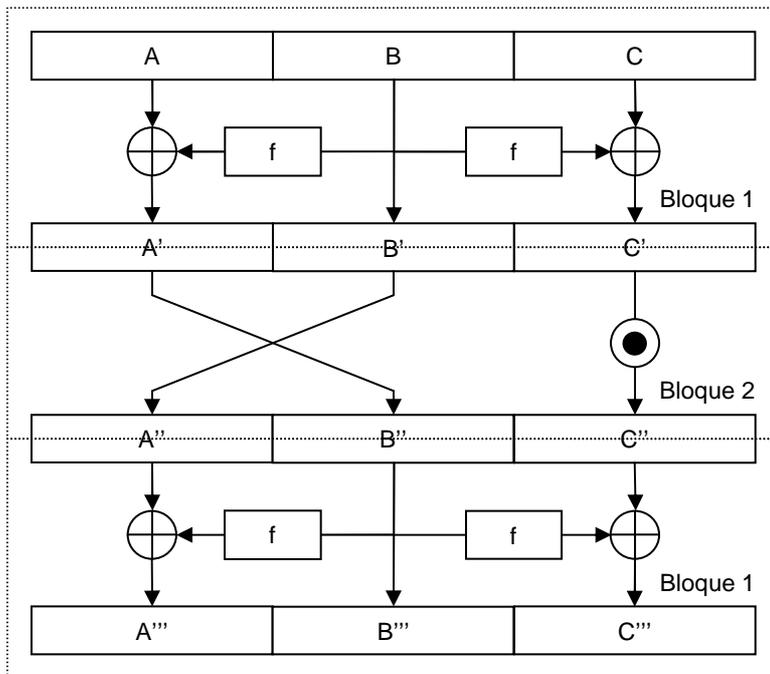


Figs. 3.23 y 3.24 Redes que muestran acoplamientos verticales válidos sin conflictos entre entradas y salidas

La tercera regla trata de las combinaciones verticales de los bloques cuando hay interacción de entradas y salidas entre ellos.



Figs: 3.25 y 3.26 Redes con acoplamiento vertical válido y conflictos con entradas y salidas



Se debe cumplir la simetría, si consideramos un bloque X y le antepoemos un bloque Y, hay que posponerle el mismo bloque Y. La interacción se produce en el registro B ya que el bloque X lo utiliza a la vez como entrada y como salida.

Es en este tipo de acoplamientos donde se puede hacer uso de las permutaciones, ya que ellas cambian los caminos principales. Una permutación puede hacer de bloque central o de bloque anexo, en la combinación que se quiera.

Por supuesto, los bloques pueden ser cualquier bloque obtenido a partir de las reglas anteriores. Una opción es que el bloque central sea un bloque trivial, (que no haga nada).

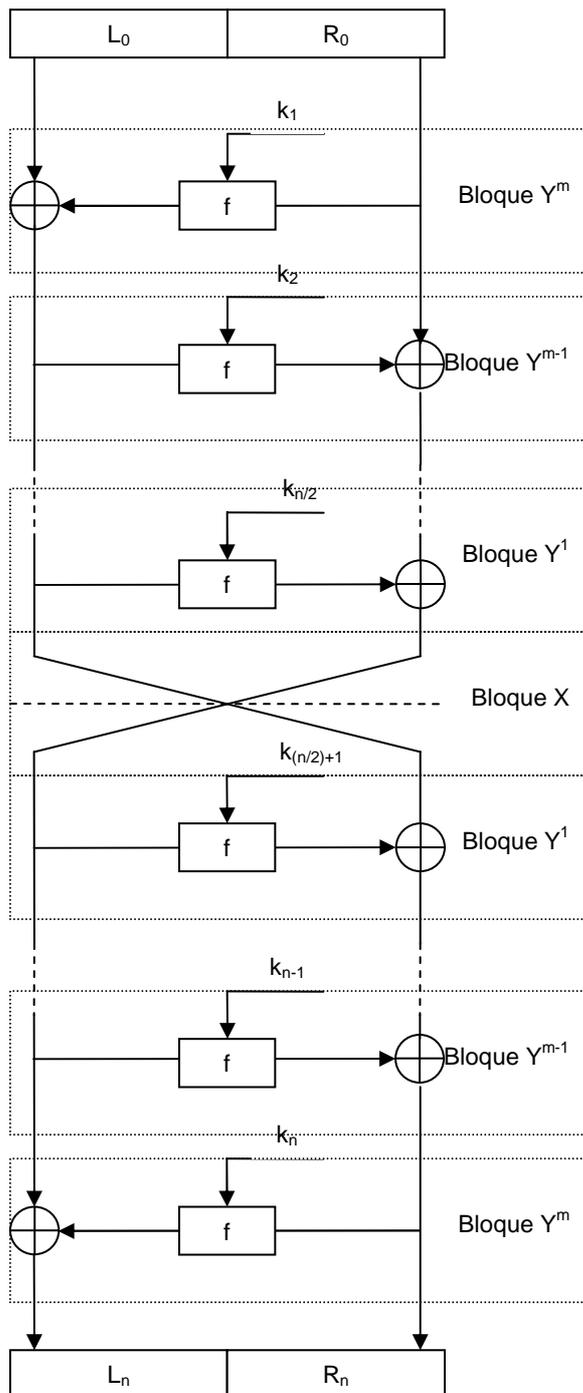


Fig. 3.27 Red de Feistel analizada dividida en bloques

Esta es una red de Feistel con un número par de rondas en las que los intercambios entre registros se han desenlazado y como consecuencia las funciones van alternativamente de derecha a izquierda. El intercambio que se debe respetar, que se podría haber situado al final, se ha situado justo en medio para apreciar la simetría, en esta red vamos a identificar los bloques que la componen. (Por simplicidad se omiten los registros en cada uno de los pasos, dependiendo de si la mitad del número de rondas es par o impar la función del bloque Y puede ir hacia un lado u otro). Por supuesto el resultado de esta operación es un bloque válido y puede utilizarse como tal para construir redes más complejas.

4.7.3 Construcción mediante eslabones

La construcción de una red como acabamos de hacer proporciona un método válido para crear un criptosistema con las características que deseamos, pero el resultado final aparece como un bloque completo. Si nuestras intenciones son que el algoritmo resultante se pueda computar en un bucle esta forma de diseño puede no ser la mejor. Pasaremos a describir ahora una forma de crear este tipo de redes de forma que sea sencillo programarlas mediante iteraciones.

Lo primero en que debemos fijarnos es: un bloque válido puede descomponerse en dos: uno en el que no haya permutaciones entre registros y otro en el que sólo haya permutaciones (puede ser un bloque trivial).

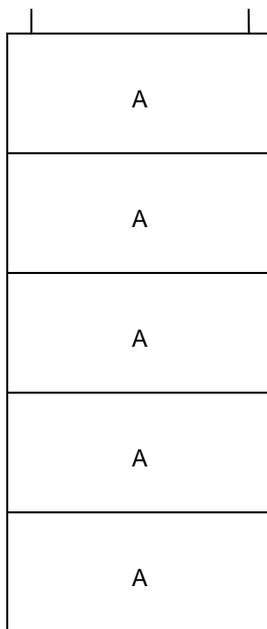


Fig. 3.28 Construcción mediante eslabones

Veamos poco a poco cómo crear la red: supongamos que tenemos un bloque “A” que es autodecodificable y sin permutaciones (el camino principal desde un registro va a parar al mismo registro). Trivialmente, cualquier secuencia de bloques “A” será a su vez autodecodificable.

Ahora imaginemos, si en el segundo bloque A se utilizasen claves inversas a las del primero este bloque decodificaría lo que codificó el primero, deshaciendo su trabajo y debilitando todo el sistema. Y aunque las claves no fuesen inversas, es probable que si no se elige con mucho cuidado el bloque “A”, la red que obtenemos como resultado

tenga debilidades o incluso que tenga estructura de grupo. Para evitar esto podemos introducir permutaciones entre los registros de forma que el segundo bloque A ya no sería realmente inverso del primero y no existiría el problema mencionado. Como ya es evidente, el cuerpo del bucle realmente es el bloque A, si introducimos entre medias un pequeño bloque, surge el problema de si lo asociamos al bloque de arriba o al de abajo, ya que deberá estar dentro del bucle.

Supongamos que lo asociamos a la parte de arriba.

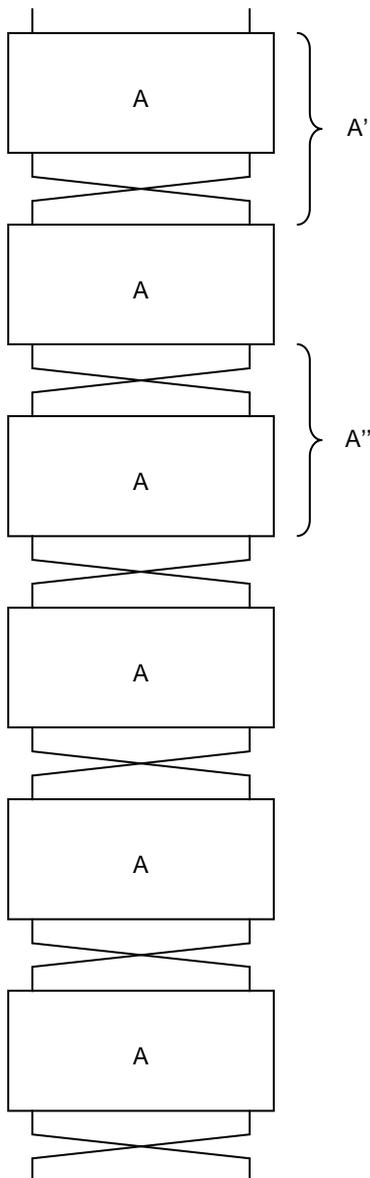


Fig. 3.29

Vemos que el nuevo bloque A' es el resultado de la combinación del bloque A con la permutación. Sin embargo podemos ver un fallo en este diseño: no es simétrico, existe una permutación al final que es necesario neutralizar. Habitualmente lo que hacen los algoritmos basados en redes de Feistel (como DES o Blowfish), o el IDEA, deshacen la última permutación.

Si asociásemos la permutación al bloque inferior (bloque A''), veríamos que el primer bloque no tiene permutación y habría que permutar antes de entrar en la red propiamente dicha.

Si se desea codificar el algoritmo mencionado (bloque A') mediante software podemos seguir la codificación tradicional:

1. Para $i=0$ hasta $i=n$ hacer
2. Ejecutar A
3. Ejecutar permutación
4. Fin bucle
5. Ejecutar permutación

Una forma diferente y ligeramente más eficiente sería:

1. Ejecutar A
2. Para $i=0$ hasta $i=n-1$ hacer
3. Ejecutar permutación
4. Ejecutar A
5. Fin bucle

De esta forma nos ahorramos el cálculo de dos permutaciones, no es un gran ahorro, pero cuando la velocidad cobra importancia y siendo un cambio mínimo, se puede aplicar.

Ahora bien, imaginemos que en el bloque A queremos aplicar alguna operación para la cual no haya simétrico dentro del propio A, ya sea porque no nos interesa o porque no queremos recargar de forma inútil a la red. Este bloque podría ser por ejemplo un bloque de funciones inversibles que utilizamos para añadir confusión al sistema. Habiendo visto el caso anterior la respuesta es clara, podemos sustituir las permutaciones por bloques de este tipo, en los mismos lugares y todo funcionará igual.

El problema surge cuando queremos mantener estas permutaciones y queremos añadir las funciones inversibles. La respuesta es sencilla: hay que construir esos nuevos bloques de forma que puedan conmutar con las permutaciones. Se nos pueden dar dos casos:

- Si el bloque de funciones inversibles se considera que van al mismo lado que la permutación: en este caso es trivial demostrar que la explicación dada para el esquema anterior funciona, simplemente hay que considerar que la permutación es un nuevo bloque que incluye permutación y aplicación de funciones inversibles, siempre y cuando formen un bloque válido.
- Si el bloque de funciones inversibles va al lado contrario: en este caso hay que tener cuidado para que la división en eslabones sea consistente. Supongamos que las funciones inversibles C van antes del bloque A, y la permutación B va después, como veremos a continuación B y C deben conmutar. El esquema que queda es:

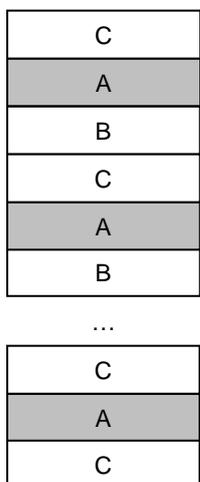


Fig. 3.30

e Parece extraño y asimétrico, pero funciona. Puesto que el bloque C está por encima, para cumplir la simetría tiene que haber un bloque C por debajo del último A. Y como B está por debajo, debajo del último A no puede haber un bloque B, también por simetría. El último fragmento se puede expresar así si se desea, estando compuesto por un eslabón (e) y una parte remanente necesaria para la reversibilidad.

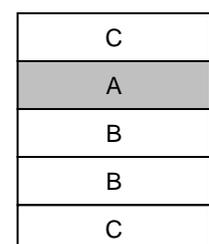


Fig. 3.31

Si se deseara añadir más bloques a nuestro bloque A, hay que asegurarse de que es conmutable con los bloques ya añadidos, en ese caso no tendremos ningún problema si actuamos de forma similar: los bloques como B (internos) hay que anularlos justo después de la salida del último A. Los bloques como C (externos) hay que repetirlos al final de la red. Veamos cómo la red mostrada anteriormente sí se autodecodifica:

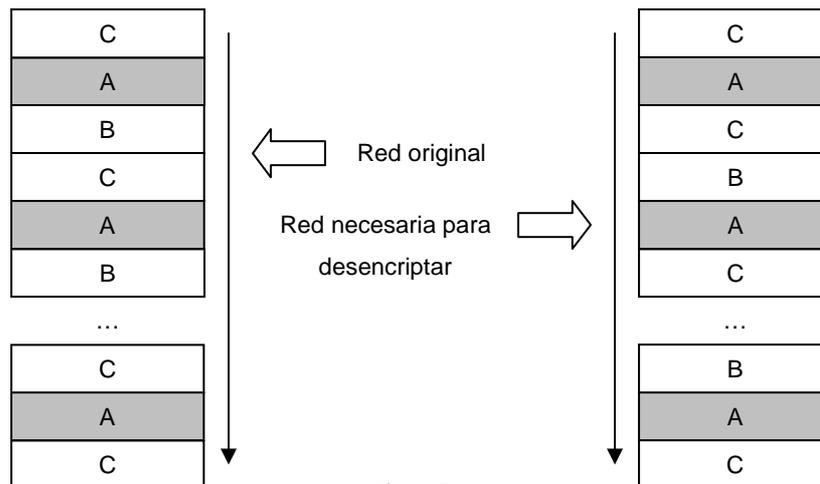


Fig. 3.32

La red necesaria para descifrar se muestra a la derecha y es la red original dada la vuelta. Como sabemos que B y C conmutan (da igual aplicar uno y después otro) los bloques intermedios actúan del mismo modo que estuviese antes B y luego C como en la original, luego la red es autoinversible.

La permutación B no puede ser cualquiera, tiene que ser autoinversible. Aunque ya lo apuntamos anteriormente, ahora podemos justificarlo. Cuando la información encriptada pasa por el primer eslabón para ser descifrada, debe deshacer lo que hizo el último eslabón. Para pasar de un eslabón al siguiente tiene que pasar por una y sólo una permutación, que es la misma que por la que se pasó al codificar, así que esa permutación ha de ser involutiva, es decir, que la permutación B debe ser autoinversible. Las permutaciones autoinversibles son aquellas que intercambian registros de dos en dos y un registro puede ser movido de lugar como mucho una vez.

4.7.4 Ejemplo de red construida mediante eslabones

Vamos a dar un ejemplo de una red que se puede construir mediante eslabones siguiendo las directrices marcadas. En vez de crear un nuevo tipo de red, se va a describir el funcionamiento del algoritmo IDEA cuyo esquema es el siguiente.

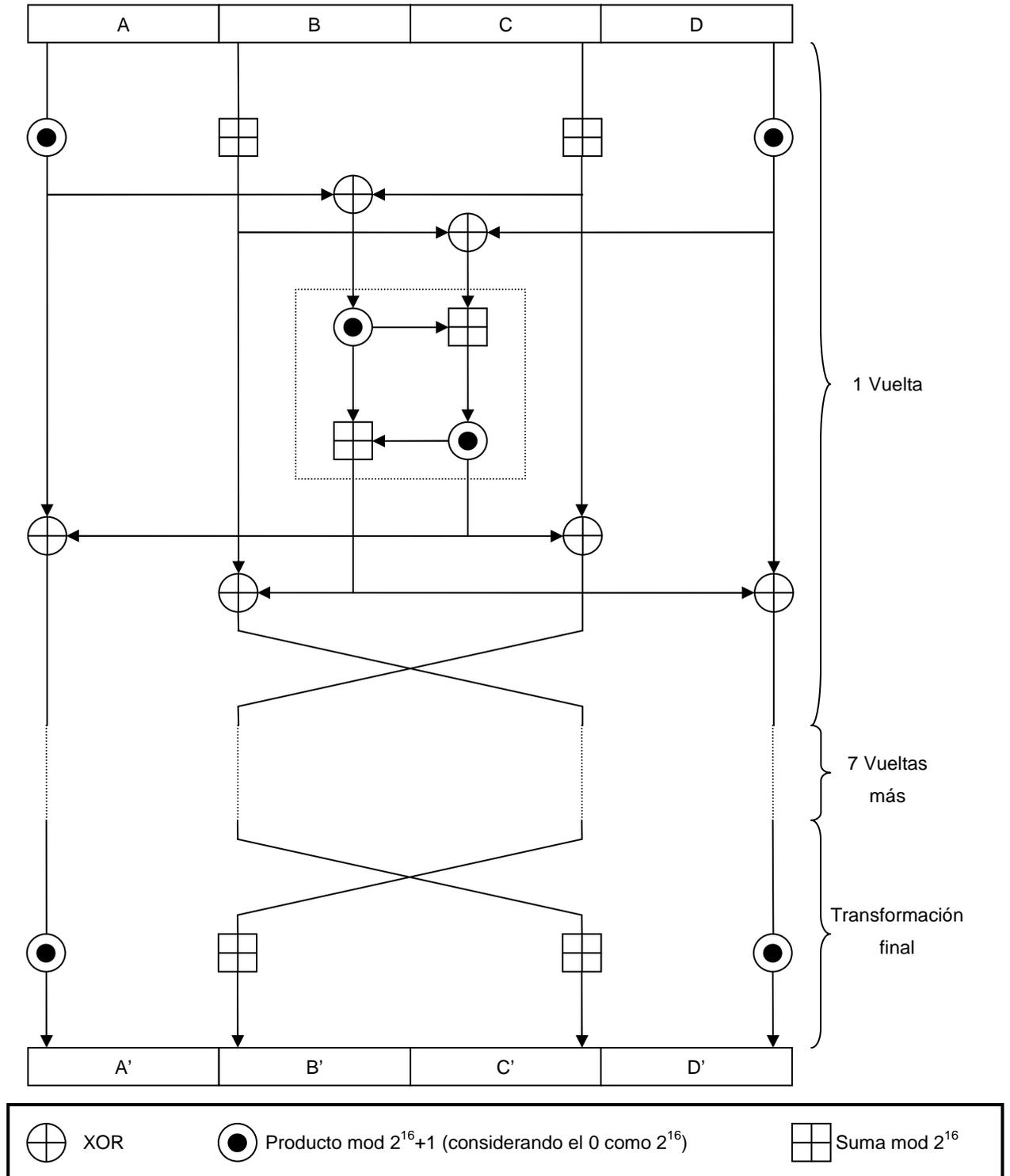


Fig. 3.33 Red del criptosistema IDEA

A primera vista parece muy complejo construir una red como esta y que además sea autodecodificable, pero vayamos analizando por partes.

Primero miremos el eslabón:

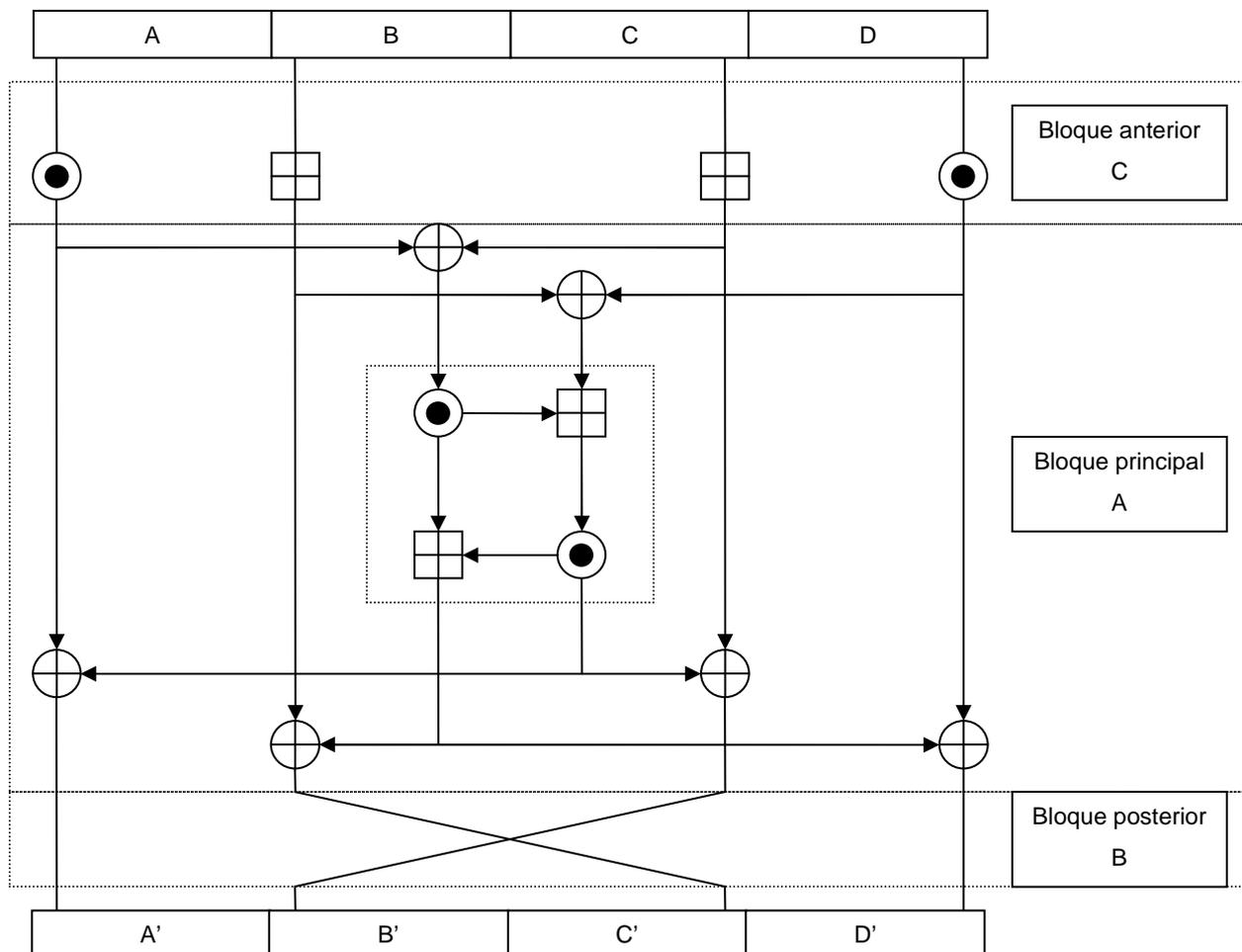


Fig. 3.34 Red IDEA analizada por bloques

Podemos ver los tres bloques que son autoinversibles. El bloque A se puede representar del siguiente modo:

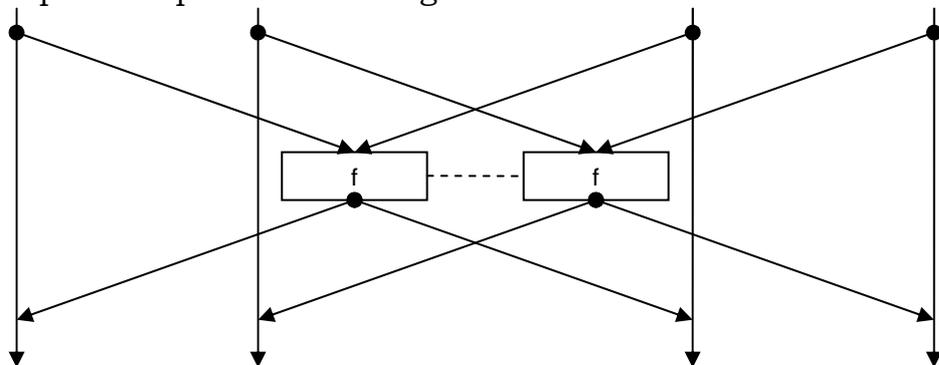
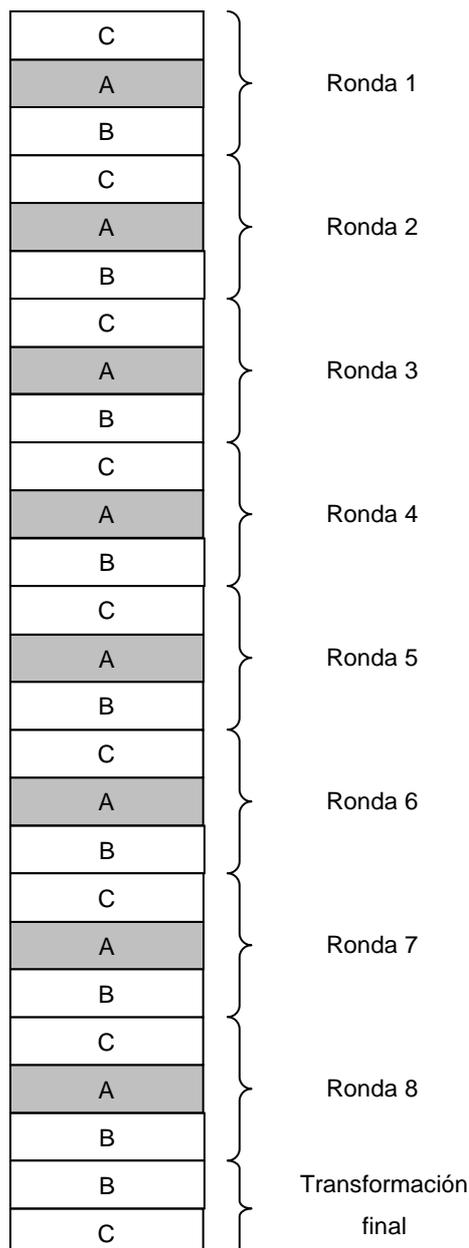


Fig. 3.35 Bloque principal de la red IDEA

Se puede apreciar que no es más que una combinación de dos bloques básicos vistos ya, y que las funciones intercambian información (en realidad, como se dijo, es un recurso gráfico, solo es una función).

En los bloques B y C es sencillo ver la composición de los mismos, el bloque B es una permutación junto con dos bloques triviales y el C es una composición de cuatro funciones inversibles. Vemos cómo los bloques B y C efectivamente conmutan.

El bloque C va antes que el principal y el bloque B va después. De esta forma, y considerando lo dicho en la construcción mediante eslabones, la siguiente red es válida y sirve para codificar y decodificar:



Y no es ni más ni menos que la red IDEA al completo.

Puede parecer que describir un sistema que ya se ha probado que funciona no es demasiado útil, sin embargo, con pequeños cambios y siguiendo las reglas y directrices propuestas, se pueden conseguir redes bastante complejas sin mucha dificultad y que cumplirán los objetivos marcados de ser autodecodificables, facilitando enormemente la construcción de dispositivos hardware, pues se puede utilizar el mismo dispositivo para codificar y para decodificar.

Fig. 3.36 Red IDEA construida mediante eslabones

3.8 Subclaves

Hasta ahora no nos hemos preocupado de las subclaves, hemos supuesto que la sunclave adecuada siempre estaba preparada al codificar y al decodificar. Se ha dejado este apartado para el final porque habiendo seguido todo el razonamiento anterior es fácil deducir cómo se deben elegir las claves para lograr la decodificación.

Para ello se debe tener una visión global de la cadena: las subclaves del último bloque en la codificación irán a parar al primer bloque de la decodificación, pero estando invertidas para que las funciones deshagan lo que hicieron. Las subclaves dentro de un bloque, visto este como una cadena completa, van a parar al otro lado del eje de simetría del bloque. La subclave de un bloque básico es la misma pero invertida. Es como vemos una forma recursiva de asignarlas. Veamos un ejemplo:

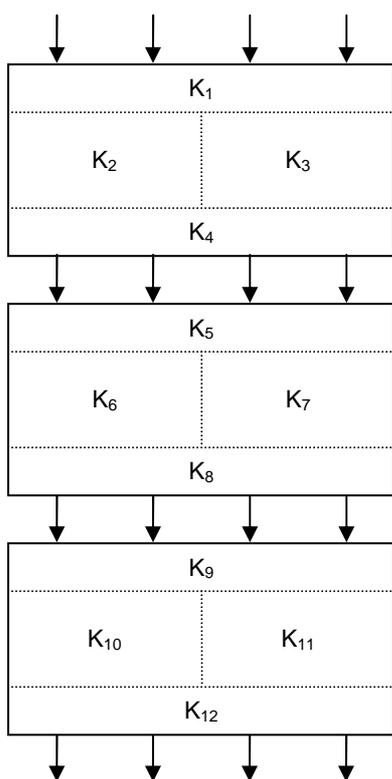


Fig. 3.37

Las claves del primer bloque serán las últimas del bloque al decodificar. Sean las K' las claves de decodificación y K^* la inversa.

$$K_1, K_2, K_3, K_4 \rightarrow K'_9, K'_{10}, K'_{11}, K'_{12}$$

$$K_5, K_6, K_7, K_8 \rightarrow K'_5, K'_6, K'_7, K'_8$$

$$K_9, K_{10}, K_{11}, K_{12} \rightarrow K'_1, K'_2, K'_3, K'_4$$

Ahora por bloques, la subclave superior pasa a ser la inferior, y la inferior pasa a ser la superior. No se producen cambios en izquierda derecha. Para el primer bloque las claves de decodificación serían:

$$K_9, K_{10}, K_{11}, K_{12} \rightarrow K'_1, K'_2, K'_3, K'_4$$

$$K_9 \rightarrow K'_4$$

$$K'_4 = K^*_9$$

$$K_{10} \rightarrow K'_2$$

$$K'_2 = K^*_{10}$$

$$K_{11} \rightarrow K'_3$$

$$K'_3 = K^*_{11}$$

$$K_{12} \rightarrow K'_1$$

$$K'_1 = K^*_{12}$$

$$K'_1 = K^*_{12}$$

$$K'_2 = K^*_{10}$$

$$K'_3 = K^*_{11}$$

$$K'_4 = K^*_9$$

K^* representa el inverso de K para la función f que la utiliza, es decir, el valor que debe tomar para conseguir que la función deshaga lo que hizo con K . Cuando tratamos con funciones aplicadas con la operación XOR tenemos que $K^*=K$, pero si fuera con suma modular, serían diferentes¹.

¹ Un caso típico sería es de las funciones inversibles distintas al xor en el que un elemento no es inverso de si mismo.

5 Funciones

Una vez determinada la estructura del algoritmo, debemos decidir cuáles serán las funciones que utilizaremos. Es ésta una decisión delicada, puesto que de ésta elección se obtendrá una parte importante de la seguridad que nuestro algoritmo puede ofrecer. Algunos autores apuestan por operaciones complicadas, del estilo utilizado en criptografía de clave pública, como la exponenciación discreta con números mucho menores.

Para la elección del conjunto de funciones nos basaremos en las teorías de Shannon en las que indica que en un criptosistema debe haber confusión y difusión. Se puede decir que la confusión actúa ocultando el valor real de cada elemento (byte, palabra...) sustituyéndolo por otro valor; la difusión se encarga de mover dentro de un bloque los datos, de forma no trivial, para esconder el orden en el que aparecían.

Un ejemplo de función que genere confusión puede ser la operación XOR con valores de la clave. Cada elemento A toma el valor $A'=A \text{ xor } K$. Esta función no aporta difusión al sistema, no desplaza los elementos de su lugar de origen sino que se conforma en ocultarlos. Una función que genere confusión sería el desplazamiento dentro del registro, reintroduciendo por un lado lo que exceda del otro; como podemos imaginar, cambia de sitio a todos los elementos pero no oculta su valor. Una forma perfeccionada de crear difusión consiste en poder realizar cualquier permutación sobre los datos.

Debido a la especial estructura de la que dispondrá la familia de algoritmos definidas por las reglas anteriormente dadas, las funciones no tienen por qué tener inversa; pero tampoco es deseable que se produzcan demasiadas colisiones. Podemos utilizar funciones muy complicadas que aporten gran cantidad de confusión y de difusión al sistema si estamos dispuestos a pagar el coste computacional asociado. Por el contrario podemos hacer uso de funciones muy sencillas con una aportación menor y arriesgarnos a que el sistema obtenido cuente con problemas de seguridad aun cuando su velocidad sea más elevada.

Todo depende del valor y la cantidad de información que va a circular por el mismo.

5.1 Ataques para la obtención de la clave

Un ataque muy peligroso a un criptosistema se da cuando el atacante dispone de parejas de texto en claro y su correspondiente cifrado. En este ataque trata de buscar la clave para poder descifrar el resto de mensajes enviados. Una característica necesaria del criptosistema es que la clave no pueda ser obtenida fácilmente a partir de parejas de texto claro y cifrado, esto no obliga a que en todas las funciones dentro del algoritmo se deba cumplir esta recomendación, pero sin duda el hecho de que en el mayor número posible de funciones sea imposible la obtención de la subclave ayuda a que el algoritmo sea resistente frente a este ataque.

Un ataque utilizado cuando no tenemos conocimientos del sistema es la fuerza bruta, en ella se procede a encriptar los textos en claro con claves diferentes, hasta que se encuentre la clave que hace corresponder el resultado con el cifrado real de ese mensaje. Es un método poco peligroso si la clave es larga y las subclaves se toman de forma inteligente, pero es un método que al fin y al cabo tendrá una probabilidad de éxito del 50% recorriendo la mitad del espacio de las claves.

No existe una función biyectiva en la que intervengan tres datos (dos variables de entrada y un resultado) y conociendo dos de ellos no sea posible obtener la tercera, es un principio que no podemos ignorar. Una solución factible sería emplear más de una subclave en cada función, de modo que lo máximo que podemos obtener sea una relación entre las dos subclaves pero no información real acerca de la clave. Para ejemplificar esto observemos los siguientes diagramas:

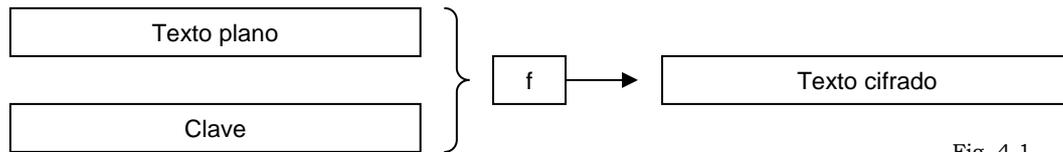


Fig. 4.1

Es en este caso, cuando tenemos el texto claro y el texto cifrado, podemos obtener la clave, sea buscando la inversa de la función f , o aplicando f repetidamente con diferentes claves hasta que conocida el resultado con el cifrado conocido. Si la función f no es biyectiva, habrá más de una coincidencia; esto puede ser deseable según el contexto: no es posible obtener la clave, pero habrá claves que den el mismo cifrado. Si se trata del sistema global, está claro que esto no es bueno para el sistema pues dos claves diferentes dan lugar al mismo cifrado, si se trata de las funciones dentro de los bloques es posible que una correcta elección de las subclaves eviten ese problema aunque el riesgo existe y no siempre es fácil evitarlo.

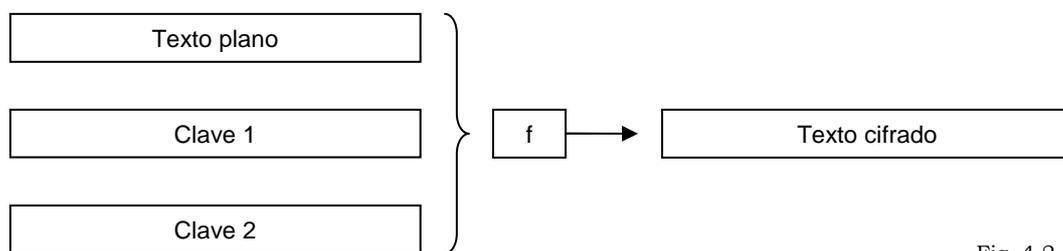


Fig. 4.2

Si entran en juego dos claves bien escogidas, lo máximo que podemos obtener es una relación entre las dos, es decir, no podremos saber nada con seguridad de ninguna de las dos subclaves y por lo tanto de la clave. No es necesario que esta característica afecte a todas las funciones del criptosistema, con afectar a un subconjunto de las mismas pueden complicar enormemente el criptoanálisis del mismo.

5.2 Ejemplos de funciones

A continuación se procede a mostrar una lista de funciones que pueden utilizarse en los bloques. En ellas se detallarán las características propias que aportan cada una de ellas. Recalcar que el uso de cualquier

función es posible pero vamos a centrarnos en algunas cuya simplicidad y características hagan su uso interesante en criptografía.

5.2.1 Funciones con una entrada que afectan a una salida

Recordemos que este tipo de funciones recibían un registro como entrada, le aplicaba una función y el resultado era aplicado mediante la operación XOR a otro registro. Debido a este comportamiento, todas estas funciones aplican confusión en mayor o menor grado.

- **Función identidad:** la función en realidad no hace nada, la codificación es simplemente el XOR aplicado. Esta función no tiene demasiada importancia en criptografía, aplica confusión pero no difusión, y no hace uso de ninguna clave.
- **XOR con la clave:** función sencilla que aplica confusión pero no difusión. Es muy sencilla y rápida de calcular y puede resultar muy eficiente si se combina con una función que aplique difusión. Sin conocer la clave es imposible descifrar un texto cifrado, pero es muy sencillo obtener la clave a partir de una pareja de texto en claro y texto cifrado.
- **Desplazamiento circular:** consiste en desplazar el registro hacia la izquierda o derecha de forma circular, es decir, los bits que se van desbordando se reintroducen por el otro lado. Esta función añade difusión. Esta función tiene la debilidad de que de un texto dado sólo puede obtener n textos cifrados, siendo n la longitud del registro. La clave es de longitud $\log_2(n)$.
- **Permutación:** consiste en crear una permutación (a veces mediante una S-BOX) y aplicarla a la entrada. Suelen utilizarse varias permutaciones predefinidas características de cada criptosistema; a veces se utilizan algunas técnicas para expandir

los datos y posteriormente comprimirlos con una S-BOX de forma que para cada resultado existan unas pocas posibilidades y de esa forma sea imposible decidir cual de ellas ha sido. Por otro lado, aunque hay colisiones, el algoritmo considerado globalmente no tiene por qué tener debilidades.

- Una consideración importante: si se crea la permutación de tamaño n , hay $n!$ permutaciones posibles. Esta cantidad de información puede obtenerse con el entero superior de $\log_2(n!)$, por ejemplo, para obtener todas las permutaciones de 32 bits hacen falta al menos 118 bits que las definan. La forma de conseguir que con los 118 bits se puedan obtener todas las permutaciones ya es más complicada, y frecuentemente se optará por utilizar más bits, con las consiguientes colisiones, pero que permitan definir de forma más sencilla la permutación.
- **Operaciones aritméticas:** existen criptosistemas que emplean sumas y productos de los datos con las claves. La suma módulo n añade confusión al sistema y, debido a los acarrees, añade una pequeña cantidad de difusión. La utilización del producto no es siempre posible ya que debe existir inverso para la operación de descifrado, con lo que obliga a trabajar módulo n con n primo. Trabajando con registros de 16 bits se puede emplear el número 65537 como módulo, y considerando el 0 como el 65535 de la misma forma en que lo utiliza IDEA.
- **Operaciones polinómicas:** se pueden considerar los registros como polinomios donde los dígitos binarios representan a los exponentes. En estas circunstancias, se puede hacer uso de la suma de polinomios, y del producto de polinomios en el que se divide por otro polinomio irreducible y se toma el resto. Añaden principalmente confusión, el producto añade además difusión pero su cálculo puede llevar más tiempo.

- **Operaciones fruto de la combinación de operaciones ya mencionadas:** unas operaciones con capaces de añadir confusión, otras añaden difusión. Podemos combinar dos o más funciones para obtener lo mejor de los dos mundos.

Para lograr diseñar un criptosistema seguro con éxito debemos apoyarnos en varios principios. En referencia a las funciones utilizadas, es conveniente que muchas sean direccionales y difíciles de invertir. Las colisiones se han considerado malas en el sentido de que reducen el campo de búsqueda en un algoritmo por fuerza bruta cuando afectan al criptosistema en su conjunto, sin embargo pueden resultar muy útiles cuando esas colisiones son controladas. Un algoritmo que haga uso de funciones que provocan un número pequeño y constante de colisiones para cada resultado de la función hace imposible que se sepa cuál fue la entrada y, por lo tanto, darle la vuelta.

Esta forma de añadir mayor seguridad era utilizada en el DES y fue donde residió la mayor parte de su fuerza. No olvidemos que el DES no ha sido desechado por encontrar debilidades en su estructura, sino porque utiliza una clave demasiado pequeña de 56 bits y es vulnerable a un ataque por fuerza bruta.

5.2.2 Funciones de dos entradas que afectan a dos salidas

Estas funciones trabajan con el esquema de asimetría aparente, recordemos que las dos entradas se funden en una mediante XOR. Nos vamos a centrar en el caso de que sean aplicadas a los mismos registros del origen. Los esquemas a los que dan lugar pueden ser muy atractivos y a la vez muy simples de calcular. Veremos a continuación los ejemplos más sencillos que se pueden plantear con este esquema, y las interesantes propiedades que poseen todos ellos.

- **Función identidad:** No se realizan cambios a la entrada, no se necesita clave. Su comportamiento tras aplicar ese resultado a los

registros de origen es el de intercambiar su valor; de forma que A tiene el valor de B y B el de A.

| X | Y | | $X \circ Y$ | | X' | Y' |
|---|---|--|-------------|--|------|------|
| 0 | 0 | | 0 | | 0 | 0 |
| 0 | 0 | | 0 | | 0 | 0 |
| 0 | 1 | | 1 | | 1 | 0 |
| 0 | 1 | | 1 | | 1 | 0 |
| 1 | 0 | | 1 | | 0 | 1 |
| 1 | 0 | | 1 | | 0 | 1 |
| 1 | 1 | | 0 | | 1 | 1 |
| 1 | 1 | | 0 | | 1 | 1 |

Fig. 4.3 Asimetría aparente trivial

- **Función AND:** A la entrada le es aplicada un AND con la clave, el comportamiento será muy curioso como veremos, y muy valioso para las aplicaciones criptográficas en las que queramos darle uso: consigue intercambiar de una forma excepcionalmente rápida y muy sencilla los bits de los dos registros en los que la clave valga 1, dejando los bits en los que la clave posee un valor de 0 sin modificarlos. Se permite hacer un intercambio de bits entre registros de forma que dependa totalmente de la clave, añade por lo tanto difusión a nivel de bits.

| X | Y | K | | $(X \circ Y) \blacktriangle K$ | | X' | Y' |
|---|---|---|--|--------------------------------|--|------|------|
| 0 | 0 | 0 | | 0 | | 0 | 0 |
| 0 | 1 | 0 | | 0 | | 0 | 1 |
| 1 | 0 | 0 | | 0 | | 1 | 0 |
| 1 | 1 | 0 | | 0 | | 1 | 1 |
| 0 | 0 | 1 | | 0 | | 0 | 0 |
| 0 | 1 | 1 | | 1 | | 1 | 0 |
| 1 | 0 | 1 | | 1 | | 0 | 1 |
| 1 | 1 | 1 | | 0 | | 1 | 1 |

Fig. 4.4 Asimetría aparente AND

- **Función OR:** el comportamiento de la aplicación de la función OR es mucho más curioso si cabe. Se intercambian los valores en los que la clave vale 0 se niegan los valores en los que la clave vale 1 de forma que además de añadir confusión es capaz de añadir difusión:

| X | Y | K | $(X \circ Y) \blacktriangledown K$ | X' | Y' |
|---|---|---|------------------------------------|----|----|
| 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 0 | 1 | 0 | 1 | 1 | 0 |
| 1 | 0 | 0 | 1 | 0 | 1 |
| 1 | 1 | 0 | 0 | 1 | 1 |
| 0 | 0 | 1 | 1 | 1 | 1 |
| 0 | 1 | 1 | 1 | 1 | 0 |
| 1 | 0 | 1 | 1 | 0 | 1 |
| 1 | 1 | 1 | 1 | 0 | 0 |

Fig. 4.5 Asimetría aparente OR

- **Función XOR:** esta función representa una vuelta más frente a las dos anteriores. En aquellos lugares donde la clave vale 0, se limita a intercambiar los valores de los registros. En los lugares en los que vale 1, además de intercambiar los valores los niega. Quizás sea demasiada vuelta de tuerca, pues el cifrado que se consigue es prácticamente un intercambio completo seguido de una negación dependiente de la clave. Si lo que deseamos es conseguir difusión es preferible hacer uso de las funciones AND y OR, siendo preferible la OR por la confusión añadida que genera.

| X | Y | K | $(X \circ Y) \circ K$ | X' | Y' |
|---|---|---|-----------------------|----|----|
| 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 0 | 1 | 0 | 1 | 1 | 0 |
| 1 | 0 | 0 | 1 | 0 | 1 |
| 1 | 1 | 0 | 0 | 1 | 1 |
| 0 | 0 | 1 | 1 | 1 | 1 |
| 0 | 1 | 1 | 0 | 0 | 1 |
| 1 | 0 | 1 | 0 | 1 | 0 |
| 1 | 1 | 1 | 1 | 0 | 0 |

Fig. 4.6 Asimetría aparente XOR

5.2.3 Conseguir proteger las subclaves

Hemos mencionado que si en una función se hace uso de una subclave, siempre va a ser posible obtenerla con el texto fuente y el texto cifrado, pero si se hace uso de dos o más subclaves sólo se podrá obtener una relación entre ellas. Una relación entre subclaves independientes sólo aporta información acerca de la relación existente entre bits

independientes, conociendo uno de ellos podría obtener el valor del otro, el problema está en conocer el valor del primero y la relación existente.

5.2.4 Resistencia al criptoanálisis

Todos los esquemas mostrados hasta ahora y todas las operaciones (salvo las asimetrías aparentes no triviales AND y OR) determinan un flujo de datos más o menos complicado en el que en teoría pueden establecerse unas ecuaciones de comportamiento, es decir, presenta un flujo perfectamente determinista. Este determinismo consigue que se pueda averiguar cómo afecta cada bit de la entrada a la salida y sea factible la aplicación de criptoanálisis lineal. Las asimetrías aparentes AND y OR consiguen que el flujo del sistema sea dependiente de la clave y un ataque mediante criptoanálisis lineal no pueda realizarse.

Sin embargo, para una clave fija puede llevarse a cabo un ataque mediante criptoanálisis diferencial, en el que se cifran parejas de texto con diferencias conocidas y se analiza la evolución de esas diferencias a lo largo del flujo de datos. De este modo se van descartando claves por probabilidad, hasta que una clave aparece como candidata.

Una forma relativamente sencilla de evitar el criptoanálisis diferencial es conseguir que los datos puedan afectar al flujo de los mismos. De esta forma puede conseguirse que sea altamente resistente a este tipo de criptoanálisis ya que diferencias en el texto pueden representar no sólo una cascada de diferencias, sino también una modificación del flujo de bits. Existen otras técnicas, el IDEA es resistente al criptoanálisis diferencial gracias a las funciones que utiliza y a su particular estructura.

5.2.5 Modificación del flujo de datos según determinen los propios datos

Como hemos mencionado, es una forma de resistir al criptoanálisis diferencial, las diferencias entre textos no representan sólo una cascada de diferencias, sino que implican una modificación de esa cascada. Debemos tener cuidado, sin embargo, en conseguir que esa

modificación sea adecuada, es muy sencillo que se produzcan colisiones cuando unos datos se afectan a sí mismos, pero debemos mantenerlas bajo control. Las modificaciones que puede llevar a cabo los datos sobre datos deben ser de flujo, de forma que alteren la cascada de diferencias lo máximo posible. En este punto lo ideal es utilizarlos para crear permutaciones, o en su defecto, utilizarlos para crear una subfamilia de permutaciones.

Es imposible lograr que con una cadena de bits de longitud n podamos conseguir todas las posibles permutaciones de n elementos, ya que tenemos la desigualdad $2^n < n!$ para $n > 4$, pero veremos que con modificaciones extremadamente sencillas pueden conseguirse protecciones fuertes.

Si tenemos una ristra de n bits, podemos escoger $\log_2(n)$ bits de cualquier forma, por ejemplo los últimos, y desplazar de forma circular toda la cadena hacia la izquierda. Esta función es no lineal y puede producir colisiones (hasta un máximo de $\log_2(n)$ colisiones para ciertas cadenas, pero que en supuestas cadenas aleatorias se reducirían enormemente. Este subgrupo de permutaciones puede alterar realmente el flujo de diferencias, en particular cuando esas diferencias afectan a los bits que se utilizan para determinar el desplazamiento. Para ser más efectiva podrían elegirse bits intermedios, de forma que la probabilidad de que no resulte afectado ninguno de los bits de desplazamiento por una modificación anterior quede reducida.

5.2.6 Criptosistema aleatorio

Recientemente se ha propuesto un método llamado “criptoanálisis imposible” que es capaz de proporcionar algoritmos mejores que la fuerza bruta para criptosistemas resistentes al criptoanálisis diferencial ordinario, como el IDEA o el Skipjack. Este nuevo método hace uso de unos diferenciales más potentes y permite ataques poderosos contra los mismos. Frente al criptoanálisis imposible presento la idea de un criptosistema en el que al menos una parte del sistema dependa de una variable aleatoria.

Aunque pueda parecer un tanto paradójico que datos aleatorios puedan afectar al flujo de los bits dentro del sistema, veremos que es posible y que permite efectivamente la decodificación de los datos.

En primer lugar debemos encontrar dónde introducir esos datos aleatorios. En la clave no, porque si esos datos se utilizan para cifrar, la fase de descifrado no podrá realizarse sin ellos; si no se utilizan son poco menos que inútiles. Debemos afectar a los datos, pero cuando los datos afecten al flujo del sistema como hemos visto anteriormente. No podemos modificar los datos en sí, pero podemos añadir fragmentos aleatorios que afectarán al flujo de la forma que ya hemos visto y que por lo tanto afectarán al sistema. Al final de la fase de decodificación esos datos serán desechados, obteniendo la información original.

Esta fase de añadir datos aleatorios al codificar, o desechar datos al decodificar, no puede realizarse en el núcleo del algoritmo que está conformado por la red elegida porque no es simétrico; estas operaciones deben hacerse a nivel intermedio entre el núcleo del algoritmo codificador y el programa que hace uso de él, como muestra el siguiente esquema:

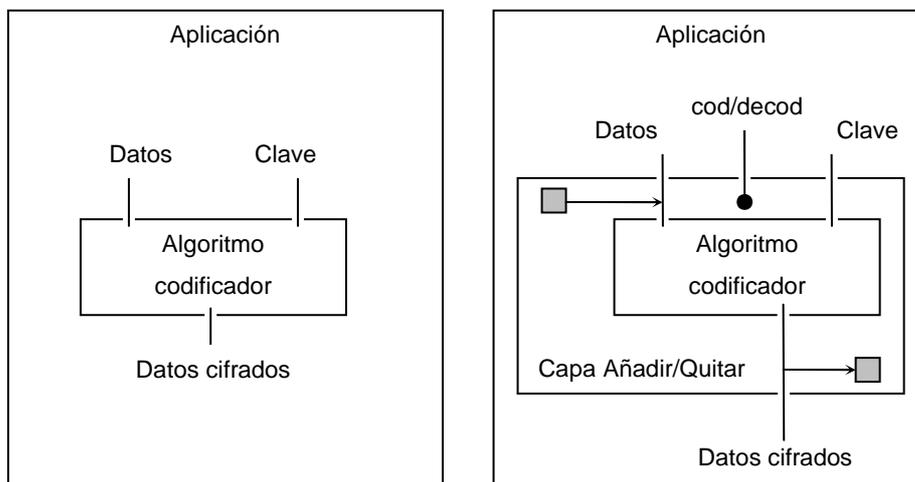


Fig. 4.7
Modificación para
obtener un
criptosistema
aleatorio

El núcleo del algoritmo sigue siendo reversible, permite codificar y decodificar según las claves que recibe, la nueva capa actúa de diferente modo en las dos fases, de forma que si vamos a codificar añade datos al azar en posiciones determinadas antes de codificar, y si vamos a decodificar quita datos de esas mismas posiciones después de

decodificar. Esa nueva capa debe considerarse como parte del criptosistema, debe ser intocable desde fuera para no manipular los números aleatorios.

El principal inconveniente de esta técnica es que la información codificada aumenta de tamaño, un aumento definido y perfectamente controlado por otro lado. Esta técnica es especialmente recomendable para aplicaciones que requieran de una muy alta seguridad, y la seguridad ofrecida es tanto mayor cuanto mayor sea la cantidad de datos aleatorios incrustados.

Para aprovechar esta seguridad al máximo, conviene colocar esa información aleatoria en lugares que afecten al flujo en la primera ronda de la red, de esta forma nos aseguramos que la aleatoriedad inunde el flujo cuanto antes.

Una pequeña ventaja de esta técnica es que la fuerza bruta aplicada a una pareja de texto claro/texto cifrado simplemente se estrella. Supongamos que tenemos en nuestro poder un bloque de 120 bits y el bloque cifrado de 128 bits. Probar claves por fuerza bruta para codificar esos 120 bits y que el resultado dé los 128 que ya tenemos no es eficiente: probando todas las claves posibles tendríamos una probabilidad menor de 0,4% de encontrar la correcta. Es una pequeña ventaja porque la fuerza bruta aplicada en sentido inverso (descifrando con todas las claves hasta dar con la acertada) siempre tendrá éxito. Otra ventaja es que un solo mensaje podría dar 256 posibles mensajes cifrados diferentes como resultado.

Esta técnica puede ser utilizada con cualquier algoritmo existente o futuro, como vemos es añadir una capa intermedia, y promete proveer de una seguridad añadida excepcional. Además, considerando el avance de las redes de comunicación y del almacenamiento experimentado recientemente, el aumentar ligeramente el tamaño de los mensajes cifrados no representa prácticamente ningún problema.

6 Claves

Hasta ahora se ha supuesto que disponemos de un método que nos proporciona subclaves a partir de la clave principal, hay muchas formas de conseguir esto pero lamentablemente hay muchas formas malas, y si nos descuidamos, muchas realmente malas para ello. Con la correcta utilización de la clave pueden evitarse muchos de los problemas que algunos criptólogos temen al diseñar un nuevo algoritmo como que el sistema presente estructura de grupo, o existan claves débiles o semidébiles. Estos temores han llevado por ejemplo a los autores del Skipjack a decantarse por una estructura no simétrica, de forma que para cifrar y descifrar se utilicen dos algoritmos diferentes.

Partamos de un supuesto ideal: si necesitamos x subclaves de longitud y , y dispusiéramos una clave de longitud $x*y$, no existirían problemas en la obtención de subclaves. Pero como esto no va a ser posible habrá bits que deban ser utilizados más de una vez, según el lema del palomar.

Desechemos lo evidente, un mismo bit no puede estar presente más de una vez en una subclave, es necesario que en una subclave todos sean independientes, ya que en caso contrario conocer un bit puede significar conocer otros.

6.1 Claves débiles y semidébiles

Vamos a centrarnos en el problema de la existencia de claves débiles y semidébiles. En estos sistemas la extracción de las subclaves se realizan en orden, es aquí donde deberemos tener el mayor cuidado. Si es posible cambiar todo el orden de aplicación a las subclaves y con ellas podemos construir una clave nueva, esa clave nueva será la pareja semidébil de la primera. Veamos con un ejemplo gráfico, utilizando una forma geométrica, para la obtención de las subclaves:

| | | | | |
|----------|----------|----------|----------|----------|
| A | B | C | D | |
| 1 | 0 | 1 | 1 | E |
| 0 | 1 | 1 | 0 | F |
| 0 | 0 | 0 | 1 | G |
| 1 | 0 | 1 | 0 | H |

Fig. 5.1

Con una clave de 16 bits vamos a obtener 8 subclaves de 4 bits, un total de 32 bits. Cada bit será utilizado dos veces, pero la forma de obtener las subclaves nos garantiza que no se usarán dos veces en la misma subclave.

Las 8 subclaves a utilizar serán las siguientes:

| | |
|----------|------|
| A | 1001 |
| B | 0100 |
| C | 1101 |
| D | 1010 |
| E | 1101 |
| F | 0110 |
| G | 1000 |
| H | 0101 |

Las claves E-H se toman de derecha a izquierda. Este método simple, y que puede parecerse incluso obvio, tiene escondido un pequeño defecto que puede hacer peligrar la seguridad del sistema: si reordenamos las claves en orden inverso, justo como serían aplicadas en la decodificación, podemos construir una estructura similar a la de partida.

Figs: 5.2 y 5.3

| | | | | | | | |
|----------|----------|----------|----------|----------|----------|----------|----------|
| H | G | F | E | D | C | B | A |
| 0101 | 1000 | 0110 | 1101 | 1010 | 1101 | 0100 | 1001 |

| | | | | |
|----------|----------|----------|----------|----------|
| H | G | F | E | |
| 0 | 1 | 0 | 1 | D |
| 1 | 0 | 1 | 1 | C |
| 0 | 0 | 1 | 0 | B |
| 1 | 0 | 0 | 1 | A |

Fig. 5.4

Esta clave es la pareja semidébil de la clave original, sea el criptosistema que sea siempre que respete el tamaño del bloque (un criptosistema aleatorio carece de esta debilidad); lo peor de todo es que toda clave es semidébil y que este problema se presenta con cualquier tamaño del cuadrado, ya que la

búsqueda de la pareja semidébil se realiza con una inversión del cuadrado según una de las diagonales.

El ejemplo mostrado sirve, además de para comprobar cómo actúa la búsqueda de claves semidébiles, para proporcionarnos ideas de cómo evitarlo.

6.2 Algoritmo para detectar claves débiles y semidébiles

Se va a proceder ahora a proporcionar un algoritmo que permitirá identificar en un criptosistema claves débiles y semidébiles. Para ello hay que hacer una consideración importante, cualquier operación que sea aplicada a las subclaves después de ser extraídas, o, en su defecto, cualquier operación que sea aplicada a una clave antes de extraer las subclaves y que alcanza el mismo resultado que una operación que se efectúe a las subclaves después de ser extraídas, no tiene interés en cuanto a evitar o provocar claves débiles y semidébiles se refiere. Se debe trabajar únicamente con la elección de los bits que forman cada subclave.

Si el algoritmo necesita que las subclaves en modo de descifrar tengan que ser modificadas para lograr los inversos de las funciones, es importante conseguir una forma de plantear esa modificación con forma de grafo para que sea útil este algoritmo. Si no es posible, sólo se podrá utilizar para comprobar si una clave es débil o semidébil, o no; aquí se va a suponer que no se realizan cálculos previos a la clave antes de ser aplicada, es decir, una clave y la que realiza la operación inversa en el algoritmo son iguales, caso típico de un XOR. En ese caso el grafo es simple: un bit de la clave de origen debe ir a un lugar determinado de la clave de destino, si esto lo podemos hacer con todos los bits entonces esa clave tiene una pareja y es débil o semidébil. Este hecho es el que ilustra el concepto de “paso siguiente” y el que debe ser modificado para hacer frente a los casos mencionados que no funcionarán bien.

Las subclaves, para descifrar, siguen un orden casi inverso (según dicta la estructura y la forma de utilizar las subclaves como ya se ha visto). Para detectar la presencia de claves débiles y semidébiles a partir de la elección de las subclaves, vamos a obtener las peculiaridades que deben de tener los bits de esas elecciones para provocarlas:

- Una clave será débil si y sólo si, las subclaves inversas en la estructura del algoritmo son iguales.
- Una clave será semidébil si y sólo si con las subclaves inversas en orden inverso se puede reconstruir una nueva clave válida.

Dada una forma de extraer claves, vamos a ver para cada bit, cuales son los inversos, es decir, suponiendo que diésemos la vuelta a la clave, vamos a ver dónde iría a parar ese bit. Veámoslo mejor con el ejemplo anterior:

| A | B | C | D | |
|----------|----------|----------|----------|----------|
| 1 | 2 | 3 | 4 | E |
| 5 | 6 | 7 | 8 | F |
| 9 | 10 | 11 | 12 | G |
| 13 | 14 | 15 | 16 | H |

Fig. 5.5

Hemos numerado los bits del 1 al 16 y, como habíamos supuesto antes, el orden es lineal: para cifrar se utiliza A-B-C-D-E-F-G-H y para descifrar H-G-F-E-D-C-B-A. De forma que si A=H y B=G y así sucesivamente podremos afirmar que la sucesión original podría invertir su efecto, sería una clave

débil. Vamos a igualar los bits de los que hace uso cada una de las subclaves para ver la supuesta relación que debería haber entre ellos:

| | |
|-------------|-------------|
| 1 5 9 13 | 16 15 14 13 |
| 2 6 10 14 | 12 11 10 9 |
| 3 7 11 15 | 8 7 6 5 |
| 4 8 12 16 | 4 3 2 1 |
| 4 3 2 1 | 4 8 12 16 |
| 8 7 6 5 | 3 7 11 15 |
| 12 11 10 9 | 2 6 10 14 |
| 16 15 14 13 | 1 5 9 13 |

Fig. 5.6

Lo que equivale a decir que el bit que actúa en el lugar 1, en la operación de descifrado actuará en el lugar 16, el 5 en el 15 y así sucesivamente. Ahora es necesario construir un grafo dirigido con tantos nodos como bits tenga la clave y en el que cada arista partirá desde cada bit de las subclaves usadas para codificar y llegará a

cada bit de las subclaves usadas para decodificar:

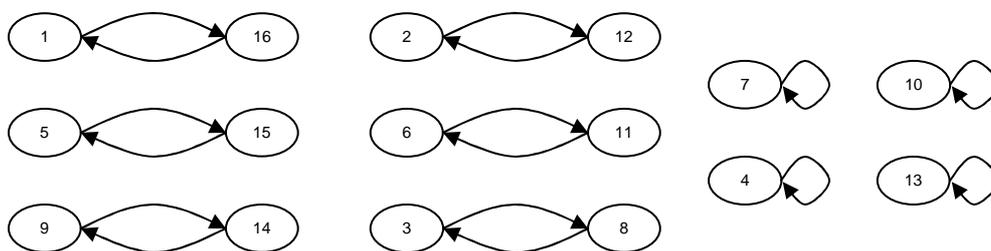


Fig. 5.7

De donde podemos obtener todas las claves débiles: si a todos los elementos de cada subgrafo conexo le asignamos el mismo valor, la clave resultante será una clave débil; de forma que las claves débiles serán de la forma: A-B-C-D-E-F-G-C-H-I-F-B-J-H-E-A representando los 16 bits de la clave en orden (1..16) y pudiendo tomar cada letra un

valor de 1 o 0. Según esta forma de selección de la clave habrá 2^{10} claves débiles, que de un conjunto de 2^{16} , significa que una de cada 64 claves posibles es débil.

De este mismo grafo podremos obtener las claves semidébiles. Olvidemos los demás bits y centrémonos sólo en 2. Supongamos que una clave tuviese en el primer bit un 1 y en su pareja un 0. Supongamos ahora que queremos descifrar con esa clave, para ello debería haber un 0 en el primer bit y un 1 en su pareja. Como consecuencia de esto, volver a cifrar con la misma clave no podrá descifrar el mensaje como ocurría con las claves débiles, pero volver a cifrar con una clave diferente que tuviese en el primer bit un 0 y en su pareja un 1 descifraría el mensaje. Por supuesto esto debería ser extendido a todos los subgrafos conexos.

Esa clave descrita sería la pareja semidébil de la clave original. Como consecuencia podemos calcular el número de claves semidébiles existentes. Primero calculamos el número de claves que tienen una pareja (débiles y semidébiles) y posteriormente le restamos la cantidad de claves débiles que hemos calculado, con ello obtenemos las claves semidébiles que existen.

Para cada subgrafo conexo de dos nodos existen 4 posibilidades, y para cada nodo aislado sólo 2: de forma que el número de claves que tienen una pareja es de $4 \cdot 2^4 = 2^{16}$; todas las claves tienen pareja, es decir, todas las claves son débiles o semidébiles y habrá $2^{16} - 2^{10} = 64512$ claves semidébiles.

Los cálculos han sido sencillos por la sencillez de los grafos, pero para realizar cálculos con los subgrafos conexos complejos vamos a definir el “paso siguiente”. El “paso siguiente” de un grafo sería un nuevo grafo resultado de asignar a cada nodo destino de cada arista el valor del origen de la arista; si se producen colisiones (un nodo quiere valer 0 y 1 a la vez) diremos que no existe el paso siguiente. Veamos un ejemplo para ilustrar este concepto:

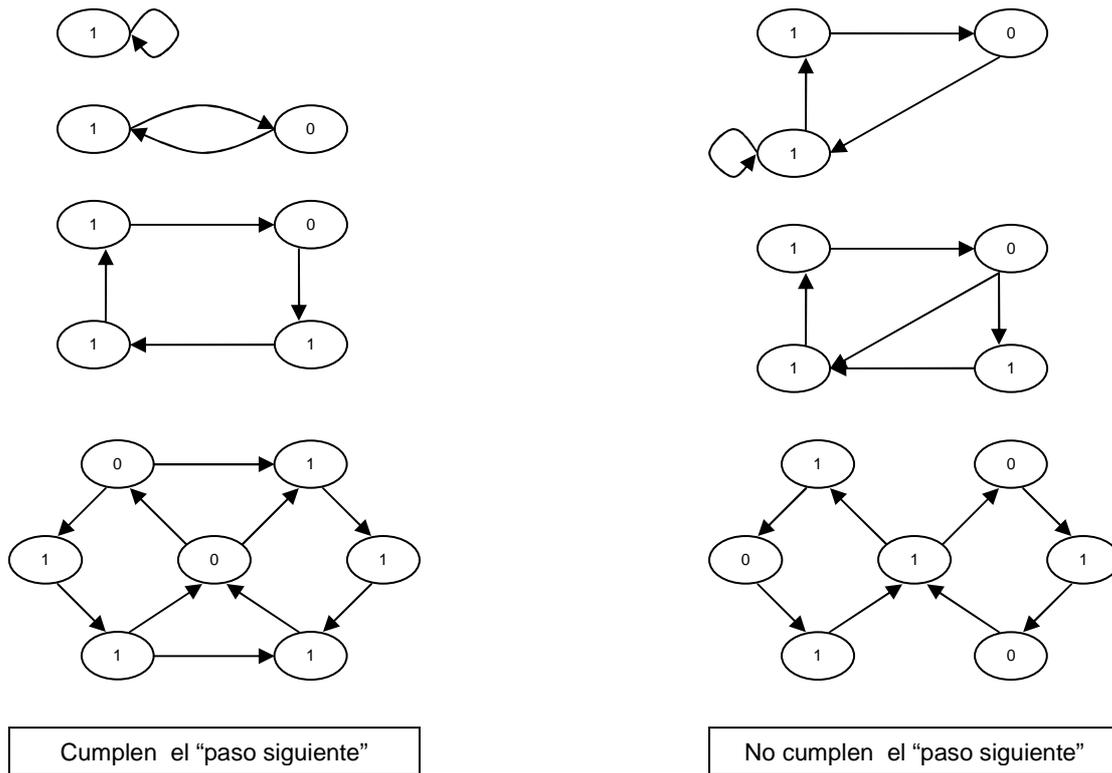


Fig. 5.8 Paso siguiente

Para que un grafo pueda provocar la existencia de claves con pareja es necesario que exista el grafo "paso siguiente", esto se puede justificar porque la clave original en modo de decodificación se ajustará a este grafo.

Si nos detenemos a pensar un poco descubriremos que si un bit se relaciona con otro, por la particular construcción de los grafos que vamos a obtener, el segundo bit se debe relacionar obligatoriamente al primero. Para representarlo de forma más sencilla se utilizarán grafos no dirigidos en el que dos nodos están interrelacionados si están unidos por una arista. Aunque esto pueda parecernos trivial la verdad es que nos dota de algo más que de la ventajosa representación: los subgrafos conexos deberán grafos bipartidos y contarán como mucho con cuatro formas posibles de repartir los valores que cumplan el "paso siguiente". Otra consecuencia inmediata es que las claves forman realmente una pareja: lo que se cifra con una se puede descifrar con la otra, son conmutativas.

Comprobando el “paso siguiente” podemos saber si una clave dada es débil o semidébil. Para calcular la cantidad de claves con pareja que hay debemos analizar los subgrafos conexos. Un subgrafo conexo es capaz de aportar un factor multiplicativo X al cómputo total, donde X son todas las posibles formas de dar valores a los nodos y posean “paso siguiente”. Un subgrafo conexo como mínimo aportará 2 posibles soluciones que cumplan la regla del “paso siguiente” que son las soluciones triviales (todos los nodos poseen un 0 o todos poseen un 1); de modo que como mínimo existirá el mismo número de claves con parejas como claves débiles haya. El máximo es de 4, pues se trata con grafos bipartidos.

Así por ejemplo, un grafo que posea 8 subgrafos conexos de los cuales hay 4 que admiten cuatro formas de asignar a los nodos un valor y otros 4 admiten 2 formas, existirán 4096 claves con pareja, de las cuales 256 serían débiles y el resto semidébiles.

Como consecuencia de lo anterior podemos obtener dos resultados importantes:

- Es mejor que el grafo tenga la menor cantidad de subgrafos conexos posibles, idealmente el grafo debería ser conexo; además es mejor que los grafos no sean bipartidos (porque admitirían una solución de alternancia de 0 y 1, y el factor con el que contribuirían sería de 4 en vez de 2).
- En todo criptosistema que utilice el mismo procedimiento para codificar y decodificar (sólo cambiando las subclaves e orden) existirán dos claves débiles, que son las claves triviales.

Si un dato de la clave no fuese utilizado aparecería como un nodo aislado en la representación, esto significaría que no importa su valor en absoluto y una clave podría tener más de una pareja por su culpa.

6.3 Ejemplo de búsqueda de claves débiles y semidébiles

Como ejemplo del citado algoritmo se va a proceder a buscar estas claves en el DES. Es un ejemplo idóneo porque las claves se utilizan para realizar la operación XOR y no son modificadas desde la extracción

hasta la aplicación. El DES divide la clave original en dos subconjuntos que serán disjuntos desde el primer momento. A esos subconjuntos se

les aplican las mismas modificaciones de forma independiente, luego se cogen unos bits determinados de cada uno. El hecho de que estos conjuntos sean tratados por igual nos permite tener ya de antemano dos cosas: hay al menos dos subgrafos conexos y los dos son isomorfos.

Suponiendo la clave original de 64 bits de las que se desechan los bits múltiplos de 8 por ser de paridad, las 16 subclaves en orden utilizarán los siguientes bits:

| | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|
| 10 | 51 | 34 | 60 | 49 | 17 | 33 | 57 | 2 | 9 | 19 | 42 | 3 | 35 | 26 | 25 | 44 | 58 | 59 | 1 | 36 | 27 | 18 | 41 | 22 | 28 | 39 | 54 | 37 | 4 | 47 | 30 | 5 | 53 | 23 | 29 | 61 | 21 | 38 | 63 | 15 | 20 | 45 | 14 | 13 | 62 | 55 | 31 |
| 2 | 43 | 26 | 52 | 41 | 9 | 25 | 49 | 59 | 1 | 11 | 34 | 60 | 27 | 18 | 17 | 36 | 50 | 51 | 58 | 57 | 19 | 10 | 33 | 14 | 20 | 31 | 46 | 29 | 63 | 39 | 22 | 28 | 45 | 15 | 21 | 53 | 13 | 30 | 55 | 7 | 12 | 37 | 6 | 5 | 54 | 47 | 23 |
| 51 | 27 | 10 | 36 | 25 | 58 | 9 | 33 | 43 | 50 | 60 | 18 | 44 | 11 | 2 | 1 | 49 | 34 | 35 | 42 | 41 | 3 | 59 | 17 | 61 | 4 | 15 | 30 | 13 | 47 | 23 | 6 | 12 | 29 | 62 | 5 | 37 | 28 | 14 | 39 | 54 | 63 | 21 | 53 | 20 | 38 | 31 | 7 |
| 35 | 11 | 59 | 49 | 9 | 42 | 58 | 17 | 27 | 34 | 44 | 2 | 57 | 60 | 51 | 50 | 33 | 18 | 19 | 26 | 25 | 52 | 43 | 1 | 45 | 55 | 62 | 14 | 28 | 31 | 7 | 53 | 63 | 13 | 46 | 20 | 21 | 12 | 61 | 23 | 38 | 47 | 5 | 37 | 4 | 22 | 15 | 54 |
| 19 | 60 | 43 | 33 | 58 | 26 | 42 | 1 | 11 | 18 | 57 | 51 | 41 | 44 | 35 | 34 | 17 | 2 | 3 | 10 | 9 | 36 | 27 | 50 | 29 | 39 | 46 | 61 | 12 | 15 | 54 | 37 | 47 | 28 | 30 | 4 | 5 | 63 | 45 | 7 | 22 | 31 | 20 | 21 | 55 | 6 | 62 | 38 |
| 3 | 44 | 27 | 17 | 42 | 10 | 26 | 50 | 60 | 2 | 41 | 35 | 25 | 57 | 19 | 18 | 1 | 51 | 52 | 59 | 58 | 49 | 11 | 34 | 13 | 23 | 30 | 45 | 63 | 62 | 38 | 21 | 31 | 12 | 14 | 55 | 20 | 47 | 29 | 54 | 6 | 15 | 4 | 5 | 39 | 53 | 46 | 22 |
| 52 | 57 | 11 | 1 | 26 | 59 | 10 | 34 | 44 | 51 | 25 | 19 | 9 | 41 | 3 | 2 | 50 | 35 | 36 | 43 | 42 | 33 | 60 | 18 | 28 | 7 | 14 | 29 | 47 | 46 | 22 | 5 | 15 | 63 | 61 | 39 | 4 | 31 | 13 | 38 | 53 | 62 | 55 | 20 | 23 | 37 | 30 | 6 |
| 36 | 41 | 60 | 50 | 10 | 43 | 59 | 18 | 57 | 35 | 9 | 3 | 58 | 25 | 52 | 51 | 34 | 19 | 49 | 27 | 26 | 17 | 44 | 2 | 12 | 54 | 61 | 13 | 31 | 30 | 6 | 20 | 62 | 47 | 45 | 23 | 55 | 15 | 28 | 22 | 37 | 46 | 39 | 4 | 7 | 21 | 14 | 53 |
| 57 | 33 | 52 | 42 | 2 | 35 | 51 | 10 | 49 | 27 | 1 | 60 | 50 | 17 | 44 | 43 | 26 | 11 | 41 | 19 | 18 | 9 | 36 | 59 | 4 | 46 | 53 | 5 | 23 | 22 | 61 | 12 | 54 | 39 | 37 | 15 | 47 | 7 | 20 | 14 | 29 | 38 | 31 | 63 | 62 | 13 | 6 | 45 |
| 41 | 17 | 36 | 26 | 51 | 19 | 35 | 59 | 33 | 11 | 50 | 44 | 34 | 1 | 57 | 27 | 10 | 60 | 25 | 3 | 2 | 58 | 49 | 43 | 55 | 30 | 37 | 20 | 7 | 6 | 45 | 63 | 38 | 23 | 21 | 62 | 31 | 54 | 4 | 61 | 13 | 22 | 15 | 47 | 46 | 28 | 53 | 29 |
| 25 | 1 | 49 | 10 | 35 | 3 | 19 | 43 | 17 | 60 | 34 | 57 | 18 | 50 | 41 | 11 | 59 | 44 | 9 | 52 | 51 | 42 | 33 | 27 | 39 | 14 | 21 | 4 | 54 | 53 | 29 | 47 | 22 | 7 | 5 | 46 | 15 | 38 | 55 | 45 | 28 | 6 | 62 | 31 | 30 | 12 | 37 | 13 |
| 9 | 50 | 33 | 59 | 19 | 52 | 3 | 27 | 1 | 44 | 18 | 41 | 2 | 34 | 25 | 60 | 43 | 57 | 58 | 36 | 35 | 26 | 17 | 11 | 23 | 61 | 5 | 55 | 38 | 37 | 13 | 31 | 6 | 54 | 20 | 30 | 62 | 22 | 39 | 29 | 12 | 53 | 46 | 15 | 14 | 63 | 21 | 28 |
| 58 | 34 | 17 | 43 | 3 | 36 | 52 | 11 | 50 | 57 | 2 | 25 | 51 | 18 | 9 | 44 | 27 | 41 | 42 | 49 | 19 | 10 | 1 | 60 | 7 | 45 | 20 | 39 | 22 | 21 | 28 | 15 | 53 | 38 | 4 | 14 | 46 | 6 | 23 | 13 | 63 | 37 | 30 | 62 | 61 | 47 | 5 | 12 |
| 42 | 18 | 1 | 27 | 52 | 49 | 36 | 60 | 34 | 41 | 51 | 9 | 35 | 2 | 58 | 57 | 11 | 25 | 26 | 33 | 3 | 59 | 50 | 44 | 54 | 29 | 4 | 23 | 6 | 5 | 12 | 62 | 37 | 22 | 55 | 61 | 30 | 53 | 7 | 28 | 47 | 21 | 14 | 46 | 45 | 31 | 20 | 63 |
| 26 | 2 | 50 | 11 | 36 | 33 | 49 | 44 | 18 | 25 | 35 | 58 | 19 | 51 | 42 | 41 | 60 | 9 | 10 | 17 | 52 | 43 | 34 | 57 | 38 | 13 | 55 | 7 | 53 | 20 | 63 | 46 | 21 | 6 | 39 | 45 | 14 | 37 | 54 | 12 | 31 | 5 | 61 | 30 | 29 | 15 | 4 | 47 |
| 18 | 59 | 42 | 3 | 57 | 25 | 41 | 36 | 10 | 17 | 27 | 50 | 11 | 43 | 34 | 33 | 52 | 1 | 2 | 9 | 44 | 35 | 26 | 49 | 30 | 5 | 47 | 62 | 45 | 12 | 55 | 38 | 13 | 61 | 31 | 37 | 6 | 29 | 46 | 4 | 23 | 28 | 53 | 22 | 21 | 7 | 63 | 39 |

Fig. 5.9 Bits utilizados por DES en cada una de las subclaves

Los números representan el bit de la clave original que se usa. Construiremos el grafo sabiendo que el bit 10 de la clave original debe ser igual al bit 18 de su pareja, del mismo modo el bit 18 de la clave original debe ser igual al bit 10 de la pareja. Se utilizará una matriz de incidencias para representar uno de los subconjuntos conexos, el correspondiente a la primera mitad.

La matriz de incidencia es la siguiente:

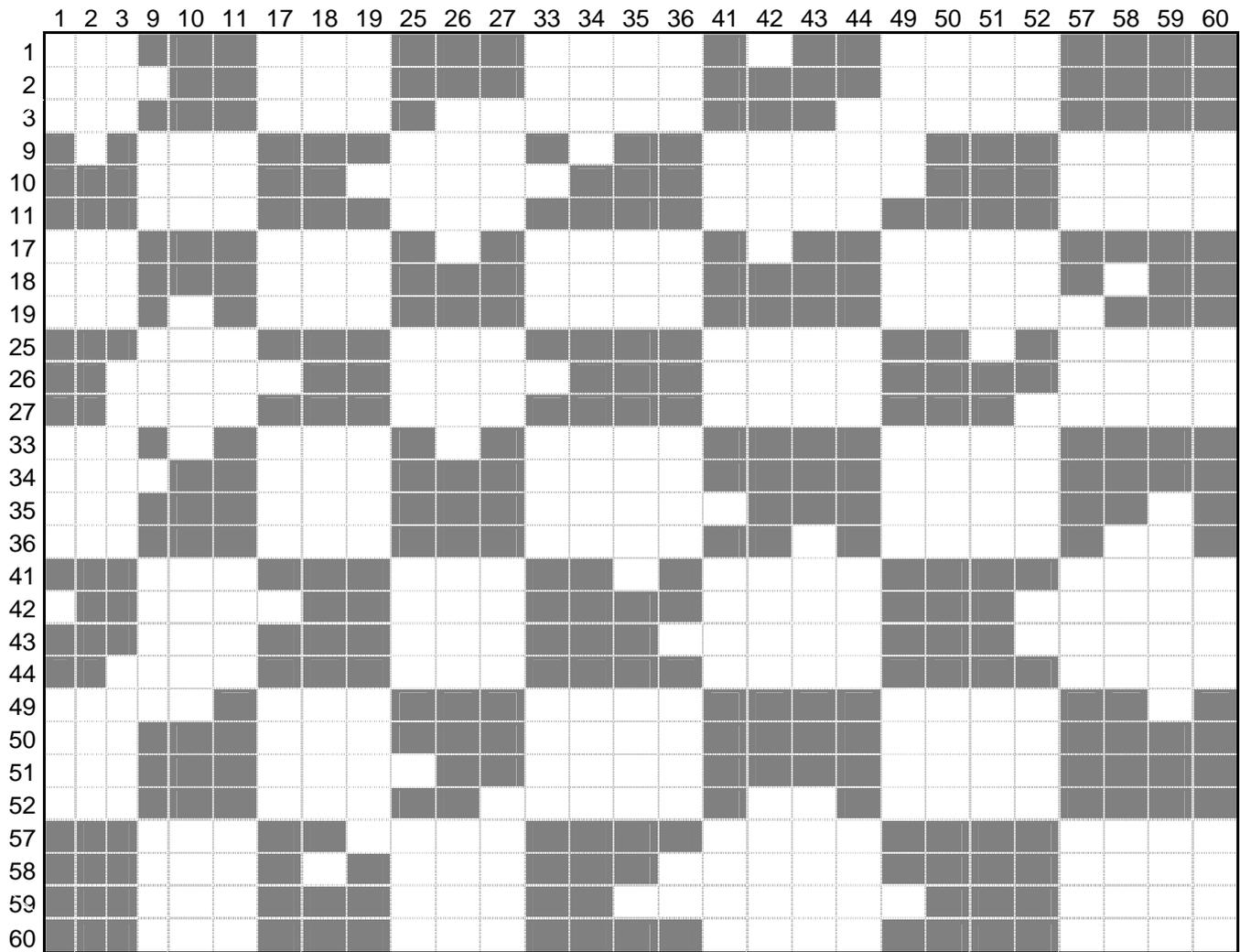


Fig. 5.10 Matriz de adyacencias de los bits utilizados en la primera mitad del DES

Ahora hay que determinar dos cosas: primero si el grafo es conexo, y segundo si es bipartido. Para ello hagamos una tabla con dos columnas que iremos rellenando. En una de ellas colocaremos un nodo al azar, en la otra aquellos en los que incide y no estén ya allí, a continuación haremos lo mismo con cada uno de los nodos que hayamos añadido, colocando los nodos en los que incide en la otra parte de la tabla. Si al acabar el algoritmo están todos los nodos, el grafo es conexo, y si no hay ningún nodo repetido en las dos columnas, es bipartido.

Procedamos a analizar cómo se comporta el grafo:

| | | | |
|----|----|----|----|
| 1 | 3 | 9 | 10 |
| 17 | 18 | 11 | 25 |
| 19 | 33 | 26 | 27 |
| 35 | 36 | 41 | 43 |
| 50 | 51 | 44 | 57 |
| 52 | 2 | 58 | 59 |
| 34 | 49 | 60 | 42 |

Fig. 5.11 Análisis del grafo obtenido para la primera mitad del DES

Como vemos, el grafo es conexo y bipartido de forma que ya podemos calcular cuantas claves débiles y semidébiles presenta el DES: al haber dos subgrafos bipartidos hay $2^2=4$ claves débiles porque son dos los subgrafos conexos. El número de claves con pareja sería de $4^2=16$, de las que 4 son débiles como ya hemos visto; de modo que quedan 12 claves semidébiles. El propio algoritmo podría buscarlas, dando a cada nodo del subgrafo todo ceros, todo unos, todo ceros y unos (es bipartido) y al revés. Las claves serían:

Débiles

| |
|-------------------------|
| 01 01 01 01 01 01 01 01 |
| FE FE FE FE FE FE FE FE |
| 1F 1F 1F 1F 0E 0E 0E 0E |
| E0 E0 E0 E0 F1 F1 F1 F1 |

Semidébiles

| |
|--|
| 01FE 01FE 01FE 01FE, FE01 FE01 FE01 FE01 |
| 1FE0 1FE0 0EF1 0EF1, E01F E01F F10E F10E |
| 01E0 01E0 01F1 01F1, E001 E001 F101 F101 |
| 1FFE 1FFE 0EFE 0EFE, FE1F FE1F FE0E FE0E |
| 011F 011F 010E 010E, 1F01 1F01 0E01 0E01 |
| E0FE E0FE F1FE F1FE, FEE0 FEE0 FEF1 FEF1 |

Fig. 5.12 Claves débiles y semidébiles obtenidas

Contando ya con los bits de paridad.

6.4 Evitando codificaciones débiles

Existe un problema que puede ser más o menos grave según qué criptosistemas y consiste en que una clave con abundancia de 0 o de 1 puede provocar una codificación muy débil de los datos. En casos extremos podría llegar incluso a que la única codificación de los datos proviniese de los propios datos. Este es un problema menor pero real: en el algoritmo IDEA se ha encontrado una familia de claves que puede ser identificada si se utilizan por la debilidad del cifrado que provocan. Estas claves son desechadas por diseño, sin embargo se va a proporcionar un procedimiento que consigue que incluso estas claves den una mayor seguridad en la codificación.

Para ello se va a hacer uso de los dos valores que puede almacenar un bit, utilizando a veces el 0 y otras veces el 1. Se utilizarán “filtros” encargados de modificar los valores de cada subclaves, las reglas para construirlos se darán después de ver un ejemplo en el que se aplica:

| A | B | C | D | |
|---|---|---|---|----------|
| 0 | 0 | 0 | 0 | E |
| 0 | 0 | 0 | 0 | F |
| 0 | 0 | 1 | 0 | G |
| 0 | 0 | 0 | 0 | H |

Clave

| A | B | C | D | |
|---|---|---|---|----------|
| 1 | 0 | 0 | 1 | E |
| 1 | 0 | 1 | 0 | F |
| 1 | 1 | 1 | 0 | G |
| 1 | 0 | 0 | 0 | H |

Filtro 1

| A | B | C | D | |
|---|---|---|---|----------|
| 0 | 0 | 1 | 1 | E |
| 0 | 1 | 1 | 0 | F |
| 1 | 0 | 0 | 1 | G |
| 1 | 0 | 1 | 0 | H |

Filtro 2

Fig. 5.13 Ejemplos de filtros

El hecho de utilizar otra vez esta forma de seleccionar las subclaves, a pesar de haberla desechado ya, es por la utilidad que posee con fines didácticos. La técnica se realiza de la siguiente manera: para las cuatro primeras subclaves se toman XOR el primer filtro y las 4 segundas se toman XOR el segundo filtro. Estos filtros son definidos en el diseño. De esta forma las subclaves que se aplicarían serían las siguientes:

| A | B | C | D | E | F | G | H |
|------|------|------|------|------|------|------|------|
| 1111 | 0010 | 0100 | 1000 | 0011 | 0110 | 1011 | 1010 |

Fig. 5.14

Vemos que las subclaves obtenidas presentan mucha menos uniformidad que las que se obtendrían con los filtros. Además con los filtros se aprovecha la información de la clave al máximo siempre, un bit de la clave que varíe hará variar el valor de ese bit en cualquier sitio donde sea utilizado.

Es muy importante utilizar más de un filtro, de hecho es mejor utilizar tantos filtros como veces puede ser elegido un bit para formar parte de una clave. El diseño de los filtros debería ser el siguiente:

- Tanta cantidad de filtros al menos como la mitad de veces pueda ser elegido un bit.
- Un 50% de ceros y la misma cantidad de unos.
- Entre cada pareja de filtros debería de haber alrededor de un 50% de diferencias.

Con los filtros nos garantizamos de que una clave no pueda ser dada especialmente para provocar un cifrado débil, se puede utilizar para anular el efecto de un filtro pero nunca de todos ellos; esa es además la razón de que un filtro sea inútil, sólo cambia de sitio el problema. Cuanto mayor sea el parecido de la clave con uno de los filtros, más se acercará el parecido con el resto de filtros al 50%.

Como ya se dijo, los filtros no pueden proteger contra claves débiles y semidébiles. Cuando se produce la decodificación hay que realizar la inversión de filtros para que esta operación sea posible; en el ejemplo es sencillo verlo pues basta con cambiar de orden los filtros y aplicar simetría a todas las matrices por la diagonal de 45° , pero en un ejemplo más complejo puede ser un poco más complicado. Es preferible desglosar los filtros grandes en pequeños filtros, cada uno de los cuales se aplica a una subclave, y cuando las subclaves se inviertan para decodificar, invertir exactamente de la misma forma a los filtros. Utilizar filtros iguales para claves inversas en el algoritmo revierte en mayor rapidez de ejecución, pues los filtros están asociados a las funciones, pero se podrían asociar a las subclaves, siendo computados sólo una vez.

7 Propuesta de algoritmo simétrico de cifrado

Con todo lo expuesto anteriormente, se va a diseñar un algoritmo de cifrado que posea las siguientes características:

1. Ofrecer un nivel elevado de seguridad.
2. Rápido.
3. Operaciones poco complejas.
4. Resistente a los ataques actuales.
5. Fácil de implementar.
6. Algoritmo de encriptación y desencriptación idénticos.
7. Utilizará una clave de un mínimo de 512 bits sin más claves débiles y semidébiles que las triviales.

Su nombre será NICS (Nuevas ideas en criptografía simétrica).

7.1 Estructura

El algoritmo dividirá el mensaje en fragmentos de 128 bits. Cada bloque se dividirá en 4 partes de 32 bits, para facilitar su implementación en procesadores actuales. Su construcción seguirá el modelo de eslabones, compuestos por dos bloques: principal y accesorio detallados a continuación:

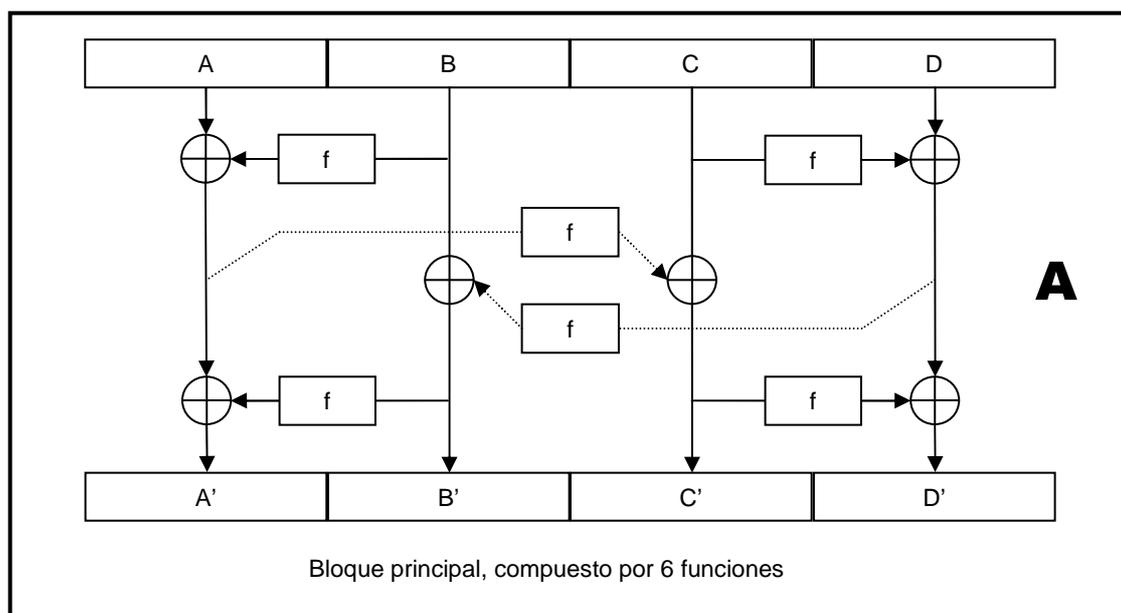


Fig. 6.1 Bloque principal del NICS

El bloque “accesorio” tiene esta forma:

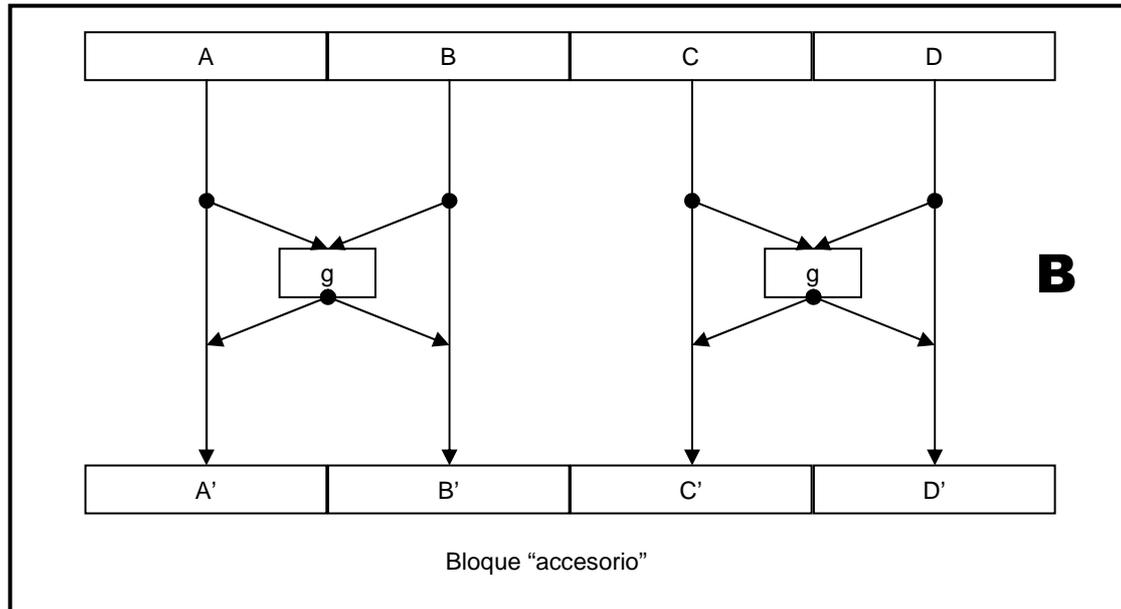


Fig. 6.2 Bloque accesorio del NICS

La construcción será de la siguiente manera:

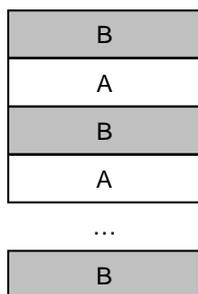


Fig. 6.3

El bloque A (principal) se encargará principalmente de añadir confusión, el bloque B se encargará de la difusión. No existen permutaciones explícitas entre registros, para realizar las permutaciones se hará uso de la asimetría aparente en el bloque B con la operación OR que proporciona además un poco de confusión.

7.2 Las funciones

Las funciones que se utilizarán (f y g) serán sencillas pero fuertes. La función f hará uso de dos subclaves diferentes y funcionará del siguiente modo: (imaginemos que f se aplica desde B hasta A, K_1 y K_2 son las dos subclaves de 32 bits)

1. Se calcula $Z = B \text{ xor } K_1$.
2. Se toman los 5 últimos bits de Z y con ellos se desplaza Z de forma circular hacia la izquierda para calcular Z' .
3. Se calcula $Z'' = Z' \text{ xor } K_2$.
4. Se aplica a A, $A = A \text{ xor } Z''$.

La función g será una de las mostradas en los ejemplos de asimetría aparente, es la asimetría aparente OR que utiliza una subclave de 32 bits y funciona intercambiando aquellos bits donde la clave vale 0 y negando los bits en los que la clave vale 1. Los pasos son los siguientes: (Utilizando los registros A y B, y la subclave K).

1. Calcular $Z = A \text{ xor } B$.
2. Calcular $Z' = Z \text{ or } K$.
3. Se aplica a A. $A = A \text{ xor } Z'$.
4. Se aplica a B. $B = B \text{ xor } Z'$.

Se han escogido estas funciones por varias razones, entre ellas porque los propios datos son capaces de alterar el flujo de modificaciones. La función f utiliza los datos para modificarse a sí mismos, es una función no inversible gran parte de las veces, con un número de colisiones variable pero pequeño, y que hace que las dos claves utilizadas tengan una relación variable: su relación depende de los datos y es más difícil obtener información de ellas.

La función g también se muestra muy útil: en la codificación que realiza la función f un cambio en uno de los bits se transmite de forma desigual en cada vuelta, un bit en el registro B afectará mucho más al bloque A que al B; también es cierto que según pasen las vueltas el bloque A afectará al B. Aun así g consigue que las diferencias entre los registros A y B, y C y D se igualen ronda a ronda.

Para determinar el número de vueltas, habría que buscar el número mínimo de rondas que nos garantizan que la modificación de un bit en la entrada puede afectar a la salida en un 50% pero que todos los bits puedan ser afectados. El número de rondas es directamente proporcional a la seguridad del sistema, e inversamente proporcional a la velocidad del mismo. Para este sistema, cuatro rondas pueden en el mejor de los casos cumplir las expectativas, pero se van a utilizar seis para aumentar la seguridad.

Se necesitarán 12 subclaves de 32 bits para cada bloque A y 2 claves de 32 bits para cada bloque B. Existen 6 bloques A y 7 bloques B. En total haremos uso de 86 subclaves de 32 bits lo que hace un total de 2752 bits necesarios.

En cada ronda compuesta por las funciones f y g se utilizan 448 bits, se desea que en cada una de esas rondas cada bit sea utilizado una sola vez y que no sean utilizados todos ellos. Las claves que se van a utilizar tendrán una longitud de 512 bits, cada bit será utilizado 5, 6 o 7 veces, las claves atravesarán filtros simétricos y se comprobará la ausencia de claves débiles y semidébiles con el algoritmo descrito en la primera parte.

El procedimiento para la obtención de las subclaves es el siguiente:

- 1.** A partir de la clave original se obtienen las 14 subclaves necesarias para la primera ronda. Se selecciona para ello los 32 primeros bits para la primera subclaves, los 32 siguiente para la segunda subclave, y así hasta obtener las 14 subclaves de la primera ronda. Con un total de 448 bits utilizados.
- 2.** Se aplica un desplazamiento circular hacia la izquierda de 67 posiciones.
- 3.** Se obtienen las siguientes 14 claves desde el principio, claves para todos los bloques excepto para el B'. Se regresa al paso 2 y se repite cuantas veces sea necesario.

A continuación se presenta una tabla con los bits que se emplean para cada una de las subclaves, será nuestra base para demostrar que el grafo que se obtendría es conexo y no es bipartido.

Que es conexo es sencillo e intuitivo: Estableciendo las relaciones entre las primeras claves y las últimas, sólo con una ronda, se obtiene un camino en el que participan casi todos los nodos. Al ir añadiendo más relaciones, esos nodos descolgados se van uniendo hasta que se forma un grafo conexo. No se repiten relaciones, como ocurría en el DES.

Fig. 6.4 Listado de los bits que se usan en cada subclave

| | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
|----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|
| 1 | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 | 11 | 12 | 13 | 14 | 15 | 16 | 17 | 18 | 19 | 20 | 21 | 22 | 23 | 24 | 25 | 26 | 27 | 28 | 29 | 30 | 31 |
| 2 | 32 | 33 | 34 | 35 | 36 | 37 | 38 | 39 | 40 | 41 | 42 | 43 | 44 | 45 | 46 | 47 | 48 | 49 | 50 | 51 | 52 | 53 | 54 | 55 | 56 | 57 | 58 | 59 | 60 | 61 | 62 | 63 |
| 3 | 64 | 65 | 66 | 67 | 68 | 69 | 70 | 71 | 72 | 73 | 74 | 75 | 76 | 77 | 78 | 79 | 80 | 81 | 82 | 83 | 84 | 85 | 86 | 87 | 88 | 89 | 90 | 91 | 92 | 93 | 94 | 95 |
| 4 | 96 | 97 | 98 | 99 | 100 | 101 | 102 | 103 | 104 | 105 | 106 | 107 | 108 | 109 | 110 | 111 | 112 | 113 | 114 | 115 | 116 | 117 | 118 | 119 | 120 | 121 | 122 | 123 | 124 | 125 | 126 | 127 |
| 5 | 128 | 129 | 130 | 131 | 132 | 133 | 134 | 135 | 136 | 137 | 138 | 139 | 140 | 141 | 142 | 143 | 144 | 145 | 146 | 147 | 148 | 149 | 150 | 151 | 152 | 153 | 154 | 155 | 156 | 157 | 158 | 159 |
| 6 | 160 | 161 | 162 | 163 | 164 | 165 | 166 | 167 | 168 | 169 | 170 | 171 | 172 | 173 | 174 | 175 | 176 | 177 | 178 | 179 | 180 | 181 | 182 | 183 | 184 | 185 | 186 | 187 | 188 | 189 | 190 | 191 |
| 7 | 192 | 193 | 194 | 195 | 196 | 197 | 198 | 199 | 200 | 201 | 202 | 203 | 204 | 205 | 206 | 207 | 208 | 209 | 210 | 211 | 212 | 213 | 214 | 215 | 216 | 217 | 218 | 219 | 220 | 221 | 222 | 223 |
| 8 | 224 | 225 | 226 | 227 | 228 | 229 | 230 | 231 | 232 | 233 | 234 | 235 | 236 | 237 | 238 | 239 | 240 | 241 | 242 | 243 | 244 | 245 | 246 | 247 | 248 | 249 | 250 | 251 | 252 | 253 | 254 | 255 |
| 9 | 256 | 257 | 258 | 259 | 260 | 261 | 262 | 263 | 264 | 265 | 266 | 267 | 268 | 269 | 270 | 271 | 272 | 273 | 274 | 275 | 276 | 277 | 278 | 279 | 280 | 281 | 282 | 283 | 284 | 285 | 286 | 287 |
| 10 | 288 | 289 | 290 | 291 | 292 | 293 | 294 | 295 | 296 | 297 | 298 | 299 | 300 | 301 | 302 | 303 | 304 | 305 | 306 | 307 | 308 | 309 | 310 | 311 | 312 | 313 | 314 | 315 | 316 | 317 | 318 | 319 |
| 11 | 320 | 321 | 322 | 323 | 324 | 325 | 326 | 327 | 328 | 329 | 330 | 331 | 332 | 333 | 334 | 335 | 336 | 337 | 338 | 339 | 340 | 341 | 342 | 343 | 344 | 345 | 346 | 347 | 348 | 349 | 350 | 351 |
| 12 | 352 | 353 | 354 | 355 | 356 | 357 | 358 | 359 | 360 | 361 | 362 | 363 | 364 | 365 | 366 | 367 | 368 | 369 | 370 | 371 | 372 | 373 | 374 | 375 | 376 | 377 | 378 | 379 | 380 | 381 | 382 | 383 |
| 13 | 384 | 385 | 386 | 387 | 388 | 389 | 390 | 391 | 392 | 393 | 394 | 395 | 396 | 397 | 398 | 399 | 400 | 401 | 402 | 403 | 404 | 405 | 406 | 407 | 408 | 409 | 410 | 411 | 412 | 413 | 414 | 415 |
| 14 | 416 | 417 | 418 | 419 | 420 | 421 | 422 | 423 | 424 | 425 | 426 | 427 | 428 | 429 | 430 | 431 | 432 | 433 | 434 | 435 | 436 | 437 | 438 | 439 | 440 | 441 | 442 | 443 | 444 | 445 | 446 | 447 |
| 15 | 67 | 68 | 69 | 70 | 71 | 72 | 73 | 74 | 75 | 76 | 77 | 78 | 79 | 80 | 81 | 82 | 83 | 84 | 85 | 86 | 87 | 88 | 89 | 90 | 91 | 92 | 93 | 94 | 95 | 96 | 97 | 98 |
| 16 | 99 | 100 | 101 | 102 | 103 | 104 | 105 | 106 | 107 | 108 | 109 | 110 | 111 | 112 | 113 | 114 | 115 | 116 | 117 | 118 | 119 | 120 | 121 | 122 | 123 | 124 | 125 | 126 | 127 | 128 | 129 | 130 |
| 17 | 131 | 132 | 133 | 134 | 135 | 136 | 137 | 138 | 139 | 140 | 141 | 142 | 143 | 144 | 145 | 146 | 147 | 148 | 149 | 150 | 151 | 152 | 153 | 154 | 155 | 156 | 157 | 158 | 159 | 160 | 161 | 162 |
| 18 | 163 | 164 | 165 | 166 | 167 | 168 | 169 | 170 | 171 | 172 | 173 | 174 | 175 | 176 | 177 | 178 | 179 | 180 | 181 | 182 | 183 | 184 | 185 | 186 | 187 | 188 | 189 | 190 | 191 | 192 | 193 | 194 |
| 19 | 195 | 196 | 197 | 198 | 199 | 200 | 201 | 202 | 203 | 204 | 205 | 206 | 207 | 208 | 209 | 210 | 211 | 212 | 213 | 214 | 215 | 216 | 217 | 218 | 219 | 220 | 221 | 222 | 223 | 224 | 225 | 226 |
| 20 | 227 | 228 | 229 | 230 | 231 | 232 | 233 | 234 | 235 | 236 | 237 | 238 | 239 | 240 | 241 | 242 | 243 | 244 | 245 | 246 | 247 | 248 | 249 | 250 | 251 | 252 | 253 | 254 | 255 | 256 | 257 | 258 |
| 21 | 259 | 260 | 261 | 262 | 263 | 264 | 265 | 266 | 267 | 268 | 269 | 270 | 271 | 272 | 273 | 274 | 275 | 276 | 277 | 278 | 279 | 280 | 281 | 282 | 283 | 284 | 285 | 286 | 287 | 288 | 289 | 290 |
| 22 | 291 | 292 | 293 | 294 | 295 | 296 | 297 | 298 | 299 | 300 | 301 | 302 | 303 | 304 | 305 | 306 | 307 | 308 | 309 | 310 | 311 | 312 | 313 | 314 | 315 | 316 | 317 | 318 | 319 | 320 | 321 | 322 |
| 23 | 323 | 324 | 325 | 326 | 327 | 328 | 329 | 330 | 331 | 332 | 333 | 334 | 335 | 336 | 337 | 338 | 339 | 340 | 341 | 342 | 343 | 344 | 345 | 346 | 347 | 348 | 349 | 350 | 351 | 352 | 353 | 354 |
| 24 | 355 | 356 | 357 | 358 | 359 | 360 | 361 | 362 | 363 | 364 | 365 | 366 | 367 | 368 | 369 | 370 | 371 | 372 | 373 | 374 | 375 | 376 | 377 | 378 | 379 | 380 | 381 | 382 | 383 | 384 | 385 | 386 |
| 25 | 387 | 388 | 389 | 390 | 391 | 392 | 393 | 394 | 395 | 396 | 397 | 398 | 399 | 400 | 401 | 402 | 403 | 404 | 405 | 406 | 407 | 408 | 409 | 410 | 411 | 412 | 413 | 414 | 415 | 416 | 417 | 418 |
| 26 | 419 | 420 | 421 | 422 | 423 | 424 | 425 | 426 | 427 | 428 | 429 | 430 | 431 | 432 | 433 | 434 | 435 | 436 | 437 | 438 | 439 | 440 | 441 | 442 | 443 | 444 | 445 | 446 | 447 | 448 | 449 | 450 |
| 27 | 451 | 452 | 453 | 454 | 455 | 456 | 457 | 458 | 459 | 460 | 461 | 462 | 463 | 464 | 465 | 466 | 467 | 468 | 469 | 470 | 471 | 472 | 473 | 474 | 475 | 476 | 477 | 478 | 479 | 480 | 481 | 482 |
| 28 | 483 | 484 | 485 | 486 | 487 | 488 | 489 | 490 | 491 | 492 | 493 | 494 | 495 | 496 | 497 | 498 | 499 | 500 | 501 | 502 | 503 | 504 | 505 | 506 | 507 | 508 | 509 | 510 | 511 | 0 | 1 | 2 |
| 29 | 134 | 135 | 136 | 137 | 138 | 139 | 140 | 141 | 142 | 143 | 144 | 145 | 146 | 147 | 148 | 149 | 150 | 151 | 152 | 153 | 154 | 155 | 156 | 157 | 158 | 159 | 160 | 161 | 162 | 163 | 164 | 165 |
| 30 | 166 | 167 | 168 | 169 | 170 | 171 | 172 | 173 | 174 | 175 | 176 | 177 | 178 | 179 | 180 | 181 | 182 | 183 | 184 | 185 | 186 | 187 | 188 | 189 | 190 | 191 | 192 | 193 | 194 | 195 | 196 | 197 |
| 31 | 198 | 199 | 200 | 201 | 202 | 203 | 204 | 205 | 206 | 207 | 208 | 209 | 210 | 211 | 212 | 213 | 214 | 215 | 216 | 217 | 218 | 219 | 220 | 221 | 222 | 223 | 224 | 225 | 226 | 227 | 228 | 229 |
| 32 | 230 | 231 | 232 | 233 | 234 | 235 | 236 | 237 | 238 | 239 | 240 | 241 | 242 | 243 | 244 | 245 | 246 | 247 | 248 | 249 | 250 | 251 | 252 | 253 | 254 | 255 | 256 | 257 | 258 | 259 | 260 | 261 |
| 33 | 262 | 263 | 264 | 265 | 266 | 267 | 268 | 269 | 270 | 271 | 272 | 273 | 274 | 275 | 276 | 277 | 278 | 279 | 280 | 281 | 282 | 283 | 284 | 285 | 286 | 287 | 288 | 289 | 290 | 291 | 292 | 293 |
| 34 | 294 | 295 | 296 | 297 | 298 | 299 | 300 | 301 | 302 | 303 | 304 | 305 | 306 | 307 | 308 | 309 | 310 | 311 | 312 | 313 | 314 | 315 | 316 | 317 | 318 | 319 | 320 | 321 | 322 | 323 | 324 | 325 |
| 35 | 326 | 327 | 328 | 329 | 330 | 331 | 332 | 333 | 334 | 335 | 336 | 337 | 338 | 339 | 340 | 341 | 342 | 343 | 344 | 345 | 346 | 347 | 348 | 349 | 350 | 351 | 352 | 353 | 354 | 355 | 356 | 357 |
| 36 | 358 | 359 | 360 | 361 | 362 | 363 | 364 | 365 | 366 | 367 | 368 | 369 | 370 | 371 | 372 | 373 | 374 | 375 | 376 | 377 | 378 | 379 | 380 | 381 | 382 | 383 | 384 | 385 | 386 | 387 | 388 | 389 |
| 37 | 390 | 391 | 392 | 393 | 394 | 395 | 396 | 397 | 398 | 399 | 400 | 401 | 402 | 403 | 404 | 405 | 406 | 407 | 408 | 409 | 410 | 411 | 412 | 413 | 414 | 415 | 416 | 417 | 418 | 419 | 420 | 421 |
| 38 | 422 | 423 | 424 | 425 | 426 | 427 | 428 | 429 | 430 | 431 | 432 | 433 | 434 | 435 | 436 | 437 | 438 | 439 | 440 | 441 | 442 | 443 | 444 | 445 | 446 | 447 | 448 | 449 | 450 | 451 | 452 | 453 |
| 39 | 454 | 455 | 456 | 457 | 458 | 459 | 460 | 461 | 462 | 463 | 464 | 465 | 466 | 467 | 468 | 469 | 470 | 471 | 472 | 473 | 474 | 475 | 476 | 477 | 478 | 479 | 480 | 481 | 482 | 483 | 484 | 485 |
| 40 | 486 | 487 | 488 | 489 | 490 | 491 | 492 | 493 | 494 | 495 | 496 | 497 | 498 | 499 | 500 | 501 | 502 | 503 | 504 | 505 | 506 | 507 | 508 | 509 | 510 | 511 | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
| 41 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 | 11 | 12 | 13 | 14 | 15 | 16 | 17 | 18 | 19 | 20 | 21 | 22 | 23 | 24 | 25 | 26 | 27 | 28 | 29 | 30 | 31 | 32 | 33 | 34 | 35 | 36 | 37 |
| 42 | 38 | 39 | 40 | 41 | 42 | 43 | 44 | 45 | 46 | 47 | 48 | 49 | 50 | 51 | 52 | 53 | 54 | 55 | 56 | 57 | 58 | 59 | 60 | 61 | 62 | 63 | 64 | 65 | 66 | 67 | 68 | 69 |
| 43 | 201 | 202 | 203 | 204 | 205 | 206 | 207 | 208 | 209 | 210 | 211 | 212 | 213 | 214 | 215 | 216 | 217 | 218 | 219 | 220 | 221 | 222 | 223 | 224 | 225 | 226 | 227 | 228 | 229 | 230 | 231 | 232 |
| 44 | 233 | 234 | 235 | 236 | 237 | 238 | 239 | 240 | 241 | 242 | 243 | 244 | 245 | 246 | 247 | 248 | 249 | 250 | 251 | 252 | 253 | 254 | 255 | 256 | 257 | 258 | 259 | 260 | 261 | 262 | 263 | 264 |
| 45 | 265 | 266 | 267 | 268 | 269 | 270 | 271 | 272 | 273 | 274 | 275 | 276 | 277 | 278 | 279 | 280 | 281 | 282 | 283 | 284 | 285 | 286 | 287 | 288 | 289 | 290 | 291 | 292 | 293 | 294 | 295 | 296 |
| 46 | 297 | 298 | 299 | 300 | 301 | 302 | 303 | 304 | 305 | 306 | 307 | 308 | 309 | 310 | 311 | 312 | 313 | 314 | 315 | 316 | 317 | 318 | 319 | 320 | 321 | 322 | 323 | 324 | 325 | 326 | 327 | 328 |
| 47 | 329 | 330 | 331 | 332 | 333 | 334 | 335 | 336 | 337 | 338 | 339 | 340 | 341 | 342 | 343 | 344 | 345 | 346 | 347 | 34 | | | | | | | | | | | | |

demostrar que no es bipartido conlleva mucho más trabajo. Hay que lograr representar el grafo de alguna forma y la gran cantidad de nodos dificulta esta tarea bastante. Evidentemente no resulta práctico una representación tradicional con nodos y aristas, y tampoco es manejable una matriz de adyacencias como se hizo en el caso del DES. Se ha optado por listar los nodos y a su derecha indicar cuáles son sus relaciones con los demás nodos. No sirve para tener una visión global, pero es muy práctico para poder aplicar el algoritmo descrito anteriormente para descubrir si el grafo es bipartido o no. A continuación se presenta la lista sobre la que se ha trabajado, indicando para cada nodo aquellos nodos con los que se relaciona:

| | | | | | | | | | | | | | |
|----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|
| 0 | 402 | 457 | 323 | 445 | 311 | 433 | 38 | 440 | 361 | 227 | 349 | 215 | |
| 1 | 403 | 458 | 324 | 446 | 312 | 434 | 39 | 441 | 362 | 228 | 350 | 216 | |
| 2 | 404 | 459 | 325 | 447 | 313 | 435 | 40 | 442 | 363 | 229 | 351 | 217 | |
| 3 | 405 | | 326 | 448 | 314 | 436 | 41 | 443 | 364 | 230 | 352 | 218 | |
| 4 | 406 | | 327 | 449 | 315 | 437 | 42 | 444 | 365 | 231 | 353 | 219 | |
| 5 | 407 | | 328 | 450 | 316 | 438 | 43 | 445 | 366 | 232 | 354 | 220 | |
| 6 | 408 | | 329 | 451 | 317 | 439 | 44 | 446 | 367 | 233 | 355 | 221 | |
| 7 | 409 | | 330 | 452 | 318 | 440 | 45 | 447 | 368 | 234 | 356 | 222 | |
| 8 | 410 | | 331 | 453 | 319 | 441 | 46 | 448 | 369 | 235 | 357 | 223 | |
| 9 | 411 | | 332 | 198 | 320 | 442 | 47 | 449 | 370 | 236 | 358 | 224 | |
| 10 | 412 | | 333 | 199 | 321 | 443 | 48 | 450 | 371 | 237 | 359 | 225 | |
| 11 | 413 | | 334 | 200 | 322 | 444 | 49 | 451 | 372 | 238 | 360 | 226 | |
| 12 | 414 | | 335 | 201 | 323 | 445 | 50 | 452 | 373 | 239 | 361 | 227 | |
| 13 | 415 | | 336 | 202 | 324 | 446 | 51 | 453 | 374 | 240 | 362 | 228 | |
| 14 | 416 | | 337 | 203 | 325 | 447 | 52 | 454 | 375 | 241 | 363 | 229 | |
| 15 | 417 | | 338 | 204 | 326 | 192 | 53 | 455 | 376 | 242 | 364 | 230 | |
| 16 | 418 | | 339 | 205 | 327 | 193 | 54 | 456 | 377 | 243 | 365 | 231 | |
| 17 | 419 | | 340 | 206 | 328 | 194 | 55 | 457 | 378 | 244 | 366 | 232 | |
| 18 | 420 | | 341 | 207 | 329 | 195 | 56 | 458 | 379 | 245 | 367 | 233 | |
| 19 | 421 | | 342 | 208 | 330 | 196 | 57 | 459 | 380 | 246 | 368 | 234 | |
| 20 | 422 | | 343 | 209 | 331 | 197 | 58 | 460 | 381 | 247 | 369 | 235 | |
| 21 | 423 | | 344 | 210 | 332 | 198 | 59 | 461 | 382 | 248 | 370 | 236 | |
| 22 | 424 | | 345 | 211 | 333 | 199 | 60 | 462 | 383 | 249 | 371 | 237 | |
| 23 | 425 | | 346 | 212 | 334 | 200 | 61 | 463 | 384 | 250 | 372 | 238 | |
| 24 | 426 | | 347 | 213 | 335 | 201 | 62 | 464 | 385 | 251 | 373 | 239 | |
| 25 | 427 | | 348 | 214 | 336 | 202 | 63 | 465 | 386 | 252 | 374 | 240 | |
| 26 | 428 | | 349 | 215 | 337 | 203 | 64 | 143 | 387 | 253 | 375 | 241 | |
| 27 | 429 | | 350 | 216 | 338 | 204 | 65 | 144 | 388 | 254 | 376 | 242 | |
| 28 | 430 | | 351 | 217 | 339 | 205 | 66 | 145 | 389 | 255 | 377 | 243 | |
| 29 | 431 | | 352 | 218 | 340 | 206 | 67 | 146 | 335 | 390 | 256 | 378 | 244 |
| 30 | 432 | | 353 | 219 | 341 | 207 | 68 | 147 | 336 | 391 | 257 | 379 | 245 |
| 31 | 433 | | 354 | 220 | 342 | 208 | 69 | 148 | 337 | 392 | 258 | 380 | 246 |
| 32 | 434 | | 355 | 221 | 343 | 209 | 70 | 149 | 338 | | 259 | 381 | 247 |
| 33 | 435 | | 356 | 222 | 344 | 210 | 71 | 150 | 339 | | 260 | 382 | 248 |
| 34 | 436 | | 357 | 223 | 345 | 211 | 72 | 151 | 340 | | 261 | 383 | 249 |
| 35 | 437 | | 358 | 224 | 346 | 212 | 73 | 152 | 341 | | 262 | 384 | 250 |
| 36 | 438 | | 359 | 225 | 347 | 213 | 74 | 153 | 342 | | 263 | 385 | 251 |
| 37 | 439 | | 360 | 226 | 348 | 214 | 75 | 154 | 343 | | 264 | 386 | 252 |

| | | | | | | | | | | | | |
|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|
| 76 | 155 | 344 | 265 | 131 | 253 | 133 | 212 | 78 | 322 | 188 | 310 | |
| 77 | 156 | 345 | 266 | 132 | 254 | 134 | 213 | 79 | 268 | 323 | 189 | 311 |
| 78 | 157 | 346 | 267 | 133 | 255 | 135 | 214 | 80 | 269 | 324 | 190 | 312 |
| 79 | 158 | 347 | 268 | 134 | 256 | 136 | 215 | 81 | 270 | 325 | 191 | 313 |
| 80 | 159 | 348 | 269 | 135 | 257 | 137 | 216 | 82 | 271 | | 192 | 314 |
| 81 | 160 | 349 | 270 | 136 | 258 | 138 | 217 | 83 | 272 | | 193 | 315 |
| 82 | 161 | 350 | 271 | 137 | 259 | 139 | 218 | 84 | 273 | | 194 | 316 |
| 83 | 162 | 351 | 272 | 138 | 260 | 140 | 219 | 85 | 274 | | 195 | 317 |
| 84 | 163 | 352 | 273 | 139 | 261 | 141 | 220 | 86 | 275 | | 196 | 318 |
| 85 | 164 | 353 | 274 | 140 | 262 | 142 | 221 | 87 | 276 | | 197 | 319 |
| 86 | 165 | 354 | 275 | 141 | 263 | 143 | 222 | 88 | 277 | | 198 | 64 |
| 87 | 166 | 355 | 276 | 142 | 264 | 144 | 223 | 89 | 278 | | 199 | 65 |
| 88 | 167 | 356 | 277 | 143 | 265 | 145 | 224 | 90 | 279 | | 200 | 66 |
| 89 | 168 | 357 | 278 | 144 | 266 | 146 | 225 | 91 | 280 | | 201 | 67 |
| 90 | 169 | 358 | 279 | 145 | 267 | 147 | 226 | 92 | 281 | | 202 | 68 |
| 91 | 170 | 359 | 280 | 146 | 268 | 148 | 227 | 93 | 282 | | 203 | 69 |
| 92 | 171 | 360 | 281 | 147 | 269 | 149 | 228 | 94 | 283 | | 204 | 70 |
| 93 | 172 | 361 | 282 | 148 | 270 | 150 | 229 | 95 | 284 | | 205 | 71 |
| 94 | 173 | 362 | 283 | 149 | 271 | 151 | 230 | 96 | 285 | | 206 | 72 |
| 95 | 174 | 363 | 284 | 150 | 272 | 152 | 231 | 97 | 286 | | 207 | 73 |
| 96 | 175 | 364 | 285 | 151 | 273 | 153 | 232 | 98 | 287 | | 208 | 74 |
| 97 | 176 | 365 | 286 | 152 | 274 | 154 | 233 | 99 | 288 | | 209 | 75 |
| 98 | 177 | 366 | 287 | 153 | 275 | 155 | 234 | 100 | 289 | | 210 | 76 |
| 99 | 178 | 367 | 288 | 154 | 276 | 156 | 235 | 101 | 290 | | 211 | 77 |
| 100 | 179 | 368 | 289 | 155 | 277 | 157 | 236 | 102 | 291 | | 212 | 78 |
| 101 | 180 | 369 | 290 | 156 | 278 | 158 | 237 | 103 | 292 | | 213 | 79 |
| 102 | 181 | 370 | 291 | 157 | 279 | 159 | 238 | 104 | 293 | | 214 | 80 |
| 103 | 182 | 371 | 292 | 158 | 280 | 160 | 239 | 105 | 294 | | 215 | 81 |
| 104 | 183 | 372 | 293 | 159 | 281 | 161 | 240 | 106 | 295 | | 216 | 82 |
| 105 | 184 | 373 | 294 | 160 | 282 | 162 | 241 | 107 | 296 | | 217 | 83 |
| 106 | 185 | 374 | 295 | 161 | 283 | 163 | 242 | 108 | 297 | | 218 | 84 |
| 107 | 186 | 375 | 296 | 162 | 284 | 164 | 243 | 109 | 298 | | 219 | 85 |
| 108 | 187 | 376 | 297 | 163 | 285 | 165 | 244 | 110 | 299 | | 220 | 86 |
| 109 | 188 | 377 | 298 | 164 | 286 | 166 | 245 | 111 | 300 | | 221 | 87 |
| 110 | 189 | 378 | 299 | 165 | 287 | 167 | 246 | 112 | 301 | | 222 | 88 |
| 111 | 190 | 379 | 300 | 166 | 288 | 168 | 247 | 113 | 302 | | 223 | 89 |
| 112 | 191 | 380 | 301 | 167 | 289 | 169 | 248 | 114 | 303 | | 224 | 90 |
| 113 | 192 | 381 | 302 | 168 | 290 | 170 | 249 | 115 | 304 | | 225 | 91 |
| 114 | 193 | 382 | 303 | 169 | 291 | 171 | 250 | 116 | 305 | | 226 | 92 |
| 115 | 194 | 383 | 304 | 170 | 292 | 172 | 251 | 117 | 306 | | 227 | 93 |
| 116 | 195 | 384 | 305 | 171 | 293 | 173 | 252 | 118 | 307 | | 228 | 94 |
| 117 | 196 | 385 | 306 | 172 | 294 | 174 | 253 | 119 | 308 | | 229 | 95 |
| 118 | 197 | 386 | 307 | 173 | 295 | 175 | 254 | 120 | 309 | | 230 | 96 |
| 119 | 198 | 387 | 308 | 174 | 296 | 176 | 255 | 121 | 310 | | 231 | 97 |
| 120 | 199 | 388 | 309 | 175 | 297 | 177 | 256 | 122 | 311 | | 232 | 98 |
| 121 | 200 | 389 | 310 | 176 | 298 | 178 | 257 | 123 | 312 | | 233 | 99 |
| 122 | 201 | 390 | 311 | 177 | 299 | 179 | 258 | 124 | 313 | | 234 | 100 |
| 123 | 202 | 391 | 312 | 178 | 300 | 180 | 259 | 125 | 314 | | 235 | 101 |
| 124 | 203 | 392 | 313 | 179 | 301 | 181 | 260 | 126 | 315 | | 236 | 102 |
| 125 | 204 | 393 | 314 | 180 | 302 | 182 | 261 | 127 | 316 | | 237 | 103 |
| 126 | 205 | 394 | 315 | 181 | 303 | 183 | 262 | 128 | 317 | | 238 | 104 |
| 127 | 206 | 395 | 316 | 182 | 304 | 184 | 263 | 129 | 318 | | 239 | 105 |
| 128 | 207 | 396 | 317 | 183 | 305 | 185 | 264 | 130 | 319 | | 240 | 106 |
| 129 | 208 | 397 | 318 | 184 | 306 | 186 | 265 | 131 | 320 | | 241 | 107 |
| 130 | 209 | 398 | 319 | 185 | 307 | 187 | 266 | 132 | 321 | | 242 | 108 |
| 131 | 210 | 76 | 320 | 186 | 308 | 188 | 267 | 133 | 322 | | 243 | 109 |
| 132 | 211 | 77 | 321 | 187 | 309 | 189 | 268 | 134 | 323 | | 244 | 110 |

| | | | | | | | | | | | | | | |
|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|----|
| 418 | 497 | 363 | 485 | 351 | 473 | 339 | 16 | 465 | 410 | 276 | 398 | 264 | 386 | 63 |
| 419 | 498 | 364 | 486 | 352 | 474 | 340 | 17 | 466 | 411 | 277 | 399 | 265 | 387 | |
| 420 | 499 | 365 | 487 | 353 | 475 | 341 | 18 | 467 | 412 | 278 | 400 | 266 | 388 | |
| 421 | 500 | 366 | 488 | 354 | 476 | 342 | 19 | 468 | 413 | 279 | 401 | 267 | 389 | |
| 422 | 501 | 367 | 489 | 355 | 477 | 343 | 20 | 469 | 414 | 280 | 402 | 268 | 390 | |
| 423 | 502 | 368 | 490 | 356 | 478 | 344 | 21 | 470 | 415 | 281 | 403 | 269 | 391 | |
| 424 | 503 | 369 | 491 | 357 | 479 | 345 | 22 | 471 | 416 | 282 | 404 | 270 | 392 | |
| 425 | 504 | 370 | 492 | 358 | 480 | 346 | 23 | 472 | 417 | 283 | 405 | 271 | 393 | |
| 426 | 505 | 371 | 493 | 359 | 481 | 347 | 24 | 473 | 418 | 284 | 406 | 272 | 394 | |
| 427 | 506 | 372 | 494 | 360 | 482 | 348 | 25 | 474 | 419 | 285 | 407 | 273 | 395 | |
| 428 | 507 | 373 | 495 | 361 | 483 | 349 | 26 | 475 | 420 | 286 | 408 | 274 | 396 | |
| 429 | 508 | 374 | 496 | 362 | 484 | 350 | 27 | 476 | 421 | 287 | 409 | 275 | 397 | |
| 430 | 509 | 375 | 497 | 363 | 485 | 351 | 28 | 477 | 422 | 288 | 410 | 276 | 398 | |
| 431 | 510 | 376 | 498 | 364 | 486 | 352 | 29 | 478 | 423 | 289 | 411 | 277 | 399 | |
| 432 | 511 | 377 | 499 | 365 | 487 | 353 | 30 | 479 | 424 | 290 | 412 | 278 | 400 | |
| 433 | 0 | 378 | 500 | 366 | 488 | 354 | 31 | 480 | 425 | 291 | 413 | 279 | 401 | |
| 434 | 1 | 379 | 501 | 367 | 489 | 355 | 32 | 481 | 426 | 292 | 414 | 280 | 402 | |
| 435 | 2 | 380 | 502 | 368 | 490 | 356 | 33 | 482 | 427 | 293 | 415 | 281 | 403 | |
| 436 | 3 | 381 | 503 | 369 | 491 | 357 | 34 | 483 | 428 | 294 | 416 | 282 | 404 | |
| 437 | 4 | 382 | 504 | 370 | 492 | 358 | 35 | 484 | 429 | 295 | 417 | 283 | 405 | |
| 438 | 5 | 383 | 505 | 371 | 493 | 359 | 36 | 485 | 430 | 296 | 418 | 284 | 406 | |
| 439 | 6 | 384 | 506 | 372 | 494 | 360 | 37 | 486 | 431 | 297 | 419 | 285 | 407 | |
| 440 | 7 | 385 | 507 | 373 | 495 | 361 | 38 | 487 | 432 | 298 | 420 | 286 | 408 | |
| 441 | 8 | 386 | 508 | 374 | 496 | 362 | 39 | 488 | 433 | 299 | 421 | 287 | 409 | |
| 442 | 9 | 387 | 509 | 375 | 497 | 363 | 40 | 489 | 434 | 300 | 422 | 288 | 410 | |
| 443 | 10 | 388 | 510 | 376 | 498 | 364 | 41 | 490 | 435 | 301 | 423 | 289 | 411 | |
| 444 | 11 | 389 | 511 | 377 | 499 | 365 | 42 | 491 | 436 | 302 | 424 | 290 | 412 | |
| 445 | 12 | 390 | 0 | 378 | 500 | 366 | 43 | 492 | 437 | 303 | 425 | 291 | 413 | |
| 446 | 13 | 391 | 1 | 379 | 501 | 367 | 44 | 493 | 438 | 304 | 426 | 292 | 414 | |
| 447 | 14 | 392 | 2 | 380 | 502 | 368 | 45 | 494 | 439 | 305 | 427 | 293 | 415 | |
| 448 | | 393 | 3 | 381 | 503 | 369 | 46 | 495 | 440 | 306 | 428 | 294 | 416 | |
| 449 | | 394 | 4 | 382 | 504 | 370 | 47 | 496 | 441 | 307 | 429 | 295 | 417 | |
| 450 | | 395 | 5 | 383 | 505 | 371 | 48 | 497 | 442 | 308 | 430 | 296 | 418 | |
| 451 | | 396 | 6 | 384 | 506 | 372 | 49 | 498 | 443 | 309 | 431 | 297 | 419 | |
| 452 | | 397 | 7 | 385 | 507 | 373 | 50 | 499 | 444 | 310 | 432 | 298 | 420 | |
| 453 | | 398 | 8 | 386 | 508 | 374 | 51 | 500 | 445 | 311 | 433 | 299 | 421 | |
| 454 | | 399 | 265 | 387 | 509 | 375 | 52 | 501 | 446 | 312 | 434 | 300 | 422 | |
| 455 | | 400 | 266 | 388 | 510 | 376 | 53 | 502 | 447 | 313 | 435 | 301 | 423 | |
| 456 | | 401 | 267 | 389 | 511 | 377 | 54 | 503 | 448 | 314 | 436 | 302 | 424 | |
| 457 | | 402 | 268 | 390 | 0 | 378 | 55 | 504 | 449 | 315 | 437 | 303 | 425 | |
| 458 | | 403 | 269 | 391 | 1 | 379 | 56 | 505 | 450 | 316 | 438 | 304 | 426 | |
| 459 | | 404 | 270 | 392 | 2 | 380 | 57 | 506 | 451 | 317 | 439 | 305 | 427 | |
| 460 | | 405 | 271 | 393 | 259 | 381 | 58 | 507 | 452 | 318 | 440 | 306 | 428 | |
| 461 | | 406 | 272 | 394 | 260 | 382 | 59 | 508 | 453 | 319 | 441 | 307 | 429 | |
| 462 | | 407 | 273 | 395 | 261 | 383 | 60 | 509 | 454 | 320 | 442 | 308 | 430 | |
| 463 | | 408 | 274 | 396 | 262 | 384 | 61 | 510 | 455 | 321 | 443 | 309 | 431 | |
| 464 | | 409 | 275 | 397 | 263 | 385 | 62 | 511 | 456 | 322 | 444 | 310 | 432 | |

Fig: 6.4 Relaciones entre bits que se forman en el grafo

Esta lista de adyacencias se ha obtenido del siguiente modo: cada columna indica las relaciones que crea cada una de las rotaciones que se practican en la clave, por ejemplo: la primera columna de relaciones (con fondo blanco) indica las relaciones entre los bits de las primeras 14

subclaves y sus inversas, según la estructura. Las casillas en blanco son los bits que no se han utilizado en esas 14 primeras subclaves.

A partir de estos datos es fácil aplicar el algoritmo descrito, sin embargo lo modificaremos para hacerlo más intuitivo: vamos a crear una tabla con dos partes iguales, en cada una de ellas insertamos todos los bits. Empezamos por uno al azar, en este caso será el 0, y lo asignamos a la izquierda sombreándolo, y todos los nodos de su lista de relaciones irán relacionados a al otro lado. Cada nodo es apuntado en una lista, cuando acabemos con el 0, iremos al siguiente nodo de esa lista:

```

0 64 128 192 256 320 384 448
1 65 129 193 257 321 385 449
2 66 130 194 258 322 386 450
3 67 131 195 259 323 387 451
4 68 132 196 260 324 388 452
5 69 133 197 261 325 389 453
6 70 134 198 262 326 390 454
7 71 135 199 263 327 391 455
8 72 136 200 264 328 392 456
9 73 137 201 265 329 393 457
10 74 138 202 266 330 394 458
11 75 139 203 267 331 395 459
12 76 140 204 268 332 396 460
13 77 141 205 269 333 397 461
14 78 142 206 270 334 398 462
15 79 143 207 271 335 399 463
16 80 144 208 272 336 400 464
17 81 145 209 273 337 401 465
18 82 146 210 274 338 402 466
19 83 147 211 275 339 403 467
20 84 148 212 276 340 404 468
21 85 149 213 277 341 405 469
22 86 150 214 278 342 406 470
23 87 151 215 279 343 407 471
24 88 152 216 280 344 408 472
25 89 153 217 281 345 409 473
26 90 154 218 282 346 410 474
27 91 155 219 283 347 411 475
28 92 156 220 284 348 412 476
29 93 157 221 285 349 413 477
30 94 158 222 286 350 414 478
31 95 159 223 287 351 415 479
32 96 160 224 288 352 416 480
33 97 161 225 289 353 417 481
34 98 162 226 290 354 418 482
35 99 163 227 291 355 419 483
36 100 164 228 292 356 420 484
37 101 165 229 293 357 421 485
38 102 166 230 294 358 422 486
39 103 167 231 295 359 423 487
40 104 168 232 296 360 424 488
41 105 169 233 297 361 425 489
42 106 170 234 298 362 426 490
43 107 171 235 299 363 427 491
44 108 172 236 300 364 428 492
45 109 173 237 301 365 429 493
46 110 174 238 302 366 430 494
47 111 175 239 303 367 431 495
48 112 176 240 304 368 432 496
49 113 177 241 305 369 433 497
50 114 178 242 306 370 434 498
51 115 179 243 307 371 435 499
52 116 180 244 308 372 436 500
53 117 181 245 309 373 437 501
54 118 182 246 310 374 438 502
55 119 183 247 311 375 439 503
56 120 184 248 312 376 440 504
57 121 185 249 313 377 441 505
58 122 186 250 314 378 442 506
59 123 187 251 315 379 443 507
60 124 188 252 316 380 444 508
61 125 189 253 317 381 445 509
62 126 190 254 318 382 446 510
63 127 191 255 319 383 447 511

```

```

0 64 128 192 256 320 384 448
1 65 129 193 257 321 385 449
2 66 130 194 258 322 386 450
3 67 131 195 259 323 387 451
4 68 132 196 260 324 388 452
5 69 133 197 261 325 389 453
6 70 134 198 262 326 390 454
7 71 135 199 263 327 391 455
8 72 136 200 264 328 392 456
9 73 137 201 265 329 393 457
10 74 138 202 266 330 394 458
11 75 139 203 267 331 395 459
12 76 140 204 268 332 396 460
13 77 141 205 269 333 397 461
14 78 142 206 270 334 398 462
15 79 143 207 271 335 399 463
16 80 144 208 272 336 400 464
17 81 145 209 273 337 401 465
18 82 146 210 274 338 402 466
19 83 147 211 275 339 403 467
20 84 148 212 276 340 404 468
21 85 149 213 277 341 405 469
22 86 150 214 278 342 406 470
23 87 151 215 279 343 407 471
24 88 152 216 280 344 408 472
25 89 153 217 281 345 409 473
26 90 154 218 282 346 410 474
27 91 155 219 283 347 411 475
28 92 156 220 284 348 412 476
29 93 157 221 285 349 413 477
30 94 158 222 286 350 414 478
31 95 159 223 287 351 415 479
32 96 160 224 288 352 416 480
33 97 161 225 289 353 417 481
34 98 162 226 290 354 418 482
35 99 163 227 291 355 419 483
36 100 164 228 292 356 420 484
37 101 165 229 293 357 421 485
38 102 166 230 294 358 422 486
39 103 167 231 295 359 423 487
40 104 168 232 296 360 424 488
41 105 169 233 297 361 425 489
42 106 170 234 298 362 426 490
43 107 171 235 299 363 427 491
44 108 172 236 300 364 428 492
45 109 173 237 301 365 429 493
46 110 174 238 302 366 430 494
47 111 175 239 303 367 431 495
48 112 176 240 304 368 432 496
49 113 177 241 305 369 433 497
50 114 178 242 306 370 434 498
51 115 179 243 307 371 435 499
52 116 180 244 308 372 436 500
53 117 181 245 309 373 437 501
54 118 182 246 310 374 438 502
55 119 183 247 311 375 439 503
56 120 184 248 312 376 440 504
57 121 185 249 313 377 441 505
58 122 186 250 314 378 442 506
59 123 187 251 315 379 443 507
60 124 188 252 316 380 444 508
61 125 189 253 317 381 445 509
62 126 190 254 318 382 446 510
63 127 191 255 319 383 447 511

```

En esta tabla se ve que hemos procesado el nodo 0, habiendo obtenido las relaciones con 402, 457, 323, 445, 311 y 433. Ahora sería necesario procesar el elemento 402 cuyas relaciones (que irían marcadas a la izq.) serían: 481, 347, 469, 335, 457, 323 y 0.

Es importante observar que el 457 y el 323, que ya están marcados en la parte derecha, habría que volver a marcarlos en la parte izquierda: y cuando se marca al menos un nodo en las dos partes, según el algoritmo, se puede afirmar que el grafo no es bipartido.

Fig: 6.5 Algoritmo para detectar si el grafo es bipartido

7.3 Filtros

Para evitar que ciertas claves puedan producir codificaciones débiles, como una clave en la que casi todos sus bits son 0, se utilizarán filtros de forma simétrica, con el fin de que no sea necesario cambiar el orden de los filtros al decodificar.

7.4 Detalle de la distribución de claves

| | | | |
|-----------------------------------|-----------------------------------|-----------------------------------|-----------------------------------|
| K ₁ | K ₂ | K ₈₅ | K ₈₆ |
| K ₃ , K ₄ | K ₅ , K ₆ | K ₈₁ , K ₈₂ | K ₈₃ , K ₈₄ |
| K ₇ , K ₈ | K ₉ , K ₁₀ | K ₇₇ , K ₇₈ | K ₇₉ , K ₈₀ |
| K ₁₁ , K ₁₂ | K ₁₃ , K ₁₄ | K ₇₃ , K ₇₄ | K ₇₅ , K ₇₆ |
| K ₁₅ | K ₁₆ | K ₇₁ | K ₇₂ |
| K ₁₇ , K ₁₈ | K ₁₉ , K ₂₀ | K ₆₇ , K ₆₈ | K ₆₉ , K ₇₀ |
| K ₂₁ , K ₂₂ | K ₂₃ , K ₂₄ | K ₆₃ , K ₆₄ | K ₆₅ , K ₆₆ |
| K ₂₅ , K ₂₆ | K ₂₇ , K ₂₈ | K ₅₉ , K ₆₀ | K ₆₁ , K ₆₂ |
| K ₂₉ | K ₃₀ | K ₅₇ | K ₅₈ |
| K ₃₁ , K ₃₂ | K ₃₃ , K ₃₄ | K ₅₃ , K ₅₄ | K ₅₅ , K ₅₆ |
| K ₃₅ , K ₃₆ | K ₃₇ , K ₃₈ | K ₄₉ , K ₅₀ | K ₅₁ , K ₅₂ |
| K ₃₉ , K ₄₀ | K ₄₁ , K ₄₂ | K ₄₅ , K ₄₆ | K ₄₇ , K ₄₈ |
| K ₄₃ | K ₄₄ | K ₄₃ | K ₄₄ |
| K ₄₅ , K ₄₆ | K ₄₇ , K ₄₈ | K ₃₉ , K ₄₀ | K ₄₁ , K ₄₂ |
| K ₄₉ , K ₅₀ | K ₅₁ , K ₅₂ | K ₃₅ , K ₃₆ | K ₃₇ , K ₃₈ |
| K ₅₃ , K ₅₄ | K ₅₅ , K ₅₆ | K ₃₁ , K ₃₂ | K ₃₃ , K ₃₄ |
| K ₅₇ | K ₅₈ | K ₂₉ | K ₃₀ |
| K ₅₉ , K ₆₀ | K ₆₁ , K ₆₂ | K ₂₅ , K ₂₆ | K ₂₇ , K ₂₈ |
| K ₆₃ , K ₆₄ | K ₆₅ , K ₆₆ | K ₂₁ , K ₂₂ | K ₂₃ , K ₂₄ |
| K ₆₇ , K ₆₈ | K ₆₉ , K ₇₀ | K ₁₇ , K ₁₈ | K ₁₉ , K ₂₀ |
| K ₇₁ | K ₇₂ | K ₁₅ | K ₁₆ |
| K ₇₃ , K ₇₄ | K ₇₅ , K ₇₆ | K ₁₁ , K ₁₂ | K ₁₃ , K ₁₄ |
| K ₇₇ , K ₇₈ | K ₇₉ , K ₈₀ | K ₇ , K ₈ | K ₉ , K ₁₀ |
| K ₈₁ , K ₈₂ | K ₈₃ , K ₈₄ | K ₃ , K ₄ | K ₅ , K ₆ |
| K ₈₅ | K ₈₆ | K ₁ | K ₂ |

Cifrado

Descifrado

Fig: 6.6 Detalles de las subclaves al encriptar y desencriptar

Este es el orden con el que deben utilizarse las claves para poder cifrar y descifrar con el mismo algoritmo. Los bloques pequeños representan a los bloques “B” y los grandes a los “A”.

7.5 Detalle de los filtros

| | |
|----------|----------|
| C56359C6 | C56359C6 |
| A9569C63 | A9569C63 |
| 6A95A53C | 6A95A53C |
| 5A6C3559 | 5A6C3559 |
| 6A95A53C | 6A95A53C |
| A9569C63 | A9569C63 |
| C56359C6 | C56359C6 |

Estos son los filtros concretos que serán aplicados a cada una de las subclaves que se obtengan. Su misión es la que ya ha sido comentada, evitar codificaciones débiles, y se utiliza la operación XOR para aplicarlos, una subclave K_n pasa a ser $K_n = K_n \mathbf{xor} F_n$.

Todos ellos tienen la particularidad de que en una subclave en la que todos los bits sean iguales, se obtendrán subclaves con un 50% de ceros y un 50% de unos. Es posible que una clave sea capaz de saltarse el filtro en una de las rondas, y dar para esa ronda unas subclaves malas, sin embargo no podrá hacerlo con todos los filtros, y es ahí donde reside la fortaleza de esta forma tan particular de tratar a las subclaves.

Fig: 6.7 Detalles de los filtros

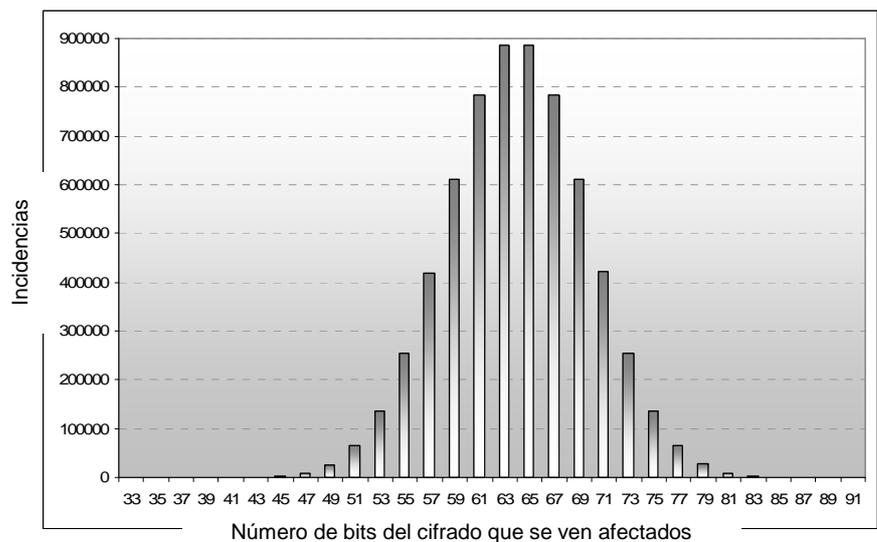
7.6 Análisis realizados

Primer análisis: el primer análisis realizado es el siguiente: se cifra un texto con una clave, y posteriormente se cifra el mismo texto cambiando uno sólo de los bits y con la misma clave. El resultado del cifrado del texto modificado se compara con el resultado cifrado del texto original, contando el número de bits diferentes entre ambos. El resultado ideal es que con variar un solo bit de la entrada cambien el 50% de la salida. El test se realiza para cada uno de los bits del mismo texto.

Se ha aplicado la prueba mencionada utilizando 50.000 textos al azar de 128 bits de longitud, y 50.000 claves al azar, una para cada texto. A cada uno de los textos se le han aplicado 128 comparaciones, con un total de 6.400.000 comparaciones diferentes.

Fig. 6.9 Representación gráfica de las diferencias

| Nº de diferencias | Nº de casos |
|-------------------|-------------|
| 33 | 1 |
| 35 | 1 |
| 37 | 7 |
| 39 | 40 |
| 41 | 201 |
| 43 | 866 |
| 45 | 3082 |
| 47 | 9779 |
| 49 | 26646 |
| 51 | 64543 |
| 53 | 136868 |
| 55 | 255914 |
| 57 | 420234 |
| 59 | 611020 |
| 61 | 782772 |
| 63 | 887223 |
| 65 | 886812 |
| 67 | 782840 |
| 69 | 611440 |
| 71 | 421873 |
| 73 | 255643 |
| 75 | 136839 |
| 77 | 64495 |
| 79 | 26905 |
| 81 | 9715 |
| 83 | 3151 |
| 85 | 831 |
| 87 | 211 |
| 89 | 41 |
| 91 | 7 |



Se ha comprobado experimentalmente que el número de diferencias variando uno solo de los bits de la entrada sigue una distribución normal.

La media poblacional ha sido de 64,0025975 diferencias, la varianza de 32,0028233 y la desviación típica de 5,65710379. Puede considerarse que la media es de 64 y la varianza 32, unos valores óptimos.

Fig. 6.8 Tabla con las veces que se ha dado ese número de diferencias

Resultados de distintas ejecuciones de la misma prueba:

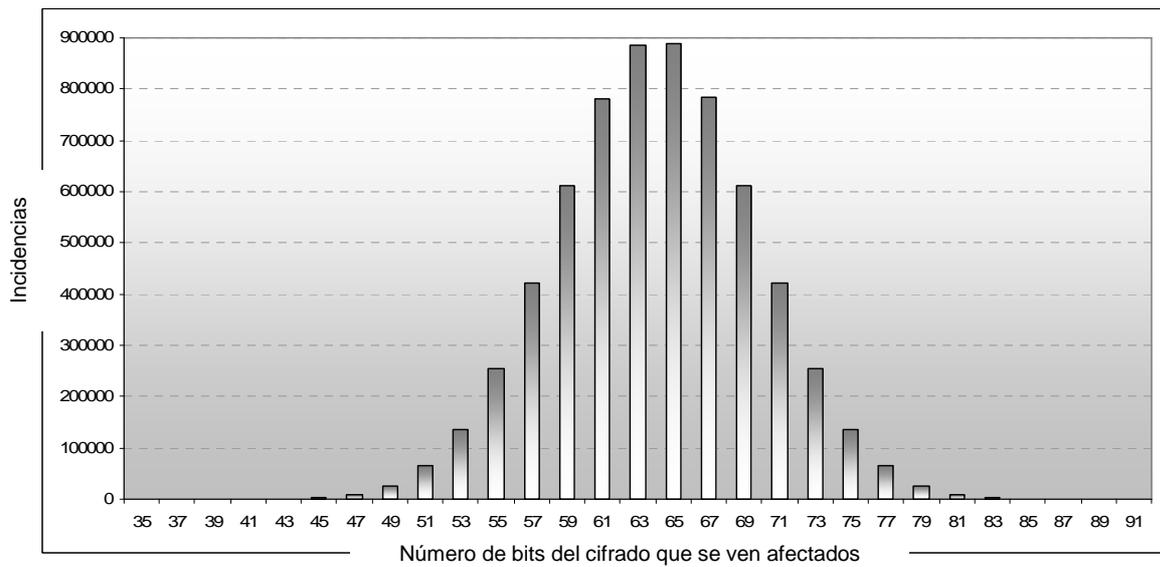


Fig: 6.10

Media 64,0012388, varianza 31,980722

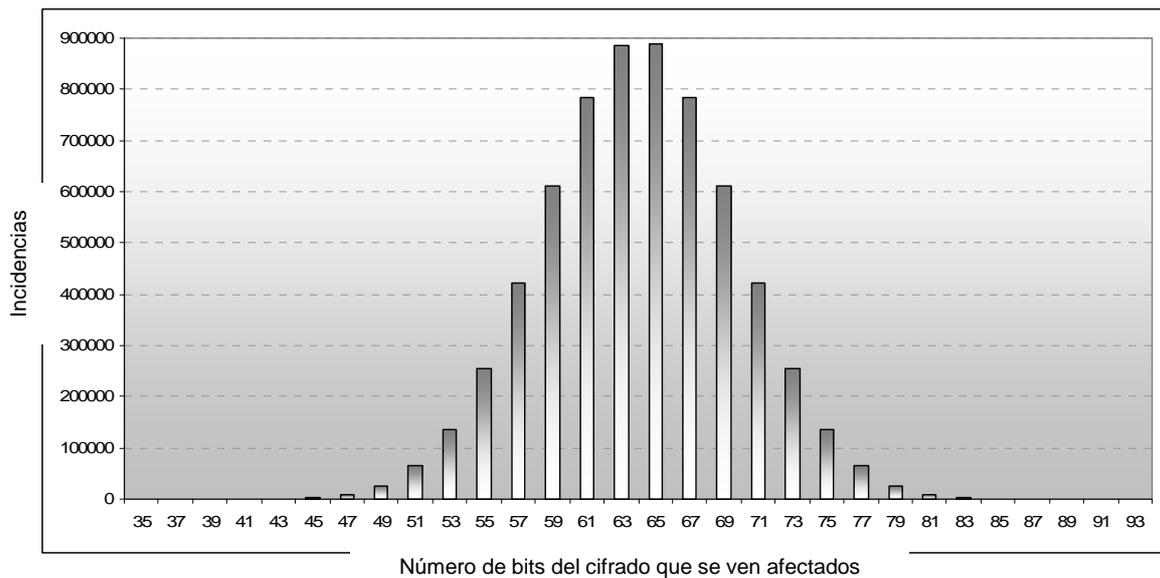


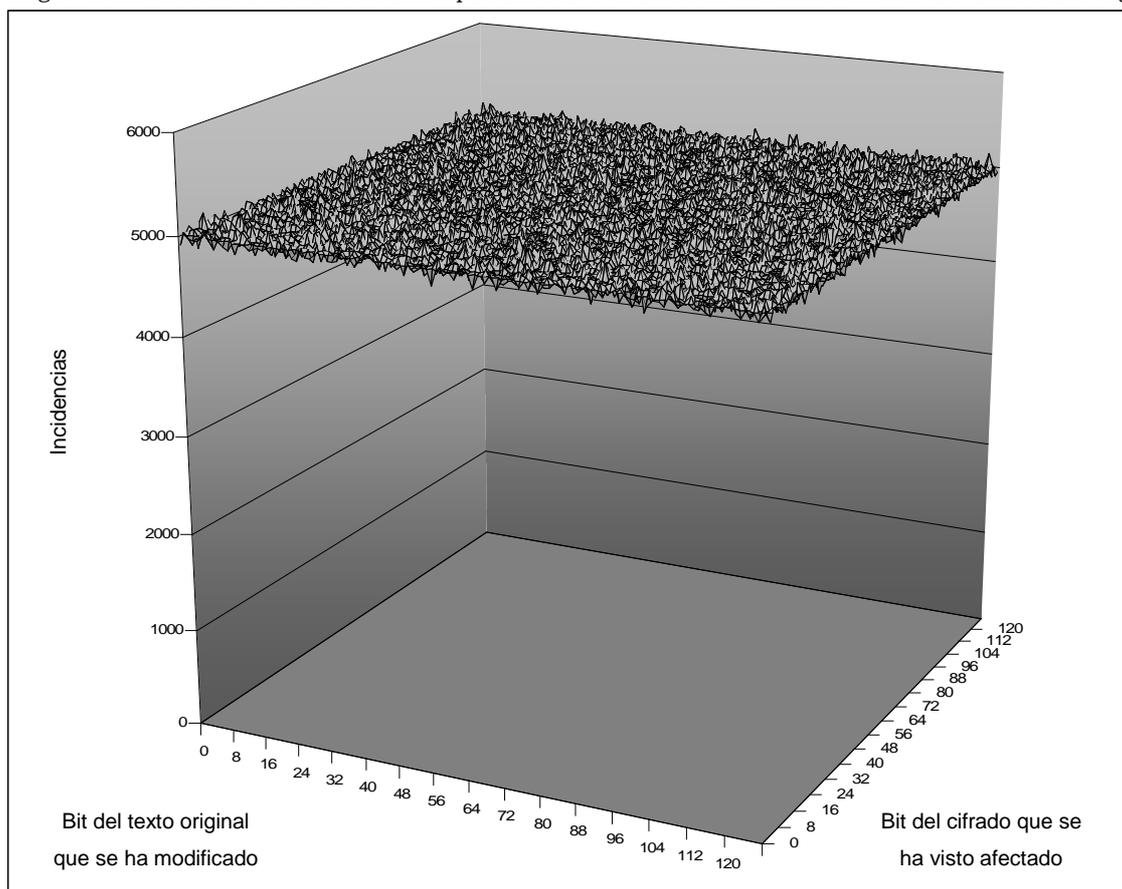
Fig: 6.11

Media 64,0025744, varianza 31,9702458

Segundo análisis: La segunda prueba trata de comprobar que el análisis diferencial no supone una amenaza seria. Esta prueba consiste en modificar el mismo bit en multitud de textos diferentes con claves de cifrado diferentes y ver si afecta más a unos bits de la salida que a otros. La solución óptima es que afecte a cada uno alrededor de un 50%, obteniendo una distribución plana.

El test se ha realizado modificando uno de los bits en 10.000 textos diferentes con 10.000 claves diferentes, y esto para todos los bits, analizando qué bits resultan afectados. Resultando un total de 1.280.000 comparaciones. Los resultados, como podemos ver, son excepcionales y el algoritmo no resulta débil frente a un ataque por criptoanálisis diferencial.

Fig: 6.12 Análisis de la frecuencia con la que un bit del cifrado es modificado al modificar cada bit del origen

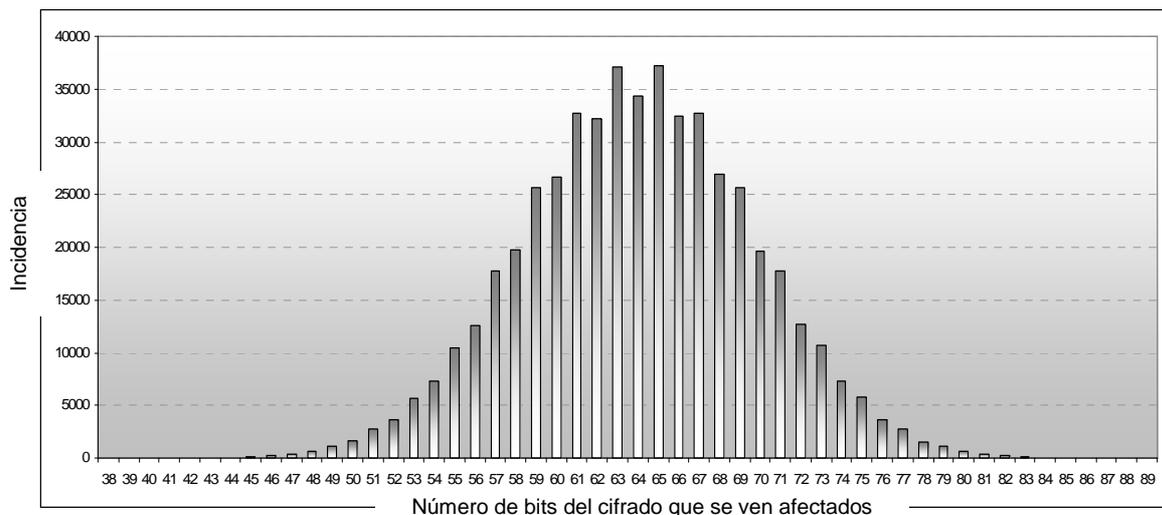


El eje X indica el bit modificado antes de cifrar, el eje Y indica los bits a los que ha afectado esa modificación después de cifrar, el eje Z indica cuantas veces ha sido modificado el bit Y al modificar el bit X.

La media obtenida es de 4999,72351, la desviación típica es de 49,8778363.

Tercer análisis: al igual que con los análisis basados en modificaciones del texto, se pueden hacer análisis basados en modificaciones de la clave. Este tercer análisis ha consistido en codificar un texto con una clave y después codificarlo con una clave idéntica en todos los bits salvo uno. Se han medido las diferencias producidas en los bits del resultado. Para efectuar este análisis se han escogido al azar 1000 textos y 1000 claves, para cada clave se han comprobado las diferencias que se producían entre el cifrado que producen y el cifrado que se produce alterando cada uno de sus bits, en total 5.120.000 comparaciones. Si se produjese el mismo caso que en análisis similar en el texto plano, en el que solamente se producían diferencias impares, nos encontraríamos frente a un problema de seguridad: conocidos un texto plano y su cifrado podríamos averiguar si el número de bits “1” es par o impar en la clave. Los resultados han sido los siguientes:

Fig: 6.13 Análisis del número de diferencias producidas al modificar un bit de la clave

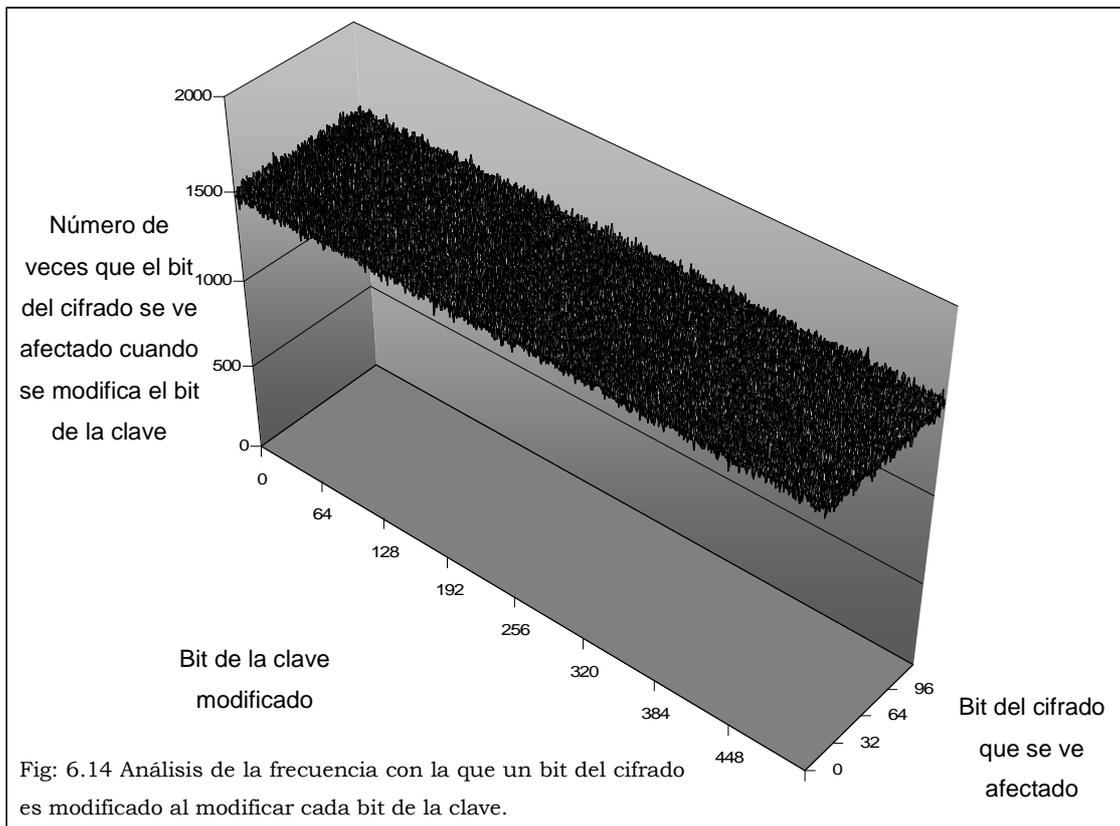


Esta vez no se distribuye como una normal pero se acerca. Las diferencias impares tienden a ser más frecuentes que las pares, de hecho un 47'66% son pares y un 52'34% son impares. Sin embargo la distribución tiende a una media de 64 y una varianza de 32, en concreto 64,0155469 diferencias como promedio y 31,987563 de varianza, los valores son similares a los obtenidos en el otro análisis. De este resultado se concluye que aunque las diferencias impares sean ligeramente más frecuentes que las pares, según los datos esto no constituye una vulnerabilidad.

Cuarto análisis: este análisis es complementario al anterior y determina si realmente existe relación entre bits de la clave y bits codificados. La idea es determinar si un bit de una posición dada afecta más a unos bits del resultado que a otros.

Para ello se ha procedido del siguiente modo: se elige un texto y una clave, y se cifra. Después ciframos ese texto con una clave en la que varíe el bit de una determinada posición y comparamos con el primer cifrado. Según el análisis anterior se producen alrededor de la mitad de variaciones, pero ahora se trata de analizar el impacto sobre cada bit del cifrado.

El resultado ha sido el siguiente:



Como se ve, el variar cualquier bit de la clave afecta con una probabilidad de un 50% a todos los bits del texto cifrado, el promedio de cambios ha sido de 1500,04114 de los 3000 producidos para cada bit de la clave, la desviación típica ha sido de 27,3628357 cambios. Con estos datos podemos afirmar que no existen relaciones estadísticas entre los bits de la clave y los bits que resultan afectados.

7.7 Codificación, esquema de relleno

El algoritmo trabaja con bloques de 128 bits (16 bytes) y todos los datos que se deseen codificar deben ser múltiplos de esta cantidad. Existen ciertas aplicaciones que no permiten tratar con un tamaño tan estricto en los datos, un ejemplo muy típico son los archivos. Un archivo puede tener cualquier longitud en bytes, para poder utilizar el criptosistema propuesto hay que lograr que su longitud sea múltiplo de 16 de forma que sea posible recuperar siempre el contenido original del mismo. Es lo que se conoce como esquema de relleno.

Para ello se utiliza una técnica de expansión: un archivo será expandido hasta rellenar lo que le falte para tener una longitud múltiplo de 16, salvo casos excepcionales. Se ha elegido la siguiente técnica por varios motivos:

- Decodificación efectiva: todos los datos codificados recuperarán su longitud original después del decodificado.
- Bajo impacto: permite aplicarla solamente al último de los bloques, permitiendo optimizaciones para varias aplicaciones.
- Extensión mínima: los datos han de experimentar la menor extensión posible, garantizando siempre la seguridad.
- Ausencia de debilidades en concepto de seguridad: se debe evitar que un atacante pueda conocer información útil de un bloque para poder llevar a cabo un ataque.

Se han evaluado varias posibilidades y se ha decidido actuar de la siguiente forma:

- El origen ha de ser extendido hasta una cantidad múltiplo de 16 bytes.
- Si no se alcanza esta cantidad se rellena con el byte 0xff, excepto cuando el último byte de la información sea 0xff, en cuyo caso se rellena con el byte 0x00.

- Si el origen tuviese ya una longitud múltiplo de 16 bytes, si no acaba en 0x00, 0x01, o 0xff no se le añadirá nada. Si acaba en uno de estos bytes se añadirá un bloque de información aleatoria que contendrá el byte 0x01 al final de forma obligatoria y representa la marca de que todo el bloque es un añadido.

La decodificación se realizará de la siguiente manera:

- Si el último byte es 0x01 se desechan los últimos 16 bytes.
- Si el último byte es 0xff se desechan los bytes por el final que sean 0xff hasta encontrar el primero que no lo sea.
- Si el último byte es 0x00 se desechan los bytes por el final que sean 0x00 hasta encontrar el primero que no lo sea.

De esta forma se persiguen varios objetivos entre los que destaca la sencillez y la localidad de la modificación, además del aumento mínimo del tamaño que será de 16 bytes como máximo en casos muy particulares.

La inclusión del byte 0x01 como byte de control se justifica por lo siguiente: con dos caracteres de control ya se podría codificar de una forma muy sencilla, sin embargo si ciertos datos tuviesen una longitud múltiplo de 16 y acabasen con uno de esos caracteres de control, se rellenaría un nuevo bloque con repeticiones del otro. Esto puede ser un problema de seguridad pues tener conocimiento de que un mensaje ha sido aumentado en 16 bytes, y obtener el cifrado, puede poner en marcha un ataque por fuerza bruta para localizar la clave. La codificación mostrada asegura que nunca podremos conocer el 100% del contenido del último bloque, asegurando su resistencia frente un ataque utilizando fuerza bruta.

8 Implementación del algoritmo (NICS)

Para la implementación del algoritmo se ha utilizado el lenguaje JAVA 1.5 por varios motivos:

- Es un lenguaje sencillo y muy flexible.
- Es multiplataforma: este algoritmo puede funcionar en cualquier dispositivo para el que exista una máquina virtual (MV) de Java.

Sin embargo el adoptar esta solución conlleva una desventaja a tener en cuenta. Los programas en JAVA no pueden igualar en velocidad a otros lenguajes como C.

Sopesando ventajas y desventajas, y considerando que el objetivo principal es conseguir un prototipo funcional para el mayor número posible de plataformas, el lenguaje seleccionado se vuelve ideal. En caso de necesitar una solución más rápida y optimizada se puede llevar a cabo la programación a un nivel mucho más bajo, incluso ensamblador para la rutina principal.

A pesar de la inherente lentitud del lenguaje utilizado, se ha hecho especial esfuerzo en la velocidad, para no sacrificarla aún más, y obtener de ese modo un sistema al que realmente se le pueda dar uso.

Se ha procedido a programar una librería con el criptosistema, para poder utilizarla de forma general, y posteriormente un programa de ejemplo que la utilice. La funcionalidad del mismo es la de cifrar y descifrar archivos.

8.1 Optimizaciones aplicadas

La librería consta de dos clases fundamentales: una representa al criptosistema propiamente dicho y otra a la clave. Cuando se crea un objeto *Key* las subclaves son calculadas una sola vez y almacenadas en memoria para todos los usos futuros. Debido a la especial estructura del algoritmo, emplear la clave para cifrar o descifrar no supone más

que un reordenamiento de las subclaves ya calculadas, con un impacto mínimo en la velocidad. Un objeto NICS (cifrador propiamente dicho) es capaz de realizar dos tipos de cifrado:

- Cifrado de un fragmento de información (array de bytes) cuya longitud sea múltiplo de 16 bytes. Se encuentra altamente optimizado: se utilizan 5 variables de tipo entero para realizar los cálculos (expresados como operaciones a nivel de bit) y se trabaja sobre el propio array de entrada, para evitar el consumo de tiempo y recursos que supone la copia de los datos.
- Cifrado de un fragmento de información (array de bytes) cuya longitud puede ser cualquiera. En este caso se aplica el esquema de relleno mencionado en la descripción del algoritmo. Es un método mucho más flexible pero que conlleva la copia de los datos a un nuevo array, con el consiguiente gasto de recursos.

Sin embargo ambos métodos son compatibles, el primero proporciona velocidad y el segundo flexibilidad, y se pueden combinar para obtener lo mejor de ambos. El procedimiento es el siguiente:

- Dividir los datos iniciales en dos fragmentos: uno cuya longitud sea la máxima posible siendo múltiplo de 16 bits, otro con el resto, el segundo fragmento debe tener al menos 16 bits (si es posible, a pesar de que la longitud del primero resulte de 0 bits).
- El primer fragmento se procesa con el método rápido y el último con el flexible para el cifrado, si la cantidad de información es muy grande, el primer fragmento puede dividirse en otros más pequeños.

El hecho de reservar 16 bytes al menos para el segundo fragmento se hace para que al descifrar puedan descartarse esos 16 bytes cuando se emplea la máxima expansión en el esquema de relleno. La combinación de ambos métodos puede aumentar espectacularmente la velocidad.

En un principio se planteó la posibilidad de utilizar archivos mapeados en memoria para agilizar las operaciones de entrada y salida, pero después de comprobar el rendimiento obtenido se ha optado por el procedimiento estándar para la entrada y salida.

8.2 Código

No se va a incluir todo el código de la aplicación pues no es el cometido del trabajo. Únicamente se va a mostrar el corazón del algoritmo, las líneas más importantes de todas y las que llevan a cabo realmente la codificación y decodificación de los datos. Es una función que recibe un array de 4 registros de 32 bits y los modifica adecuadamente según se ha visto, el posible bucle se ha deshecho para aumentar la velocidad, además se expresa todo con operaciones a nivel de bit para, si fuese necesario, sirviese de guía en una posible implementación el lenguaje ensamblador. Las subclaves se suponen que ya están listas para su utilización en un array, y solamente se hace uso de un registro auxiliar. El código es el siguiente:

Fig. 7.1 Código fuente del núcleo del algoritmo, programado en JAVA

```
private void procesarRegistro(int[] registro){
    int x;
    /////// BLOQUE B-1 ///////
    x = (registro[0] ^ registro[1]) | key.subclave[0];
    registro[0] ^= x;
    registro[1] ^= x;
    x = (registro[2] ^ registro[3]) | key.subclave[1];
    registro[2] ^= x;
    registro[3] ^= x;
    /////// BLOQUE A-1 ///////
    x = registro[1] ^ key.subclave[2];
    registro[0] ^= ((x << (x & 0x1F)) | (x >>> 32-(x & 0x1F))) ^ key.subclave[3];
    x = registro[2] ^ key.subclave[4];
    registro[3] ^= ((x << (x & 0x1F)) | (x >>> 32-(x & 0x1F))) ^ key.subclave[5];
    x = registro[0] ^ key.subclave[6];
    registro[2] ^= ((x << (x & 0x1F)) | (x >>> 32-(x & 0x1F))) ^ key.subclave[7];
    x = registro[3] ^ key.subclave[8];
    registro[1] ^= ((x << (x & 0x1F)) | (x >>> 32-(x & 0x1F))) ^ key.subclave[9];
    x = registro[1] ^ key.subclave[10];
    registro[0] ^= ((x << (x & 0x1F)) | (x >>> 32-(x & 0x1F))) ^ key.subclave[11];
    x = registro[2] ^ key.subclave[12];
    registro[3] ^= ((x << (x & 0x1F)) | (x >>> 32-(x & 0x1F))) ^ key.subclave[13];
    /////// BLOQUE B-2 ///////
    x = (registro[0] ^ registro[1]) | key.subclave[14];
    registro[0] ^= x;
    registro[1] ^= x;
    x = (registro[2] ^ registro[3]) | key.subclave[15];
    registro[2] ^= x;
    registro[3] ^= x;
    /////// BLOQUE A-2 ///////
```

```

x = registro[1] ^ key.subclave[16];
registro[0] ^= ((x << (x & 0x1F)) | (x >>> 32-(x & 0x1F))) ^ key.subclave[17];
x = registro[2] ^ key.subclave[18];
registro[3] ^= ((x << (x & 0x1F)) | (x >>> 32-(x & 0x1F))) ^ key.subclave[19];
x = registro[0] ^ key.subclave[20];
registro[2] ^= ((x << (x & 0x1F)) | (x >>> 32-(x & 0x1F))) ^ key.subclave[21];
x = registro[3] ^ key.subclave[22];
registro[1] ^= ((x << (x & 0x1F)) | (x >>> 32-(x & 0x1F))) ^ key.subclave[23];
x = registro[1] ^ key.subclave[24];
registro[0] ^= ((x << (x & 0x1F)) | (x >>> 32-(x & 0x1F))) ^ key.subclave[25];
x = registro[2] ^ key.subclave[26];
registro[3] ^= ((x << (x & 0x1F)) | (x >>> 32-(x & 0x1F))) ^ key.subclave[27];
///// BLOQUE B-3 /////
x = (registro[0] ^ registro[1]) | key.subclave[28];
registro[0] ^= x;
registro[1] ^= x;
x = (registro[2] ^ registro[3]) | key.subclave[29];
registro[2] ^= x;
registro[3] ^= x;
///// BLOQUE A-3 /////
x = registro[1] ^ key.subclave[30];
registro[0] ^= ((x << (x & 0x1F)) | (x >>> 32-(x & 0x1F))) ^ key.subclave[31];
x = registro[2] ^ key.subclave[32];
registro[3] ^= ((x << (x & 0x1F)) | (x >>> 32-(x & 0x1F))) ^ key.subclave[33];
x = registro[0] ^ key.subclave[34];
registro[2] ^= ((x << (x & 0x1F)) | (x >>> 32-(x & 0x1F))) ^ key.subclave[35];
x = registro[3] ^ key.subclave[36];
registro[1] ^= ((x << (x & 0x1F)) | (x >>> 32-(x & 0x1F))) ^ key.subclave[37];
x = registro[1] ^ key.subclave[38];
registro[0] ^= ((x << (x & 0x1F)) | (x >>> 32-(x & 0x1F))) ^ key.subclave[39];
x = registro[2] ^ key.subclave[40];
registro[3] ^= ((x << (x & 0x1F)) | (x >>> 32-(x & 0x1F))) ^ key.subclave[41];
///// BLOQUE B-4 /////
x = (registro[0] ^ registro[1]) | key.subclave[42];
registro[0] ^= x;
registro[1] ^= x;
x = (registro[2] ^ registro[3]) | key.subclave[43];
registro[2] ^= x;
registro[3] ^= x;
///// BLOQUE A-4 /////
x = registro[1] ^ key.subclave[44];
registro[0] ^= ((x << (x & 0x1F)) | (x >>> 32-(x & 0x1F))) ^ key.subclave[45];
x = registro[2] ^ key.subclave[46];
registro[3] ^= ((x << (x & 0x1F)) | (x >>> 32-(x & 0x1F))) ^ key.subclave[47];
x = registro[0] ^ key.subclave[48];
registro[2] ^= ((x << (x & 0x1F)) | (x >>> 32-(x & 0x1F))) ^ key.subclave[49];
x = registro[3] ^ key.subclave[50];
registro[1] ^= ((x << (x & 0x1F)) | (x >>> 32-(x & 0x1F))) ^ key.subclave[51];
x = registro[1] ^ key.subclave[52];
registro[0] ^= ((x << (x & 0x1F)) | (x >>> 32-(x & 0x1F))) ^ key.subclave[53];
x = registro[2] ^ key.subclave[54];

```

```

registro[3] ^= ((x << (x & 0x1F)) | (x >>> 32-(x & 0x1F))) ^ key.subclave[55];
///// BLOQUE B-5 /////
x = (registro[0] ^ registro[1]) | key.subclave[56];
registro[0] ^= x;
registro[1] ^= x;
x = (registro[2] ^ registro[3]) | key.subclave[57];
registro[2] ^= x;
registro[3] ^= x;
///// BLOQUE A-5 /////
x = registro[1] ^ key.subclave[58];
registro[0] ^= ((x << (x & 0x1F)) | (x >>> 32-(x & 0x1F))) ^ key.subclave[59];
x = registro[2] ^ key.subclave[60];
registro[3] ^= ((x << (x & 0x1F)) | (x >>> 32-(x & 0x1F))) ^ key.subclave[61];
x = registro[0] ^ key.subclave[62];
registro[2] ^= ((x << (x & 0x1F)) | (x >>> 32-(x & 0x1F))) ^ key.subclave[63];
x = registro[3] ^ key.subclave[64];
registro[1] ^= ((x << (x & 0x1F)) | (x >>> 32-(x & 0x1F))) ^ key.subclave[65];
x = registro[1] ^ key.subclave[66];
registro[0] ^= ((x << (x & 0x1F)) | (x >>> 32-(x & 0x1F))) ^ key.subclave[67];
x = registro[2] ^ key.subclave[68];
registro[3] ^= ((x << (x & 0x1F)) | (x >>> 32-(x & 0x1F))) ^ key.subclave[69];
///// BLOQUE B-6 /////
x = (registro[0] ^ registro[1]) | key.subclave[70];
registro[0] ^= x;
registro[1] ^= x;
x = (registro[2] ^ registro[3]) | key.subclave[71];
registro[2] ^= x;
registro[3] ^= x;
///// BLOQUE A-6 /////
x = registro[1] ^ key.subclave[72];
registro[0] ^= ((x << (x & 0x1F)) | (x >>> 32-(x & 0x1F))) ^ key.subclave[73];
x = registro[2] ^ key.subclave[74];
registro[3] ^= ((x << (x & 0x1F)) | (x >>> 32-(x & 0x1F))) ^ key.subclave[75];
x = registro[0] ^ key.subclave[76];
registro[2] ^= ((x << (x & 0x1F)) | (x >>> 32-(x & 0x1F))) ^ key.subclave[77];
x = registro[3] ^ key.subclave[78];
registro[1] ^= ((x << (x & 0x1F)) | (x >>> 32-(x & 0x1F))) ^ key.subclave[79];
x = registro[1] ^ key.subclave[80];
registro[0] ^= ((x << (x & 0x1F)) | (x >>> 32-(x & 0x1F))) ^ key.subclave[81];
x = registro[2] ^ key.subclave[82];
registro[3] ^= ((x << (x & 0x1F)) | (x >>> 32-(x & 0x1F))) ^ key.subclave[83];
///// BLOQUE B-7 /////
x = (registro[0] ^ registro[1]) | key.subclave[84];
registro[0] ^= x;
registro[1] ^= x;
x = (registro[2] ^ registro[3]) | key.subclave[85];
registro[2] ^= x;
registro[3] ^= x;
}

```

8.3 Ejecución

El programa de ejemplo (NICS.jar) se ejecuta en la consola. La sintaxis es la siguiente:

```
java -jar NICS.jar <archivo_clave> <archivo_a_procesar>
```

Donde <archivo_clave> es un archivo que contiene la clave para cifrar/descifrar. Su contenido debe ser una ristra de 128 caracteres hexadecimales, sin saltos de línea. A modo de ejemplo se incluye el archivo `key.key`.

Por otro lado <archivo_a_procesar> es el archivo que queremos cifrar o descifrar. Cuando un archivo se cifra, el resultado se almacena en un archivo cuyo nombre es el nombre y la extensión del archivo original, y la extensión es “.nics”; cuando se descifra, se restaura el nombre original. Por ejemplo `datos_bancarios.dat` se cifraría como `datos_bancarios.dat.nics`.

Si un archivo ya existiera, ya sea al cifrar o al descifrar, se avisaría al usuario para que confirme si desea sobrescribir el contenido del mismo. Todos los errores que pudieran aparecer se avisan a través de un mensaje que detalla lo que haya podido ocurrir.

8.4 Resultados obtenidos

Las pruebas se han realizado en un equipo dotado de un procesador Intel Pentium IV, 512 Mb de RAM DDR, HD de 60Gb a 7200 rpm y bus a 800Mhz.

Se han hecho pruebas con un archivo binario de 732.934.144 bytes utilizando `hprof` para obtener estadísticas de utilización de métodos dentro del programa. La línea de ejecución ha sido

```
java -Xrunhprof:cpu=samples -jar NICS.jar key.key prueba.avi
```

Los resultados obtenidos son los siguientes:

| Tiempo total | Porcentaje | Tiempo estimado | Velocidad estimada |
|---------------------|-------------------|------------------------|---------------------------|
| 57360 ms | 26,77% | 15,36 seg | 364,14 Mbits/seg |
| 60516 ms | 25,93% | 15,69 seg | 356,35 Mbits/seg |
| 56625 ms | 28,99% | 16,41 seg | 340,64 Mbits/seg |
| 58594 ms | 27,58% | 16,16 seg | 346,03 Mbits/seg |
| 58234 ms | 26,41% | 15,38 seg | 363,57 Mbits/seg |
| 56453 ms | 27,56% | 15,56 seg | 359,41 Mbits/seg |
| 61156 ms | 26,36% | 16,12 seg | 346,87 Mbits/seg |
| 56203 ms | 27,56% | 15,49 seg | 361,01 Mbits/seg |
| 55031 ms | 28,21% | 15,52 seg | 360,20 Mbits/seg |
| 56265 ms | 26,69% | 15,02 seg | 372,36 Mbits/seg |

Fig. 7.2 Resultados obtenidos

La primera columna muestra el tiempo que ha tardado el programa en procesar el archivo, medido en milisegundos. La segunda columna muestra el porcentaje de procesador que se ha utilizado para el algoritmo, es de destacar que entre un 67% y un 69% se utiliza para las operaciones de entrada y salida, en concreto, para la lectura de archivos en un array de bytes y que no puede optimizarse más, ya que es la máquina virtual de java la encargada de llevarlo a cabo.

La columna del tiempo estimado representa el tiempo que aproximado que tardaría el algoritmo en procesar esa cantidad de datos sin el lastre que suponen todas las operaciones de entrada y salida, se obtiene multiplicando los valores de las dos primeras columnas en segundos.

Por último, la columna de velocidad estimada indica la velocidad aproximada del algoritmo en esa ejecución. Se obtiene dividiendo el tamaño del archivo entre el tiempo estimado, obteniendo la velocidad que se alcanzaría si olvidásemos la entrada/salida. Está expresado en megabits/segundos.

A la vista de los resultados, la velocidad media se sitúa alrededor de 357'058 Megabits/segundo.

Es importante señalar que del porcentaje de tiempo empleado en el algoritmo propiamente dicho, la mayoría es empleado en la recogida de los datos del array de bytes y en depositarlos nuevamente en su sitio, lo que hace entrever que la velocidad de la rutina de codificación es mucho mayor, pero es complicado afinar hasta tal punto y obtener resultados fiables.

9 Conclusiones

El proceso mostrado no ha sido más que los razonamientos que he seguido para llegar a diseñar y construir un algoritmo de encriptación bastante aceptable y con los objetivos iniciales.

Un algoritmo de encriptación simétrico consta de las tres partes que se tratan en la primera sección de este documento: una estructura, unas funciones y un método de obtención de subclaves. Cada una de esas partes tiene unas funciones muy determinadas y que aportan unas características propias al algoritmo. No debemos olvidar tampoco la sinergia entre esas partes, principalmente el estrecho vínculo que une la estructura con las funciones: elegir ambas de una forma lógica consigue que se complementen y den como resultado un nivel de seguridad mucho mayor.

Con estos principios se gestó el NICS (Nuevas Ideas en Criptografía Simétrica). Se ha buscado velocidad, sencillez, auto-reversibilidad y, como no, seguridad. Para su diseño se ha hecho uso de la construcción mediante eslabones propuesta en el apartado que trata la estructura, utilizando dos módulos simples: uno para añadir principalmente confusión y otro para añadir principalmente difusión. Respecto a las funciones, se han utilizado las ideas de utilización de varias subclaves, la de permitir a los propios datos que afecten al cifrado, y el empleo de operaciones de simetría aparente que añaden difusión a nivel de bit utilizando operaciones a nivel de registro. En el método utilizado para obtener las subclaves se hace uso de las ideas en cuanto a número de veces que un simple bit es seleccionado, la utilización de filtros para evitar codificaciones débiles y la aplicación del algoritmo mostrado para comprobar que efectivamente carece de claves semidébiles y débiles (excepto las triviales que no pueden evitarse).

La velocidad, a pesar de haber sido implementado en JAVA, ha sido excepcional, y las pruebas indicadas señalan que será resistente a varios de los ataques conocidos. Por lo tanto se puede afirmar que se ha conseguido todo lo que se había propuesto en un principio.

10 Bibliografía

Aunque la mayor parte del trabajo se basa en el trabajo personal, las bases y los conocimientos previos provienen de los siguientes textos:

Handbook of Applied Cryptography

A. Menezes, P. van Oorschot, S. Vanstone

Ed. CRC Press

Libro electrónico de seguridad informática y criptografía

Dr. Jorge Ramió Aguirre, Dr. Josep María Miret Biosca

Diversa información disponible en la red, páginas, artículos y foros de debate.

- www.schneier.com/blowfish.html
- www.kriptopolis.com
- www.rsasecurity.com
- www.monografias.com/trabajos20/cifrado-en-bloques/cifrado-en-bloques.shtml